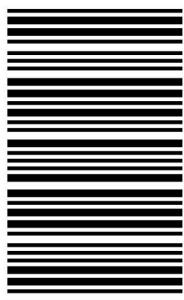


کد کنترل

762

F



762F



## فوتونیک (کد ۱۲۰۵)

زمان پاسخ‌گویی: ۲۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۲۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۲۵	۱	۲۵
۲	الکترومغناطیس	۲۰	۲۶	۴۵
۳	فیزیک مدرن	۲۰	۴۶	۶۵
۴	مکانیک کوانتومی	۲۰	۶۶	۸۵
۵	الکترونیک	۲۰	۸۶	۱۰۵
۶	اپتیک	۲۰	۱۰۶	۱۲۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

### زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

#### PART A: Vocabulary

**Directions:** Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

- 1- When you ----- a meeting, it is important to speak clearly, confidently and at a good pace.  
1) assess            2) propagate            3) address            4) impress
- 2- People like the newly proposed system, but because of the costs involved we do not believe it is -----, and we need to look for other options.  
1) compliant        2) defensive        3) ingenuous        4) viable
- 3- The country in question is very poor, and one in seven children dies in -----.  
1) infancy            2) nutrition            3) malfunction        4) mortality
- 4- I don't consider myself to be particularly -----, but when I'm given a job, I make sure it gets done.  
1) industrious        2) spontaneous        3) risky        4) unexceptional
- 5- The new airliner is more environmentally-friendly than other aircraft, its only ----- being its limited flying range.  
1) demand            2) drawback            3) controversy        4) attribute
- 6- The celebrity will ----- assistance from the police to keep stalkers away from his property.  
1) extend            2) invoke            3) absolve            4) withdraw
- 7- When plates in the Earth's crust slide or grind against one another, an earthquake with devastating consequences may be -----.  
1) derived            2) surpassed            3) triggered        4) traced

#### PART B: Cloze Test

**Directions:** Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The new species was named Maiacetus inuus, which means "mother whale," (8) ----- in the family Protocetidae. Assignment to a new species was justified due

to critical differences from other protocetid whales, such as solidly co-ossified left and right dentaries (lower jaws), (9) ----- in the ankle, and significant disparity in hind limb elements. The fossils show (10) ----- this new species' length is unimpressive relative to some extant (living) whales, but still, Maiacetus inuus measures a respectable 2.6 meters.

- |     |                          |                |                 |                   |
|-----|--------------------------|----------------|-----------------|-------------------|
| 8-  | 1) placed                | 2) that placed | 3) was placed   | 4) and was placed |
| 9-  | 1) there were variations |                | 2) varying      |                   |
|     | 3) variations            |                | 4) which varied |                   |
| 10- | 1) when                  | 2) that        | 3) although     | 4) for            |

### PART C: Reading Comprehension

**Directions:** Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

#### PASSAGE 1:

The optical properties of matter are determined by the coupling of various types of oscillators in matter to the electromagnetic radiation field. In other words, an incident electromagnetic field will cause these oscillators to perform driven or forced oscillations. It turns out that a treatment of the optical properties of an ensemble of model oscillators in terms of classical mechanics and electrodynamics yields results which are, in many respects, very close to reality. This is especially true for the spectra of the complex dielectric function or refractive index, or of the spectra of reflection and transmission. The amplitude of these driven oscillations depends on the angular frequency  $\omega$  of the incident field, on the eigenfrequency  $\omega_0$  of the oscillators, on the coupling strength  $f$  between electromagnetic field and oscillator, and on its damping  $y$ . In semiconductors, these oscillators or resonances include optical phonons, excitons including their ionization continuum and higher band-to-band transitions or plasmons. We can anticipate that many basic features of the optical properties of these resonances are similar. Therefore, it is reasonable to discuss first, in a general way, the optical properties of an ensemble of model oscillators.

If all oscillators have the same eigenfrequency and the broadening in  $\epsilon''(\omega)$  results only from a finite damping  $y$ , the system is said to be homogeneously broadened and  $\epsilon''(\omega)$  shows the usual Lorentzian shape. If the system contains many oscillators with slightly different frequencies off( $\omega$ ), the system is said to be inhomogeneously broadened.

In an ensemble of identical oscillators, a finite coupling between neighbors results in a finite bandwidth and a nonvanishing group velocity while vanishing coupling results in vanishing bandwidth and group velocity.

- 11- **How are the optical properties of matter determined?**
- 1) By light and voltage relations.
  - 2) By voltage and current relations.
  - 3) By the distribution function of eigenfrequencies.
  - 4) By coupling various oscillators in matter to the electromagnetic radiation field.

- 12- What does an inhomogeneously broadened system contain?**
- 1) Many oscillators with slightly different frequencies  $\omega$ .
  - 2) Many oscillators having slightly different amplitude.
  - 3) Many Oscillators having Eigenfrequencies resulting from finite damping.
  - 4) Many Oscillators having broadening in  $\epsilon(\omega)$  resulting from finite damping.
- 13- What does the amplitude of the oscillator depend on?**
- 1) It depends on magnitude.
  - 2) It depends on its damping.
  - 3) It depends on its frequency.
  - 4) It depends on its environment.
- 14- What is the effect of finite coupling in an ensemble of identical oscillators?**
- 1) A decrease in bandwidth.
  - 2) An increase in group velocity.
  - 3) A finite bandwidth and group velocity.
  - 4) A vanishing bandwidth and group velocity.
- 15- What are included in oscillators in semiconductors materials?**
- 1) Only optical phonons.
  - 2) They include vanishing bandwidth.
  - 3) They include optical phonons, excitons and plasmons.
  - 4) They include homogenous and inhomogeneous properties.

#### PASSAGE 2:

Here we want to discuss in more detail what is actually propagating when “light” travels through matter. In vacuum, the situation was quite clear on our present level of understanding in Sect 2 , 2. Light in vacuum is a transverse electromagnetic wave, the quanta of which are known as photons. There are two levels at which one can describe the interaction of light with matter. One is the so-called perturbative treatment or weak coupling case. In this approach, which we used in Sect. 3, 2, the electromagnetic field and the excitations of the matter are treated as independent quantities. As shown in Fig. 3,16a a photon is absorbed and the matter goes from the ground state to the excited state, and that's it. This approach is sufficient for many purposes but, if we look closer, we see that this is not the whole story. The optically excited state of the matter is necessarily connected with some polarization  $\mathbf{P}$ . Otherwise the transition would be optically forbidden, i.e., it would not couple to the electromagnetic field e.g. via the dipole-operator. On the other hand, we know that every oscillating polarization emits an electromagnetic wave, which may act back onto the incident electromagnetic field. This interplay will lead us in the following to the strong coupling limit between light and matter and to the concept of polaritons. In later chapters we shall see that many of the experimentally observed phenomena can be described quantitatively only in the strong coupling limit. In this chapter, we introduce the concept of polaritons including the aspects of spatial dispersion and of surface polaritons.

- 16- What is propagating when light is travelling in vacuum?**
- 1) Photons
  - 2) Electrons
  - 3) Electric field wave
  - 4) Transverse magnetic field waves

- 17- How is the connection of an optically excited state of the matter?**
- 1) by Without polarization.
  - 2) With some polarization.
  - 3) With covalent bonding.
  - 4) There is no connection.
- 18- What is the approach in perturbation treatment of interaction of light with matter?**
- 1) Electric field and the excitations of the matter are treated as independent quantities.
  - 2) Weak coupling and the excitations of the matter are treated as independent quantities.
  - 3) The group velocity and the excitations of the matter are treated as independent quantities.
  - 4) The electromagnetic field and the excitations of the matter are treated as independent quantities.
- 19- What concept is introduced in this passage?**
- 1) Polaritons
  - 2) Perturbation
  - 3) Quantization
  - 4) Moment of inertia
- 20- What does every oscillation polarization emit?**
- 1) A phonon
  - 2) A High frequency wave
  - 3) An electromagnetic wave
  - 4) A burst of high-energy particles

**PASSAGE 3:**

The technically most important semiconductor is Si. It is found in column IV. Conduction and valence bands are formed from the antibonding and bonding Spr hybrid orbitals. The binding is completely covalent and  $E_g$  is around 1, 1 eV at room temperature. Silicon crystallizes in the diamond structure with point group h. The modification diamond of carbon is a semiconductor as well as Ge.

Carbon has two further modifications namely graphite and fullerene ( $C_{60}$ ). Graphite is a semimetal with rather strong covalent  $sp^2$  hybrid binding within the hexagonal layers and weak van der Waals binding between the layers.  $C_{60}$  is a semiconductor with  $E_g \approx 2.2\text{eV}$ . In the diamond structure every atom is tetrahedrally surrounded by its nearest neighbors. See Fig. 7, 2. We can now replace, e.g., the Ge atoms on one sublattice by Ga, which has one outer electron less, and the others by As, which has one electron more than Ge, leaving the total number of electrons per unit unchanged, but adding a little bit of ionic binding to the still dominant covalent one. This procedure leads to the so-called zincblende type crystal structure with point group W and to the group of III-V semiconductors. The IV-VI compounds (also known as lead salts) include the compounds of Pb or Sn with S, Se and Te. They serve partly as IR laser diodes. There are further elemental semiconductors like S, Se, Te some modifications of P or I (As and Sb are considered semimetals).

- 21- What group of semiconductors do the zincblende type crystals belong to?**
- 1) III
  - 2) III-V
  - 3) III-V-
  - 4) IV- V
- 22- What are the two carbon modifications?**
- 1) Zincblend and gallium.
  - 2) Semimetal and silicide.
  - 3) Germanium and arsenic.
  - 4) Fullerene and graphite.
- 23- The IV-VI compounds are known as -----.**
- 1) Brookit
  - 2) Lead salts
  - 3) Sulfur salts
  - 4) Hexathiophene

- 24- What is the main usage of IV-VI compound semiconductors?
- 1) IR laser diodes
  - 2) Light emitting diode
  - 3) Heterojunction transistors
  - 4) Semiconductor temperature sensor
- 25- What element is the most important one in semiconductor technology?
- 1) C.
  - 2) Ga
  - 3) Ge
  - 4) Si.

الکترومغناطیس:

۲۶- بر روی میله بسیار بلندی (بی‌نهایت) که منطبق بر محور  $z$  است بار الکتریکی با چگالی خطی  $\lambda = \frac{\lambda_0}{1+(z/a)^2}$  توزیع شده است که  $z$  مکان یک نقطه روی میله و  $\lambda_0$  و  $a$  مقدارهای ثابتی دارند. بار خالص روی میله، کدام است؟

(۱)  $2\pi\lambda_0 a$

(۲)  $\pi\lambda_0 a/2$

(۳)  $\pi\lambda_0 a$

(۴)  $2\lambda_0 a$

۲۷- در ناحیه‌ای از فضا میدان الکتریکی  $\vec{E}(x,y,z) = -x^3 \hat{i} + 3yz^2 \hat{j} + 3zy^2 \hat{k}$  وجود دارد که مختصات مکان و میدان الکتریکی به ترتیب برحسب  $m$  و  $\frac{V}{m}$  است. بار الکتریکی خالص درون کره‌ای به شعاع  $3m$  و به مرکز مبدأ مختصات، چند نانوکولن است؟

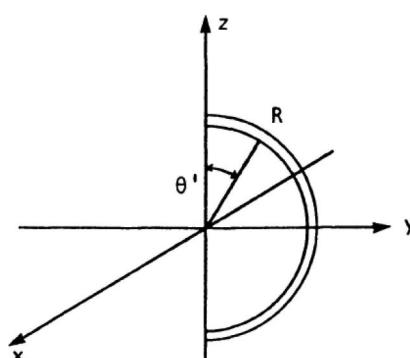
(۱)  $1/8$

(۲)  $-1/8$

(۳)  $3/8$

(۴)  $-3/8$

۲۸- مطابق شکل زیر نیم حلقه‌ای به شعاع  $R$  در صفحه  $xy$  با چگالی بار  $\lambda = \lambda_0 \cos\theta$  قرار دارد که  $\theta'$  از محور  $z$  اندازه‌گیری می‌شود. میدان الکتریکی در نقطه‌ای روی محور  $x$  با مختصات  $(x, 0, 0)$ ، کدام است؟



(۱)  $-\frac{\lambda_0}{8\epsilon_0} \frac{R^2}{(x^2 + R^2)^{3/2}} \hat{k}$

(۲)  $\frac{\lambda_0}{8\epsilon_0} \frac{R^2}{(x^2 + R^2)^{3/2}} \hat{k}$

(۳)  $\frac{\lambda_0}{4\pi\epsilon_0} \frac{R}{(x^2 + R^2)^{3/2}} (x \hat{i} - \pi R / 2 \hat{k})$

(۴)  $\frac{\lambda_0}{4\pi\epsilon_0} \frac{R}{(x^2 + R^2)^{3/2}} (x \hat{i} + \pi R / 2 \hat{k})$

- ۲۹ در ناحیه‌ای از فضا میدان الکتریکی  $\vec{E} = -3x\hat{i} - 4y\hat{j} + 2z\hat{k}$  وجود دارد که مختصات مکان مشاهده و میدان الکتریکی به ترتیب برحسب  $m$  و  $\frac{V}{m}$  است. اگر نقاط A و B به ترتیب در مکان‌های  $\hat{r}_A = -\hat{i} + 2\hat{j} + 5\hat{k}$  و  $\hat{r}_B = 3\hat{i} - 4\hat{j}$  باشند. اختلاف پتانسیل میان این دو نقطه  $V_B - V_A$  چند ولت است؟
- ۱۳ (۱)  
-۳۷ (۲)  
۳۷ (۳)  
۱۳ (۴)

- ۳۰ بار نقطه‌ای A در خارج از یک کره رسانای بدون بار به شعاع R قرار دارد. فاصله بار از مرکز کره d است. اندازه نیرویی که به کره وارد می‌شود، کدام است؟

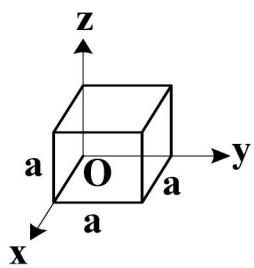
$$\frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{R}{d(d-R)^2} \quad (1)$$

$$\frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{R^2(2d-R)}{d^3(d-R)^2} \quad (2)$$

$$\frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{R^2(2d-R)}{d^3(d-R)^2} \quad (3)$$

$$\frac{q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{R^2(2d^2-R^2)}{d^3(d^2-R^2)^2} \quad (4)$$

- ۳۱ بردار قطبش الکتریکی در نقطه دلخواه (x,y,z) از مکعب دیالکتریک نشان‌داده شده در شکل زیر برابر با است که  $\alpha$ ،  $\beta$  و  $\gamma$  ضریب‌های ثابتی هستند. چگالی حجمی بارهای قطبشی داخل مکعب در نقطه  $\vec{r} = a/2\hat{i} + a/3\hat{j} + a/4\hat{k}$ ، چقدر است؟



$$a^3(-\alpha+6\beta-3\gamma)/18 \quad (1)$$

$$a^3(\alpha-6\beta+3\gamma)/18 \quad (2)$$

$$a^3(2\alpha-3\beta+3\gamma)/18 \quad (3)$$

$$a^3(-2\alpha+3\beta-3\gamma)/18 \quad (4)$$

- ۳۲ رسانای دلخواه ۱ در داخل رسانای دلخواه ۲ است. اگر بار الکتریکی روی رسانای ۱ و ۲ به ترتیب برابر  $-Q$  و  $+Q$  باشد، ظرفیت خازن متشکل از این دو رسانا بر حسب ضرایب پتانسیل  $\phi_i$ ، کدام است؟

$$(p_{11} + p_{22} - p_{12})^{-1} \quad (1)$$

$$(p_{11} + p_{22} - 2p_{12})^{-1} \quad (2)$$

$$(p_{11} + p_{22} + 2p_{12})^{-1} \quad (3)$$

$$(p_{11} - p_{22} - 2p_{12})^{-1} \quad (4)$$

- ۳۳ - میدان جابه‌جایی در یک محیط در مختصات کروی به شکل  $\vec{D}(r, \theta) = 4\epsilon_0 r^2 (3\sin\theta \hat{r} + \cos\theta \hat{\theta})$  است. چگالی بار الکتریکی در این محیط کدام است؟

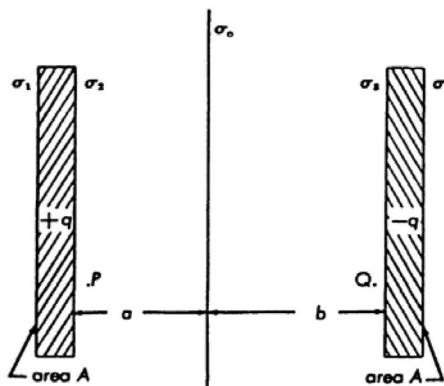
$$4\epsilon_0 r(12\sin\theta - \cos\theta) \quad (1)$$

$$4\epsilon_0 r(12\sin\theta + \cos\theta) \quad (2)$$

$$8\epsilon_0 r(6\sin\theta + \cos\theta) \quad (3)$$

$$28\epsilon_0 r\sin\theta \quad (4)$$

- ۳۴ - یک صفحه کاغذ باردار با چگالی سطحی یکنواخت  $\sigma_0$  در فضای میان دو تیغه رسانای تخت موازی با بارهای  $q$  و  $-q$  - مطابق شکل قرار دارد. مساحت هر وجه تیغه  $A$  است. چگالی بار روی هر یک از وجههای دو تیغه کدام است؟ ( $\sigma_1$  و  $\sigma_2$  به ترتیب چگالی وجه خارجی و داخلی تیغه سمت چپ و  $\sigma_3$  و  $\sigma_4$  به ترتیب چگالی وجه داخلی و خارجی تیغه سمت راست هستند).



$$\sigma_4 = \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{A} - \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_2 = \frac{q}{A} + \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_1 = \frac{\sigma_0}{2} \quad (1)$$

$$\sigma_4 = \sigma_0, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{A} + \sigma_0, \quad \sigma_2 = \frac{q}{A} - \sigma_0, \quad \sigma_1 = \sigma_0 \quad (2)$$

$$\sigma_4 = \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{A} + \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_2 = \frac{q}{A} - \frac{\sigma_0}{2}, \quad \sigma_1 = \frac{\sigma_0}{2} \quad (3)$$

$$\sigma_4 = \sigma_0, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{A} - \sigma_0, \quad \sigma_2 = \frac{q}{A} + \sigma_0, \quad \sigma_1 = \sigma_0 \quad (4)$$

- ۳۵ - دوقطبی نقطه‌ای  $\vec{p}$  در مبدأ مختصات دکارتی و در جهت مثبت محور  $Z$  قرار دارد. در فضای میدان الکتریکی ثابت  $\vec{E} = E_0 \hat{k}$  نیز وجود دارد. پتانسیل الکتریکی در یک نقطه دلخواه با مختصات کروی  $(r, \theta, \phi)$  کدام است؟

$$\frac{p}{2\pi\epsilon_0} \frac{\cos\theta}{r^2} + E_0 r \sin\theta \quad (1)$$

$$\frac{p}{2\pi\epsilon_0} \frac{\cos\theta}{r^2} - E_0 r \sin\theta \quad (2)$$

$$\frac{p}{4\pi\epsilon_0} \frac{\cos\theta}{r^2} + E_0 r \cos\theta \quad (3)$$

$$\frac{p}{4\pi\epsilon_0} \frac{\cos\theta}{r^2} - E_0 r \cos\theta \quad (4)$$

- ۳۶- کره رسانایی به شعاع  $R$  در پتانسیل ثابت  $V$  نسبت به بینهایت قرار دارد. فشار الکترواستاتیکی وارد بر هر نقطه واقع بر سطح کره، کدام است؟

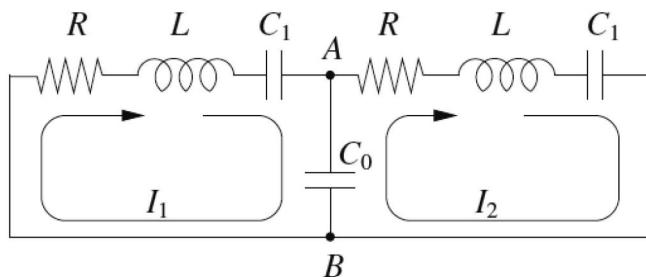
$$\frac{\pi \epsilon_0 V^2}{2R^2} \quad (1)$$

$$\frac{2\pi \epsilon_0 V^2}{R^2} \quad (2)$$

$$\frac{\epsilon_0 V^2}{2R^2} \quad (3)$$

$$\frac{\epsilon_0 V^2}{R^2} \quad (4)$$

- ۳۷- در مدار الکتریکی نشان داده شده در شکل زیر معادله های تحول زمانی جریان های  $I_1$  و  $I_2$  کدام است؟ (در معادله های زیر نقطه بالای یک کمیت به معنای مشتق گیری از آن کمیت نسبت به زمان است).



$$\begin{cases} L\ddot{I}_1 - R\dot{I}_1 + I_1/C_1 + (I_1 - I_2)/C_0 = 0 & (2) \\ L\ddot{I}_2 - R\dot{I}_2 + I_2/C_1 + (I_2 - I_1)/C_0 = 0 & (3) \end{cases}$$

$$\begin{cases} L\ddot{I}_1 - R\dot{I}_1 + I_1/C_1 + I_1/C_0 = 0 & (4) \\ L\ddot{I}_2 - R\dot{I}_2 + I_2/C_1 + I_2/C_0 = 0 & (5) \end{cases}$$

- ۳۸- مرکز کره ای از ماده مغناطیسی به شعاع  $R$  منطبق بر مبدأ مختصات است. بردار مغناطش این ماده به شکل  $\vec{M} = \alpha r^2 \cos\theta \hat{r} + \beta r^2 \sin^2 \theta \hat{\theta} + \gamma r \cos^2 \phi \hat{\phi}$  است که ( $r, \theta, \phi$ ) مختصات کروی یک نقطه از کره و  $\alpha, \beta, \gamma$  ضریب هایی ثابت هستند.  $\vec{J}_M$  چگالی جریان مغناطش این کره، کدام است؟

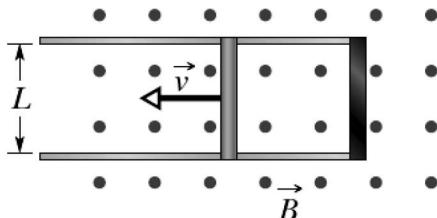
$$\vec{J}_M = \gamma r \cos\theta \cos^2 \phi \hat{r} - 2\gamma \cos^2 \phi \hat{\theta} + (\beta r^2 \sin 2\theta - \alpha r \sin\theta) \hat{\phi} \quad (1)$$

$$\vec{J}_M = \gamma r \cos\theta \cos^2 \phi \hat{r} + 2\gamma \cos^2 \phi \hat{\theta} - (\beta r^2 \sin 2\theta + \alpha r \sin\theta) \hat{\phi} \quad (2)$$

$$\vec{J}_M = \gamma \cot\theta \cos^2 \phi \hat{r} - 2\gamma \cos^2 \phi \hat{\theta} + (\beta r^2 \sin^2 \theta - \alpha r \sin\theta) \hat{\phi} \quad (3)$$

$$\vec{J}_M = \gamma \cot\theta \cos^2 \phi \hat{r} + 2\gamma \cos^2 \phi \hat{\theta} - (\beta r^2 \sin^2 \theta + \alpha r \sin\theta) \hat{\phi} \quad (4)$$

-۳۹ در شکل زیر میله فلزی به طول  $L$ ، جرم  $m$  و مقاومت الکتریکی  $R$  روی دو ریل موازی بدون اصطکاک که یک سر هر کدام توسط نواری فلزی به یکدیگر متصل شده در حضور میدان مغناطیسی ثابت  $B$  عمود بر صفحه شامل دو ریل حرکت می‌کند. اگر در لحظه  $t = 0$  به میله فلزی سرعت اولیه  $v_0$  به سمت دست چپ داده شود، اندازه سرعت میله در زمان دلخواه  $t > 0$  کدام است؟



$$v_0 e^{-(L^2 B^2 / mR)t} \quad (1)$$

$$v_0 e^{-(L^2 B^2 / 2mR)t^2} \quad (2)$$

$$v_0 / \left( 1 + L^2 B^2 t / (mR) \right) \quad (3)$$

$$-(L^2 B^2 / 2mR)t^3 + v_0 \quad (4)$$

-۴۰ در مرز مشترک دو محیط اولی با نفوذپذیری  $\mu_1 = 3\mu_0$  و دومی با  $\mu_2 = 5\mu_0$  میدان‌های مغناطیسی به ترتیب  $\vec{H}_2 = -4\hat{i} + 6\hat{j} - 2\hat{k}$  و  $\vec{H}_1 = 3\hat{i} - 8\hat{j} + 5\hat{k}$  است. مرز مشترک یک صفحه تخت است و بردار عمود بر آن از طرف محیط اول به سمت محیط دوم  $\hat{n} = \frac{1}{3}(\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k})$  است. چگالی جریان سطحی در مرز مشترک دو محیط، کدام است؟

$$7(2\hat{i} + \hat{j} + 4\hat{k}) / 3 \quad (1)$$

$$7(2\hat{i} + \hat{j} - 4\hat{k}) / 3 \quad (2)$$

$$7(2\hat{i} + \hat{j}) / 3 \quad (3)$$

$$7(6\hat{i} + \hat{j}) / 3 \quad (4)$$

-۴۱ یک موج الکترومغناطیسی تخت و تکرنگ در محیطی با ضریب گذردهی  $\epsilon = 4\epsilon_0$  و نفوذپذیری  $\mu = 9\mu_0$  انتشار می‌یابد. اگر بردار جابه‌جایی این موج در سیستم واحد SI به شکل  $\hat{x}$  باشد که  $\vec{D} = 3 \times 10^{-11} \exp(i(kz - \omega t)) \hat{x}$  باشد که در آن  $k = 0.6 \text{ m}^{-1}$  و  $\omega = 3 \times 10^7 \text{ rad/s}$ . بردار پوینتینگ این موج کدام است؟

$$4.57 \times 10^{-2} e^{i(1/2z - 6 \times 10^7 t)} \hat{z} \quad (1)$$

$$1.27 \times 10^{-3} e^{i(1/2z - 6 \times 10^7 t)} \hat{z} \quad (2)$$

$$2.29 \times 10^6 e^{i(1/2z - 6 \times 10^7 t)} \hat{z} \quad (3)$$

$$1.59 \times 10^{-26} e^{i(1/2z - 6 \times 10^7 t)} \hat{z} \quad (4)$$

-۴۲ در یک دستگاه مختصات دکارتی ناحیه  $x < 0$  با ماده‌ای با ضریب شکست مختلف  $n = 100 + i 0.1$  پر شده است. موج الکترومغناطیسی تخت و تکرنگی با بسامد زاویه‌ای  $\theta$  و شدت  $I$  که در جهت مثبت محور  $x$  در حال انتشار در خلاً است به صفحه  $x = 0$  برخورد می‌کند. توان جذب شده توسط محیط تقریباً چند درصد توان تابشی است؟ (فرض کنید موج در راستای  $\hat{y}$  قطبیده خطی است.)

$$10 \quad (1)$$

$$40 \quad (2)$$

$$1 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

- ۴۳- اگر  $\vec{S}$  بردار پوینتینگ،  $u$  چگالی انرژی میدان الکترومغناطیسی،  $\vec{E}$  میدان الکتریکی،  $\vec{B}$  میدان مغناطیسی و  $\vec{J}$  چگالی جریان باشد، کدام رابطه همواره درست است؟

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{S} + \frac{\partial u}{\partial t} = - \vec{J} \cdot \vec{E} \quad (1)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{S} + \frac{\partial u}{\partial t} = \vec{J} \cdot \vec{E} \quad (2)$$

$$\vec{\nabla} u + \frac{\partial \vec{S}}{\partial t} = - \vec{J} \cdot \vec{B} \quad (3)$$

$$\vec{\nabla} u + \frac{\partial \vec{S}}{\partial t} = \vec{J} \cdot \vec{B} \quad (4)$$

- ۴۴- درون محیطی تعداد  $n$  الکترون آزاد در واحد حجم وجود دارد. اگر میدان الکتریکی وابسته به زمان  $E = E_0 e^{i\omega t}$  برابر باشد، چگالی جریان الکتریکی ایجاد شده کدام است؟ ( $\vec{E}_0$  بردار مستقل از زمان و بار الکترون  $e$  و جرم آن  $m_e$  است).

$$\frac{e^r \omega \vec{E}_0}{m_e} e^{-i\omega t} \quad (1)$$

$$\frac{e^r}{m_e \omega} \vec{E}_0 e^{-i\omega t} \quad (2)$$

$$\frac{e^r}{m_e \omega} \vec{E}_0 e^{-i(\omega t - \pi/2)} \quad (3)$$

$$\frac{e^r}{m_e \omega} \vec{E}_0 e^{-i(\omega t + \pi/2)} \quad (4)$$

- ۴۵-  $\Phi^*$  پتانسیل اسکالر مغناطیسی یک سیم مستقیم بسیار بلند و حامل جریان  $I$  در مختصات استوانه‌ای  $(r, \phi, z)$  کدام تابع می‌تواند باشد؟ (سیم منطبق بر محور  $Z$  و جریان در جهت مثبت آن است).

$$\Phi^* = \frac{I}{2\pi} r \quad (1)$$

$$\Phi^* = \frac{I}{2\pi} r \sin \phi \quad (2)$$

$$\Phi^* = - \frac{I}{2\pi} r \cos \phi \quad (3)$$

$$\Phi^* = - \frac{I}{2\pi} \phi \quad (4)$$

فیزیک مدرن:

- ۴۶- انرژی کل یک ذره آزاد نسبیتی ۵ برابر انرژی جنبشی آن است. تندی این ذره کدام است؟ (سرعت نور در خلا است.)

- (۱)  $\frac{1}{4}c$   
 (۲)  $\frac{3}{4}c$   
 (۳)  $\frac{3}{5}c$   
 (۴)  $\frac{4}{5}c$

- ۴۷- یک ساعت در راستای مثبت محور  $x$  باتندی ثابت  $5/6c$  در حرکت است. این ساعت هنگامی که از مبدأ مختصات عبور می‌کند عدد صفر را نشان می‌دهد. این ساعت هنگامی که از نقطه  $x = 270m$  عبور می‌کند چه عددی را نشان می‌دهد؟

- (۱)  $1/2 \mu s$   
 (۲)  $1/5 \mu s$   
 (۳)  $19 ns$   
 (۴)  $45 ns$

- ۴۸- یک سفینه فضایی با سرعت  $v$  در حال دور شدن از ناظر است. این سفینه امواج رادیویی را در همان راستایی که در حرکت است به سمت ناظر ارسال می‌کند. سرعت امواج رادیویی نسبت به ناظر کدام است؟ (سرعت نور در خلا است.)

- (۱)  $c + v$   
 (۲)  $c - v$   
 (۳)  $c$   
 (۴)  $\sqrt{c^2 - v^2}$

- ۴۹- محورهای مختصات متناظر دو ناظر  $S$  و  $S'$  موازی هم هستند. ناظر  $S'$  با تندی  $v/c = 0/8$  در امتداد مثبت محور  $x$  نسبت به ناظر  $S$  در حرکت است. دو رویداد نسبت به ناظر  $S'$  در یک مکان روی محور  $x$  و با اختلاف زمان  $2ns$  رخ می‌دهند. فاصله مکانی این دو رویداد نسبت به ناظر  $S$  چند متر است؟

- (۱)  $0/48$   
 (۲)  $0/80$   
 (۳)  $2/88$   
 (۴)  $1/33$

- ۵۰- در شتابدهنده تواترون در آزمایشگاه فرمی پرتو پروتونی با انرژی کل  $1 TeV$  تولید می‌شود. تندی پروتون‌ها در این پرتو چند درصد سرعت نور در خلا است؟ (جرم سکون پروتون  $c^2 / 940 Mev$  است.)

- (۱)  $55/82$   
 (۲)  $34/117$   
 (۳)  $46/66666$   
 (۴)  $99/99995$

- ۵۱ در یک شب صاف، سطح زمین از طریق تابش انرژی از دست می‌دهد. زمین را جسم سیاه و دمای سطح آن را  $27^{\circ}\text{C}$  فرض کنید. آهنگ انرژی حرارتی که هر متر مربع از سطح زمین از دست می‌دهد چند  $\text{W/m}^2$  است؟ (ثابت استفان-بولتزمن  $\text{W/(m}^2\cdot\text{K}^4\text{)} = 5.6 \times 10^{-8}$  است.)
- (۱) ۴۵۴ (۲) ۳۹۰ (۳)  $1/3 \times 10^{-4}$  (۴)  $5/0 \times 10^{-3}$
- ۵۲ یک لوله پرتو ایکس در ولتاژ  $40\text{kV}$  کار می‌کند. طول موج قطع برای پرتوهای ایکس تولیده شده توسط الکترون‌ها در این لوله چقدر است؟
- (۱)  $3.0\text{nm}$  (۲)  $5\text{nm}$  (۳)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 3\text{A}$  (۴)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 5\text{A}$
- ۵۳ یک فوتون در پراکندگی از یک الکترون ساکن  $90^{\circ}$  از مسیر خود منحرف شده و ۶ درصد از انرژی اولیه خود را از دست می‌دهد. طول موج اولیه فوتون تقریباً چند نانومتر بوده است؟
- (۱)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 2$  (۲)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 4$  (۳)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 2$  (۴)  ${}^{\circ} / {}^{\circ} 4$
- ۵۴ یک فوتون با انرژی  $200\text{MeV}$  با یک پروتون ساکن برخورد می‌کند. فوتون  $60^{\circ}$  از مسیر خود منحرف می‌شود. انرژی فوتون پس از برخورد تقریباً چند  $\text{MeV}$  است؟ (جرم سکون پروتون  $c^2 / 940\text{MeV}$  است.)
- (۱) ۱۶۵ (۲) ۱۸۱ (۳) ۲۲۴ (۴) ۱۴۰
- ۵۵ ذره A به جرم  $m_A$  درون یک چاه بی‌نهایت یک بعدی با پهنای  $2 \times 10^{-10}\text{m}$  و ذره B به جرم  $200m_A$  درون چاه بی‌نهایت یک بعدی دیگری با پهنای  $4 \times 10^{-15}\text{m}$  در حرکت هستند. انرژی ذره B در حالت پایه چند برابر انرژی ذره A در حالت پایه است؟
- (۱)  $5/0 \times 10^{11}$  (۲)  $1/25 \times 10^7$  (۳)  $4/0 \times 10^{-4}$  (۴)  $2/0 \times 10^{-8}$

-۵۶- نزدیک‌ترین فاصله‌ای که یک ذره آلفا با انرژی جنبشی  $5 \text{ MeV}$  در برخورد روی در روی با هسته طلا پیدا می‌کند، کدام است؟ (عدد اتمی طلا ۷۹ است).

- (۱)  $4/6 \text{ fm}$
- (۲)  $4/6 \text{ nm}$
- (۳)  $67/8 \text{ nm}$
- (۴)  $67/8 \mu\text{m}$

-۵۷- طول موج دوبروی الکترون در حالت پایه اتم هیدروژن تقریباً چند نانومتر است؟

- (۱)  $0/47$
- (۲)  $0/33$
- (۳)  $3/3$
- (۴)  $4/7$

-۵۸- در طیف اتم هیدروژن کم‌ترین طول موج در سری پاشن چند برابر کم‌ترین طول موج در سری لیمن است؟

- (۱)  $\frac{1}{3}$
- (۲)  $\frac{1}{9}$
- (۳)  $3$
- (۴)  $9$

-۵۹- تفاوت‌های سیلیکون نوع p و سیلیکون نوع n کدام‌اند؟

- (۱) نوع p اتم‌های دهنده و حفره‌ها دارد ولی نوع n اتم‌های پذیرنده و الکترون‌های آزاد دارد.
- (۲) نوع p اتم‌های پذیرنده و الکترون‌های آزاد دارد ولی نوع n اتم‌های دهنده و حفره‌ها دارد.
- (۳) نوع p اتم‌های پذیرنده و حفره‌ها دارد ولی نوع n اتم‌های دهنده و الکترون‌های آزاد دارد.
- (۴) نوع p اتم‌های دهنده و الکترون‌های آزاد دارد ولی نوع n اتم‌های پذیرنده و حفره‌ها دارد.

-۶۰- از میان عناصر نامبرده در زیر، نیمه عمر کدام عنصر رادیواکتیو طولانی‌تر است؟

- (۱)  $^{24}\text{Na}$
- (۲)  $^{60}\text{Co}$
- (۳)  $^{131}\text{I}$
- (۴)  $^{14}\text{C}$

-۶۱- در جهان گرم اولیه در دمای  $K^{15} 10^{15}$  انرژی جنبشی حرکت تصادفی گرمایی ذرات گازها چقدر بود؟ (ثابت بولتزمن  $J/K^{-23} 1/38 \times 10^{15}$  است).

- (۱)  $13^{\circ}\text{MeV}$
- (۲)  $13^{\circ}\text{GeV}$
- (۳)  $13\text{keV}$
- (۴)  $13\text{TeV}$

- ۶۲- در آزمایش فرانک - هرتز چه پدیده‌ای مشاهده و اندازه‌گیری می‌شود؟
- ۱) خاصیت موجی ذرات مادی مانند الکترون‌ها مشاهده و طول موج آن‌ها اندازه‌گیری می‌شود.
  - ۲) اسپین الکترون به‌طور مستقیم مشاهده و اندازه‌گیری می‌شود.
  - ۳) پرتو ایکس مشخصه هر اتم مشاهده و رابطه خطی میان جذر فرکانس آن پرتو با عدد اتمی عنصر به‌دست آمد.
  - ۴) کوانتش ترازهای انرژی اتم‌ها به‌طور مستقیم مشاهده و اندازه‌گیری می‌شود.
- ۶۳- یک موج الکتریکی متنابض با دقت بسیار در فرکانس ثابت  $60\text{ Hz}$  تولید می‌شود. برای آن که فرکانس این موج با دقت  $1\text{ Hz}$  /  $5^\circ$  اندازه‌گیری شود حداقل چه مدت این اندازه‌گیری باید انجام شود؟ ( $\Delta E \Delta t \geq \hbar / 2$ )
- (۱)  $16\text{ ms}$
  - (۲)  $16\text{ }\mu\text{s}$
  - (۳)  $8\text{ s}$
  - (۴)  $80\text{ s}$
- ۶۴- یک کریستال معین دارای صفحات شبکه‌ای با فاصله  $4\text{ nm}$  است. پرتو نوترونی به‌طور عمودی به این صفحات می‌تابد و اولین بیشینه طرح پراش در زاویه  $60^\circ$  نسبت به راستای عمود بر صفحات رخ می‌دهد. تکانه خطی هر نوترون تقریباً چند  $\text{kg} \cdot \text{m} / \text{s}$  است؟
- (۱)  $1/7 \times 10^{-24}$
  - (۲)  $9/6 \times 10^{-25}$
  - (۳)  $4/8 \times 10^{-25}$
  - (۴)  $3/4 \times 10^{-24}$
- ۶۵- کدام عبارت در مورد سطح انرژی فرمی  $\epsilon_F$  در فلزات نادرست است؟
- ۱) در دمای صفر کلوین ترازهای انرژی کمتر از  $\epsilon_F$  کاملاً پر و ترازهای انرژی بیشتر از  $\epsilon_F$  کاملاً خالی هستند.
  - ۲) در دماهای بالای صفر کلوین، سطح انرژی فرمی انرژی حالتی است که احتمال اشغال آن ۱ است.
  - ۳) در دماهای بالاتر از صفر کلوین، برخی از ترازهای انرژی بیش از  $\epsilon_F$  نیز اشغال می‌شوند.
  - ۴) در دمای صفر کلوین اندازه انرژی شیمیایی فلز با انرژی فرمی آن برابر است.

مکانیک کوانتومی:

- ۶۶- فوتونی در حالت قطبش  $\langle 2 | \psi \rangle = \cos \theta | 1 \rangle + \sin \theta e^{i\Phi} | 2 \rangle$  است که  $| 1 \rangle$  و  $| 2 \rangle$  دو بردار پایه متعامد و بهنجار و  $\theta$  و  $\Phi$  دو زاویه حقیقی هستند. احتمال آنکه این فوتون از پولاروبدی که محور عبور آن موازی  $\hat{n} = -\sin \theta | 1 \rangle + \cos \theta | 2 \rangle$  است، بگزرد چیست؟
- (۱)  $\sin^2(2\theta) \sin^2(\frac{\Phi}{2})$
  - (۲)  $\cos^2(2\theta) \sin^2(\frac{\Phi}{2})$
  - (۳)  $\sin^2(2\theta) \cos^2(\frac{\Phi}{2})$
  - (۴)  $\cos^2(2\theta) \cos^2(\frac{\Phi}{2})$

- ۶۷ نوسانگر هماهنگ یک بعدی به جرم  $m$  و بسامد زاویه‌ای  $\omega$  در حالت  $\langle \psi | = c_1 | 0 \rangle + c_2 | 1 \rangle$  است که  $\langle 0 | \psi \rangle = c_1 | 0 \rangle + c_2 | 1 \rangle$  پایه و  $\langle 1 | \psi \rangle$  اولین حالت برانگیخته نوسانگر هستند. با چه انتخابی از ضریب‌های  $c_1$  و  $c_2$  مقدار چشم‌داشتی عملگر

$$\left( x = \sqrt{\hbar / (2m\omega)} (a + a^\dagger) \right) \text{ مکان } \langle x | \text{ بیشینه خواهد بود?} \quad (1)$$

$$c_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} | 1 \rangle, \quad c_2 = \frac{1}{\sqrt{2}} e^{\frac{i\pi}{4}} | 0 \rangle \quad (2)$$

$$c_1 = \frac{1}{\sqrt{3}} | 1 \rangle, \quad c_2 = \sqrt{\frac{2}{3}} e^{\frac{i\pi}{3}} | 0 \rangle \quad (3)$$

$$c_1 = \frac{1}{\sqrt{3}} | 1 \rangle, \quad c_2 = \sqrt{\frac{2}{3}} | 0 \rangle \quad (3)$$

$$c_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} | 1 \rangle, \quad c_2 = \frac{1}{\sqrt{2}} | 0 \rangle \quad (4)$$

- ۶۸ در مسئله نوسانگر هماهنگ یک بعدی به جرم  $m$  و بسامد زاویه‌ای  $\omega$  حاصل عبارت  $\langle p^3 | 0 \rangle$  چه حالتی است؟

$$(بردار \langle 0 | \psi \rangle \text{ حالت پایه و } p = i\sqrt{\hbar m \omega / 2} (a^\dagger - a) \text{ است.})$$

$$-i \left( \frac{\hbar m \omega}{2} \right)^{3/2} (\sqrt{6} | 3 \rangle - (1 - \sqrt{2}) | 1 \rangle) \quad (1)$$

$$-i \left( \frac{\hbar m \omega}{2} \right)^{3/2} (\sqrt{6} | 3 \rangle - (1 + \sqrt{2}) | 1 \rangle) \quad (2)$$

$$-i \left( \frac{\hbar m \omega}{2} \right)^{3/2} (\sqrt{6} | 3 \rangle - \sqrt{2} | 2 \rangle - (1 + \sqrt{2}) | 1 \rangle) \quad (3)$$

$$-i \left( \frac{\hbar m \omega}{2} \right)^{3/2} (\sqrt{6} | 3 \rangle - 2\sqrt{2} | 2 \rangle - (1 - \sqrt{2}) | 1 \rangle) \quad (4)$$

- ۶۹ نوسانگر هماهنگ یک بعدی به جرم  $m$  و بسامد زاویه‌ای  $\omega$  در حالت همدوس  $\langle \beta |$  است به طوری که  $a | \beta \rangle = \beta | \beta \rangle$  (یعنی  $\langle \beta | \beta \rangle$  ویژه بردار عملگر پایین بر  $a$  با ویژه مقدار  $\beta$  است). حاصل مقدار چشم‌داشتی عملگر  $xp + px$  در حالت  $\langle \beta |$ ، کدام است؟

$$-i\hbar(\beta - \beta^*) \quad (1)$$

$$\frac{i\hbar(\beta^* - \beta^{**})}{2} \quad (2)$$

$$-i\hbar(\beta^* - \beta^{**}) \quad (3)$$

$$\frac{i\hbar(\beta - \beta^*)}{2} \quad (4)$$

- ۷۰ در یک فضای هیلبرت ۳ بعدی نمایش دو عملگر  $A$  و  $B$  در پایه متعامد و بهنجار  $\langle 1 |, \langle 2 |$  و  $\langle 3 |$  به شکل

$$B = \begin{pmatrix} 0 & \beta_1 & 0 \\ \beta^*_1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \beta_2 \end{pmatrix} \quad \text{و} \quad A = \begin{pmatrix} \alpha_1 & 0 & 0 \\ 0 & \alpha_2 & 0 \\ 0 & 0 & \alpha_3 \end{pmatrix}$$

داده شده است. در چه حالتی این دو عملگر با هم سازگارند؟

(۱) اگر  $\alpha_1 = \beta_2$  باشد و بقیه اعضای دو ماتریس هر مقداری می‌توانند اختیار کنند.

(۲) اگر  $\alpha_1 = \alpha_2$  باشد و بقیه اعضای دو ماتریس هر مقداری می‌توانند اختیار کنند.

(۳) اگر  $\alpha_1 = \beta_1$  و  $\alpha_2 = \beta_2$  باشد و  $\alpha_3$  هر مقداری می‌تواند اختیار کند.

(۴) اگر  $\alpha_1 = \beta_2$  و  $\alpha_2 = \beta_1$  باشد و  $\alpha_3$  هر مقداری می‌تواند اختیار کند.

- ۷۱ اگر  $x$  عملگر مکان و  $p$  تکانه خطی مزدوج آن و  $a$  و  $b$  دو ثابت حقیقی باشند، کدام رابطه همواره درست است؟

$$e^{iax} e^{ibp} = e^{\frac{-ab\hbar}{2}} e^{i(ax+bp)} \quad (1)$$

$$e^{iax} e^{ibp} = e^{\frac{ab\hbar}{2}} e^{i(ax+bp)} \quad (2)$$

$$e^{iax} e^{ibp} = e^{-ab\hbar} e^{i(ax+bp)} \quad (3)$$

$$e^{iax} e^{ibp} = e^{ab\hbar} e^{i(ax+bp)} \quad (4)$$

- ۷۲ الکترونی در یک چاه بینهایت ۳ بعدی به ابعاد  $a$  حرکت می‌کند. با در نظر گرفتن اسپین الکترون مرتبه تیهگنی

$$\text{تراز انرژی } \frac{3\pi^2\hbar^2}{ma^2}, \text{ کدام است؟}$$

(۱) ۶

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) ۴

- ۷۳ ذرهای به جرم  $m$  در چاه پتان سیل  $V(x) = \begin{cases} \infty & x < 0 \\ -V_0 & 0 \leq x \leq a \\ 0 & x > a \end{cases}$  در راستای  $x$  حرکت می‌کند که  $V_0$  مقدار ثابت مثبتی است. کدام عبارت در مورد حالت‌های مقید چاه همواره درست است؟

(۱) تابع موج حالت‌های مقید هم پاریته زوج و هم پاریته فرد دارد.

(۲) همواره حداقل یک حالت مقید وجود دارد.

$$(3) \text{ اگر } V_0 < \frac{\hbar^2\pi^2}{2ma^2} \text{ باشد، هیچ حالت مقیدی وجود ندارد.}$$

$$(4) \text{ اگر } V_0 < \frac{\hbar^2\pi^2}{8ma^2} \text{ باشد، هیچ حالت مقیدی وجود ندارد.}$$

- ۷۴- ذره‌ای در یک بعد تحت تأثیر انرژی سد پتانسیل  $V(x) = \begin{cases} V_0 & x > 0 \\ V_0 - \frac{x}{R_1} & 0 \leq x \leq R_1 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$  حرکت می‌کند که  $V_0$  مقدار ثابت مثبتی است و انرژی ذره  $E > V_0$  است. ضریب بازتاب و عبور ذره اگر ذره از سمت چپ به سد بتابد  $T_1$  و  $R_1$  و اگر ذره از سمت راست به سد بتابد  $T_2$  و  $R_2$  هستند. کدام عبارت درست است؟

$$R_1 = R_2 \text{ و } T_1 = T_2 \quad (1)$$

$$R_1 > R_2 \text{ و } T_1 < T_2 \quad (2)$$

$$R_1 < R_2 \text{ و } T_1 > T_2 \quad (3)$$

$$R_1 > R_2 \text{ و } T_1 > T_2 \quad (4)$$

- ۷۵- در معادله شرودینگر مستقل از زمان  $H\psi = E\psi$  با توجه به هرمیتی بودن عملگر هامیلتونی کدام عبارت نادرست است؟  $c_1$  و  $c_2$  ضریب‌های ثابت مختلط دلخواهی هستند.

(۱) ویژه مقدار متناظر هر جواب بهنجار این معادله از کمینه مطلق پتانسیل کمتر نیست.

(۲) اگر  $\psi_1$  در این معادله با ویژه مقدار  $E_1$  صدق کند،  $c_1\psi_1 + c_2\psi_1^*$  هم با همان ویژه مقدار صدق می‌کند.

(۳) اگر هامیلتونی تحت پاریته زوج باشد یعنی  $H(-\vec{r}) = H(\vec{r})$  جواب‌های معادله لزوماً زوج یا فرد هستند.

(۴) اگر  $\psi_1$  با ویژه مقدار  $E_1$  و  $\psi_2$  با ویژه مقدار  $E_2 \neq E_1$  جواب معادله باشند،  $c_1\psi_1 + c_2\psi_2$  جواب آن نیست.

- ۷۶- ذره‌ای به جرم  $m$  در یک چاه پتانسیل بی‌نهایت مربعی یک‌بعدی که دیواره‌های آن در  $x = a$  و  $x = 0$  قرار دارند،

حرکت می‌کند. تابع موج ذره در لحظه  $t = 0$  به شکل  $\psi(x, 0) = \frac{1}{\sqrt{3}}\phi_1(x) - \sqrt{\frac{2}{3}}\phi_2(x)$  است که  $(\phi_n)$  ها

ویژه توابع انرژی ذره در چاه با ویژه مقدار  $E_n$  هستند. تابع  $|\psi(x, t)|^2$  کدام است؟

$$\frac{1}{3a} \left[ 2 - \cos\left(\frac{2\pi x}{a}\right) - 2\cos\left(\frac{4\pi x}{a}\right) - 4\sqrt{2}\sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{2\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{\pi\hbar}{(ma)}t\right) \right] \quad (1)$$

$$\frac{1}{3a} \left[ 2 - \cos\left(\frac{2\pi x}{a}\right) - 2\cos\left(\frac{4\pi x}{a}\right) - 4\sqrt{2}\sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{2\pi x}{a}\right)\cos\left(\frac{\pi\hbar}{(ma)}t\right) \right] \quad (2)$$

$$\frac{1}{3a} \left[ 3 - \cos\left(\frac{2\pi x}{a}\right) - 2\cos\left(\frac{4\pi x}{a}\right) - 4\sqrt{2}\sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{2\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{3\pi\hbar}{(2ma)}t\right) \right] \quad (3)$$

$$\frac{1}{3a} \left[ 3 - \cos\left(\frac{2\pi x}{a}\right) - 2\cos\left(\frac{4\pi x}{a}\right) - 4\sqrt{2}\sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{2\pi x}{a}\right)\cos\left(\frac{3\pi\hbar}{(2ma)}t\right) \right] \quad (4)$$

- ۷۷- تابع موج ذره‌ای آزاد در لحظه  $t = 0$  به شکل  $\psi(x, 0) = A e^{-\lambda|x|}$  است که  $\lambda$  ثابتی مثبت و  $A$  ضریب بهنجارش است. تابع موج ذره در فضای تکانه خطی  $(p, \varphi)$  کدام است؟

$$\sqrt{\frac{\lambda^2}{2\pi\hbar}} \frac{p/\hbar}{p^2/\hbar^2 - \lambda^2} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{\lambda^2}{2\pi\hbar}} \frac{p/\hbar}{p^2/\hbar^2 + \lambda^2} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{\lambda^3}{2\pi\hbar}} \frac{2}{p^2/\hbar^2 - \lambda^2} \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{\lambda^3}{2\pi\hbar}} \frac{2}{p^2/\hbar^2 + \lambda^2} \quad (3)$$

- ۷۸ حاصل جابه‌جاگر  $L_z$ ,  $Q = \alpha(p_x - p_y)(p_x + p_y) + \beta(x - y)(x + y)$  کدام است؟ (عملگر  $L_z$ ,  $Q$  و مؤلفه  $p_i$  ها مؤلفه‌های عملگر تکانه خطی و  $\alpha$  و  $\beta$  ضریب‌های ثابتی هستند).

$$4i\hbar(\alpha x p_x - \beta y p_y) \quad (1)$$

$$4i\hbar(\alpha y p_x + \beta x p_y) \quad (2)$$

$$4i\hbar(\alpha p_x p_y - \beta x y) \quad (3)$$

$$4i\hbar(\alpha p_x p_y + \beta x y) \quad (4)$$

- ۷۹ تابع موج  $\psi(x, y, z) = (x^r - y^r)f(r)$  در نظر بگیرید. اگر در مختصات کروی عملگر مربع تکانه زاویه‌ای به شکل

$$L^2\psi(x, y, z) = -\hbar^2 \left( \frac{1}{\sin\theta} \frac{\partial}{\partial\theta} (\sin\theta \frac{\partial}{\partial\theta}) + \frac{1}{\sin^2\theta} \frac{\partial^2}{\partial\phi^2} \right) \psi(x, y, z) \quad (1)$$

دلخواهی از مختصه شعاعی  $r$  است.

$$2\hbar^2(x^r - y^r)f(r) \quad (1)$$

$$6\hbar^2(x^r - y^r)f(r) \quad (2)$$

$$2\hbar^2 r^2 f(r)(4 - 3\sin^2\theta)\cos(2\phi) \quad (3)$$

$$2\hbar^2 r^2 f(r)(4 - \sin^2\theta)\cos(2\phi) \quad (4)$$

- ۸۰ دو تابع زیر توابع موج شعاعی اتم هیدروژن  $R_{n\ell}(r)$  هستند:

$$R_a = \frac{1}{2\sqrt{6}}\rho e^{-\alpha_a \rho}, \quad R_b = \frac{1}{27\sqrt{6}}\rho(1 - \frac{\rho}{6})e^{-\alpha_b \rho}$$

که  $\rho = \frac{r}{a_0}$  و  $a_0$  شعاع بور است. کدام عبارت در مورد این دو تابع درست است؟

$$R_b = R_{3,1}, \quad \alpha_b = \frac{1}{3}, \quad R_a = R_{2,1}, \quad \alpha_a = \frac{1}{2} \quad (1)$$

$$R_b = R_{3,2}, \quad \alpha_b = \frac{1}{3}, \quad R_a = R_{2,0}, \quad \alpha_a = \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$R_b = R_{4,0}, \quad \alpha_b = 4, \quad R_a = R_{3,2}, \quad \alpha_a = 3 \quad (3)$$

$$R_b = R_{4,2}, \quad \alpha_b = 2, \quad R_a = R_{1,0}, \quad \alpha_a = 1 \quad (4)$$

- ۸۱ یک اتم هیدروژن در حالت  $\Phi(\vec{r}) = A(\psi_{2,1,-1} - 2\psi_{3,1,-1} + 2\psi_{1,0,0})$  است که  $\psi_{n,\ell,m}$  ها ویژه توابع بهنجار

هامیلتونی اتم هیدروژن هستند. متوسط عملگر  $L_z$  در این حالت کدام است؟

$$\hbar \quad (1)$$

$$\frac{1}{3}\hbar \quad (2)$$

$$-\frac{5}{3}\hbar \quad (3)$$

$$-\frac{5}{9}\hbar \quad (4)$$

-۸۲- بردار حالت یک ذره اسپین  $\frac{1}{2}$  در لحظه  $t = 0$  در پایه ویژه توابع  $S_z$  به شکل  $\chi(0) = \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{pmatrix} -i \\ 2 \end{pmatrix}$  است. اگر هامیلتونی این ذره  $H = -\gamma B_0 S_x$  باشد، متوسط عملگر  $S_x$  در لحظه  $t > 0$  کدام است؟

$$\frac{2}{5} \hbar \cos\left(\frac{\gamma B_0 t}{2}\right) \quad (1)$$

$$\frac{2}{5} \hbar \sin\left(\frac{\gamma B_0 t}{2}\right) \quad (2)$$

$$\frac{4}{5} \hbar \sin\left(\gamma B_0 t\right) \quad (3)$$

$$\frac{4}{5} \hbar \cos\left(\gamma B_0 t\right) \quad (4)$$

-۸۳- دو ذره یکسان هر یک به جرم  $m$  و اسپین صفر در یک چاه پتانسیل مربعی بینهایت یک بعدی با عرض  $a$  قرار دارند. اگر برهمنش ضعیفی میان این دو ذره به شکل  $V(x_1, x_2) = -a V_0 \delta(x_1 - x_2)$  فرض شود. انرژی حالت پایه این مجموعه تا مرتبه اول از  $V_0$  کدام است؟ ( $V_0$  مقدار ثابت مثبتی است).

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{ma^2} - \frac{3}{2} V_0 \quad (1)$$

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} - \frac{3}{4} V_0 \quad (2)$$

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{ma^2} - 3 V_0 \quad (3)$$

$$\frac{2\pi^2 \hbar^2}{ma^2} - 6 V_0 \quad (4)$$

-۸۴- برای مسئله یک بعدی با انرژی پتانسیل  $V = \lambda x^2$  که در آن  $\lambda > 0$  با استفاده ازتابع آزمون

$$\phi(x) = \left(\frac{2}{b}\right)^{1/4} e^{-bx^2} \quad \text{که در آن } b > 0 \quad \text{حد بالای انرژی حالت پایه کدام است؟}$$

$$\frac{\alpha}{4\pi\sqrt{\pi b}} \quad (1)$$

$$\frac{2\alpha}{\pi\sqrt{\pi b}} \quad (2)$$

$$\frac{\alpha}{2\sqrt{\pi b}} \quad (3)$$

$$\frac{2\alpha}{\sqrt{2\pi b}} \quad (4)$$

- ۸۵- دو الکترون بدون برهم‌کنش درون یک چاه پتانسیل مربعی بینهایت یک بعدی به عرض  $a$  هستند. اگر اسپین کل مجموعه برابر یک و مؤلفه  $z$  اسپین کل برابر صفر باشد، تابع موج حالت پایه این مجموعه کدام است؟

$$\left( \left| \downarrow \right\rangle = \left| s = \frac{1}{2}, m_s = -\frac{1}{2} \right\rangle \text{ و } \left| \uparrow \right\rangle = \left| s = \frac{1}{2}, m_s = \frac{1}{2} \right\rangle \right)$$

$$\frac{2}{a\sqrt{2}} \left[ \sin\left(\frac{\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{2\pi x_2}{a}\right) + \sin\left(\frac{2\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{\pi x_2}{a}\right) \right] (\left| \uparrow\downarrow \right\rangle - \left| \uparrow\downarrow \right\rangle) \quad (1)$$

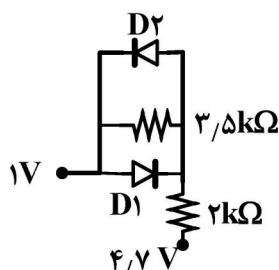
$$\frac{2}{a\sqrt{2}} \left[ \sin\left(\frac{\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{2\pi x_2}{a}\right) - \sin\left(\frac{2\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{\pi x_2}{a}\right) \right] (\left| \uparrow\downarrow \right\rangle + \left| \uparrow\downarrow \right\rangle) \quad (2)$$

$$\frac{2}{a\sqrt{2}} \left[ \sin\left(\frac{\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{2\pi x_2}{a}\right) + \sin\left(\frac{2\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{\pi x_2}{a}\right) \right] (\left| \uparrow\downarrow \right\rangle + \left| \uparrow\downarrow \right\rangle) \quad (3)$$

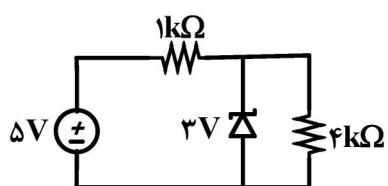
$$\frac{2}{a\sqrt{2}} \sin\left(\frac{\pi x_1}{a}\right) \sin\left(\frac{\pi x_2}{a}\right) (\left| \uparrow\downarrow \right\rangle - \left| \uparrow\downarrow \right\rangle) \quad (4)$$

### الکترونیک:

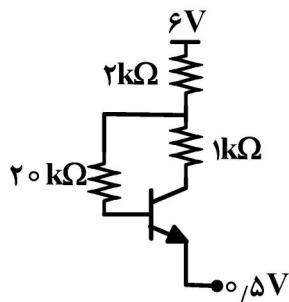
- ۸۶- مقدار جریان  $D2$  بر حسب میلیآمپر کدام است؟ ( $V_D = 0.7V$ )

(۱)  $1/3$ (۲)  $1/6$ (۳)  $2/3$ (۴)  $2/4$ 

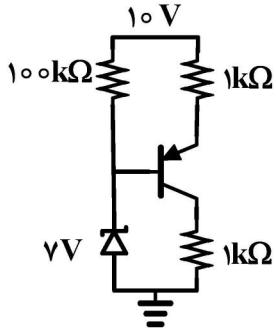
- ۸۷- جریان دیود زنر چند میلیآمپر است؟

(۱)  $3/34$ (۲)  $2/74$ (۳)  $1/35$ (۴)  $1/25$ 

- ۸۸- جریان بیس ترانزیستور چند میلیآمپر است؟ ( $V_{BE} = 0.7V$   $\beta = 49$ )

(۱)  $0/03$ (۲)  $0/04$ (۳)  $0/25$ (۴)  $0/44$

-۸۹ - ولتاژ کلکتور ترانزیستور چند ولت است؟ ( $V_{EB} = 0.7V$   $\beta = 99$ )



۱/۴ (۱)

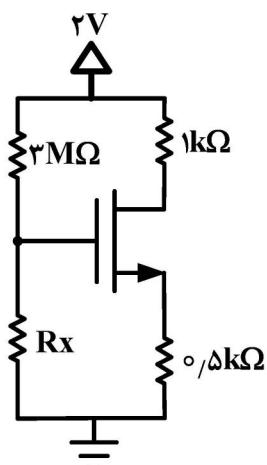
۲/۳ (۲)

۳/۳ (۳)

۴/۵ (۴)

-۹۰ - مقدار  $R_x$  برابر با چند مگا اهم است؟

$$\frac{W}{L} = 50 \quad \mu nCox = 0.2 \frac{mA}{V^2} \quad V_{TH} = 0.5V \quad I_D = 0.2mA$$



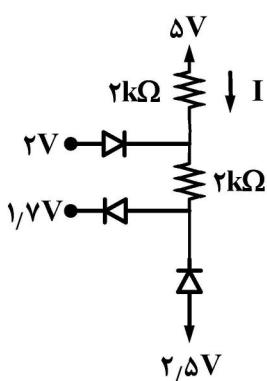
۵ (۱)

۴ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

-۹۱ - جریان I برابر با چند میلیآمپر است؟ ( $V_D = 0.7V$ )



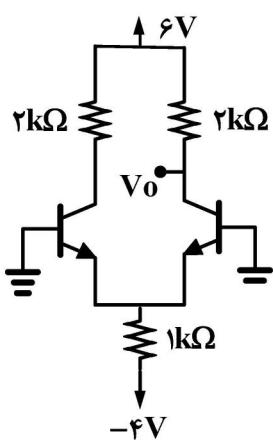
۰/۲۵ (۱)

۰/۳۲ (۲)

۰/۴۵ (۳)

۰/۶۵ (۴)

-۹۲ - مقدار  $V_{BE}$  برابر با چند ولت است؟



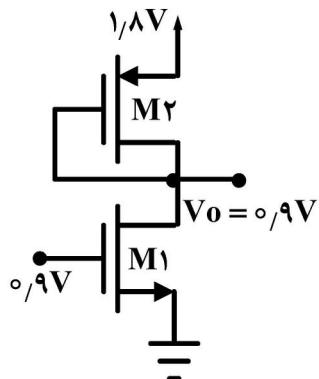
۱/۸ (۱)

۲/۷ (۲)

۳/۲ (۳)

۵/۱ (۴)

-۹۳ در ترانزیستور M۲ پهنهای کانال برابر با چند میکروآمپر است؟



$$\mu nCox = 200 \frac{\mu A}{V^2} \quad \mu pCox = 100 \frac{\mu A}{V^2}$$

$$V_{tn} = |V_{tp}| = 0.5V \quad L_1 = L_2 = 0.2\mu m$$

$$I_{D1} = 400 \mu A$$

۸ (۱)

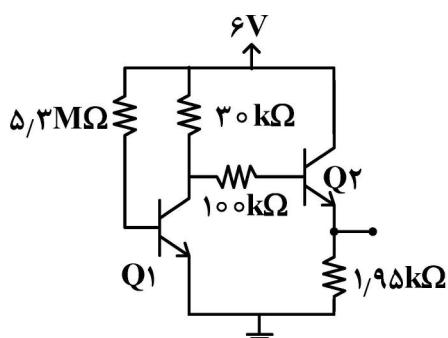
۱۰ (۲)

۱۲ (۳)

۱۵ (۴)

-۹۴ جریان مقاومت ۳۰ kΩ چند میکروآمپر است؟

$$\beta_2 = 99 \quad \beta_1 = 90 \quad V_{BE} = 0.7V$$

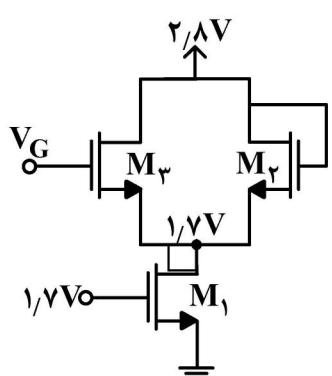


۷۶ (۱)

۸۵ (۲)

۹۰ (۳)

۹۸ (۴)



-۹۵ مقدار ولتاژ  $V_G$  چند ولت است؟

$$\mu nCox_{2,1} = 100 \frac{\mu A}{V^2} \quad V_{tn} = 0.7V$$

$$\mu nCox_{\pi} = 300 \frac{\mu A}{V^2} \quad L_1 = L_2 = L_{\pi} = 0.2\mu m$$

$$W_{\pi} = W_2 = 1.25\mu m \quad W_1 = 0.8\mu m$$

۲/۸ (۱)

۲/۶ (۲)

۲/۵ (۳)

۱/۸ (۴)

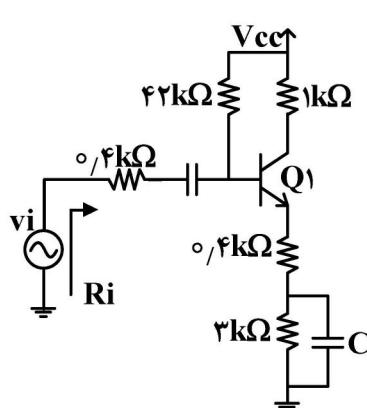
-۹۶ مقاومت  $R_i$  برابر با چند کیلو اهم است؟ ( $r_{\pi} = 2k\Omega$ ,  $\beta = 99$  است)

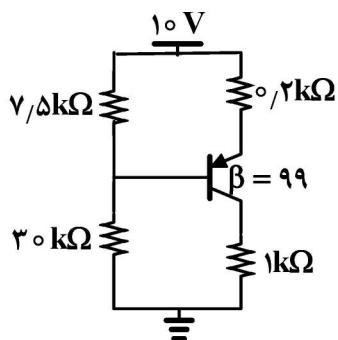
۳۵ (۱)

۲۳/۸ (۲)

۲۱/۴ (۳)

۲۰/۴ (۴)





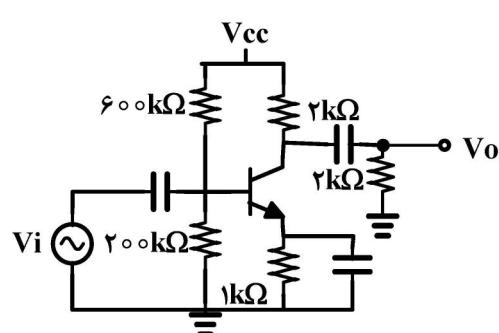
-۹۷ - ولتاژ امیتر ترانزیستور کدام است؟ ( $V_{EB} = 0.7V$ )

۹V (۱)

۸V (۲)

۵V (۳)

۳V (۴)



-۹۸ - بهره ولتاژ برابر کدام است؟

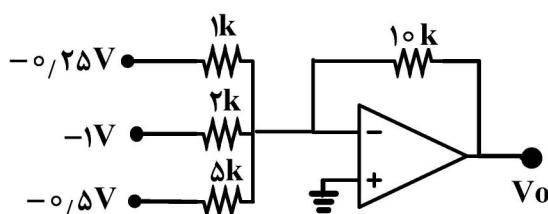
$$V_T = 0.075V \quad I_C = 1mA \quad r_o = \infty \quad \beta = 100$$

-۳۰ (۱)

-۳۵ (۲)

-۴۰ (۳)

-۴۵ (۴)



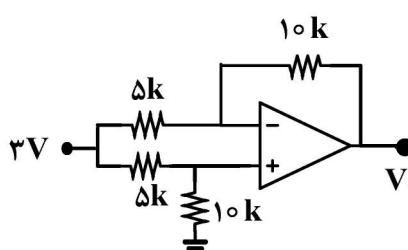
-۹۹ - ولتاژ خروجی بر حسب ولت کدام است؟

1/75 (۱)

4/5 (۲)

5/5 (۳)

8/5 (۴)



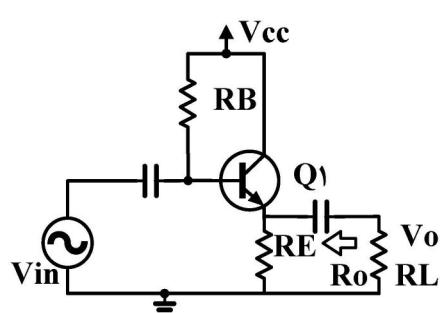
-۱۰۰ - ولتاژ خروجی بر حسب ولت کدام است؟

۰ (۱)

۱ (۲)

1/5 (۳)

۳ (۴)



-۱۰۱ - مقاومت خروجی  $R_o$  برابر با کدام است؟

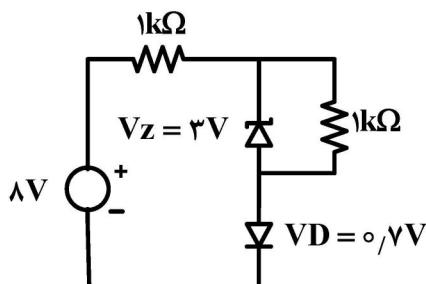
$$R_B \parallel R_E \parallel r_\pi \quad (۱)$$

$$R_E \left\| \frac{r_\pi + R_B}{1 + \beta} \right. \quad (۲)$$

$$\frac{R_E \parallel r_\pi}{\beta + 1} \quad (۳)$$

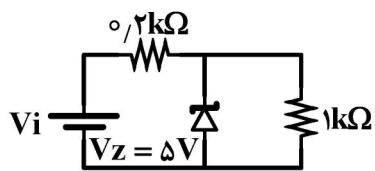
$$\frac{R_E r_\pi}{R_E + r_\pi + \beta R_E} \quad (۴)$$

۱۰۲ - جریان دیود زنر چند میلیآمپر است؟



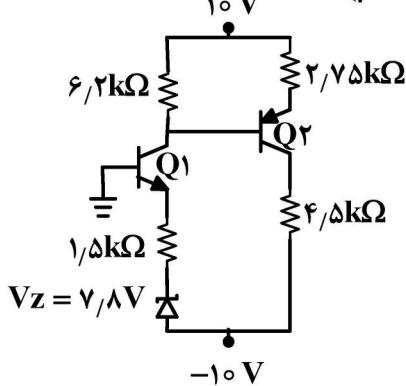
- ۱)  $\frac{1}{3}$   
۲)  $\frac{2}{3}$   
۳)  $\frac{3}{3}$   
۴)  $\frac{3}{3}$

۱۰۳ - حداقل توان قابل تحمل دیود زنر  $100\text{mW}$  است. مقدار بیشینه ولتاژ ورودی چند ولت است؟



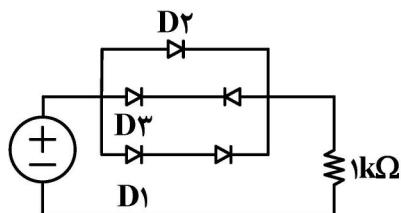
- ۱) ۸  
۲) ۹  
۳) ۱۰  
۴) ۱۲

۱۰۴ - ولتاژ  $V_{EC}$  ترانزیستور Q2 معادل چند ولت است؟ ( $\beta = \infty$  و  $|V_{BE}| = 0.7\text{V}$ )



- ۱) ۴  
۲) ۴/۵  
۳) ۵  
۴) ۵/۵

۱۰۵ - کدام دیود بیشترین جریان را عبور می‌دهد؟ (همه دیوودها یکسان هستند).

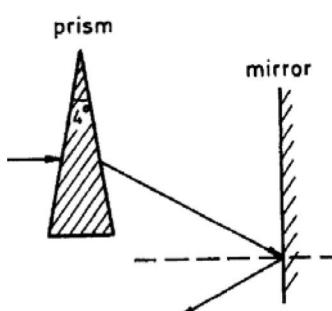


- ۱) D1  
۲) D2  
۳) D3  
۴) D2 و D1

پنیک:

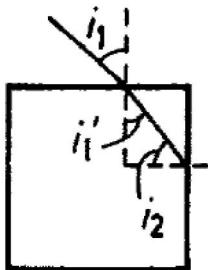
۱۰۶ - پرتو نوری افقی در هوا مطابق شکل زیر از میان منشوری با زاویه رأس  $4^\circ$  و ضریب شکست  $1/8$  عبور کرده و به یک آینه تخت در امتداد قائم برخورد می‌کند. آینه چند درجه نسبت به راستای قائم باید بچرخد تا نور بازتابی از

آن در امتداد افقی قرار گیرد؟



- ۱) ۲/۴  
۲) ۳/۲  
۳) ۱/۶  
۴) ۰/۸

۱۰۷ - پرتو نوری از هوا با زاویه تابش  $i > \frac{\pi}{2}$  به وجه بالایی یک قطعه شیشه‌ای مکعب شکل با ضریب شکست  $n$  برخورد کرده و وارد قطعه می‌شود و سپس مطابق شکل به وجه جانبی سمت راست مکعب برخورد می‌کند. کدامیک در مورد خروج نور از این وجه جانبی درست است؟



(۱) اگر  $n > \sqrt{3}$  باشد نور از وجه جانبی خارج می‌شود.

(۲) اگر  $n < \sqrt{3}$  باشد نور از وجه جانبی خارج نمی‌شود.

(۳) اگر  $n > \sqrt{2}$  باشد نوری از این وجه جانبی خارج نمی‌شود.

(۴) اگر  $n < 1$  باشد همواره نور از این وجه جانبی خارج می‌شود.

۱۰۸ - یک ماهی کوچک که در عمق ۱۲۰ cm از سطح آب یک دریاچه با ضریب شکست  $\frac{4}{3}$  قرار دارد توسط یک عدسی نازک همگرا با فاصله کانونی ۶ m مشاهده می‌شود. عدسی در ارتفاع ۶۰ cm بالای سطح آب و موازی آن و ماهی موازی عدسی و در روی محور آن قرار دارند. تصویر ماهی توسط عدسی در چه مکانی تشکیل می‌شود؟

(۱) در عمق ۱۵۰ cm پایین سطح آب

(۲) در ارتفاع ۱۲۰ cm بالای سطح آب

(۳) در عمق ۲۵۱ cm پایین سطح آب

(۴) در عمق ۱۳۸ cm بالای سطح آب

۱۰۹ - مقدار انرژی نورانی که وارد یک دوربین عکاسی می‌شود با  $f$  فاصله کانونی عدسی دوربین چگونه تناسبی دارد؟

$$f^2 \quad (1)$$

$$f \quad (2)$$

$$f^{-1} \quad (3)$$

$$f^{-2} \quad (4)$$

۱۱۰ - جسم خطی روی محور یک عدسی نازک در فاصله‌ای قرار دارد که بزرگنمایی طولی تصویر  $m$  است. اگر فاصله جسم تا عدسی به اندازه کوچک  $\Delta s$  تغییر یابد،  $\Delta s'$  تغییر در فاصله تصویر تا عدسی، کدام است؟

$$\Delta s' = -m \Delta s \quad (1)$$

$$\Delta s' = -m^2 \Delta s \quad (2)$$

$$\Delta s' = m^{-2} \Delta s \quad (3)$$

$$\Delta s' = m^{-1} \Delta s \quad (4)$$

۱۱۱ - چشم یک فرد مسن می‌تواند اشیاء در فاصله ۱۰۰ cm تا ۲۰۰ cm را به وضوح مشاهده کند. چشم به شکل یک عدسی محدب ساده که شبکیه در پشت آن به فاصله ۲ cm قرار دارد فرض شود. برای آن که این فرد بتواند اشیاء در فاصله ۲۵ cm از چشم را به وضوح مشاهده کند توان عینک آن حداقل چند دیوبتری باید باشد؟

$$-6 \quad (1)$$

$$-5 \quad (2)$$

$$+2 \quad (3)$$

$$+3 \quad (4)$$

- ۱۱۲- پرتو نوری با زاویه تابش  $\phi$  به یک قطره کروی از مایعی با ضریب شکست  $n$  می‌تابد. این پرتو مطابق شکل زیر پس از وارد شدن به قطره و بازتاب داخلی از قطره خارج می‌شود. اگر  $\delta$  زاویه انحراف پرتو ورودی نسبت به راستای پرتو خروجی باشد،  $\phi_{\min}$  زاویه تابشی که در آن کمینه  $\delta$  رخ می‌دهد از چه رابطه‌ای تعیین می‌شود؟

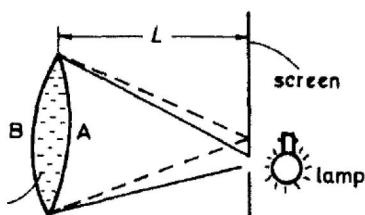
$$\sin \phi_{\min} = \frac{1}{(2n)} \quad (1)$$

$$\cos \phi_{\min} = \frac{1}{(2n)} \quad (2)$$

$$\sin^2 \phi_{\min} = \frac{(n^2 - 1)}{3} \quad (3)$$

$$\cos^2 \phi_{\min} = \frac{(n^2 - 1)}{3} \quad (4)$$

- ۱۱۳- دو شیشه ساعت یکسان هر یک به شعاع  $r = 30\text{ cm}$  را مطابق شکل زیر به یکدیگر چسبانده و فضای بین آن دو از مایع شفافی با ضریب شکست  $n = 1/7$  پر شده است. پشت شیشه B جیوه اندود شده است. نور از شکاف ریزی در پرده عمودی به این مجموعه می‌تابد. فاصله  $L$  بر حسب سانتی‌متر چقدر باشد تا تصویر واضحی روی پرده ایجاد شود؟ (فاصله رأس‌های دو سطح کروی نسبت به دیگر ابعاد کوچک است.)



(1) ۶/۸

(2) ۱۵/۱

(3) ۱۲/۵

(4) ۳۰/۰

- ۱۱۴- کدام عبارت در مورد ابیراهی آستیگماتیک در عدسی‌ها نادرست است؟

- (۱) بین دو تصویر مماسی و سازیتال تصویری دایره‌ای به نام حلقه کمترین اغتشاش وجود دارد.
- (۲) این ابیراهی ناشی از پرتوهایی است که از نقاط جسم واقع در خارج از محور اپتیکی می‌تابند.
- (۳) این ابیراهی را نمی‌توان با قرار دادن یک قطع کننده (stop) مناسب کاهش داده یا حذف کرد.
- (۴) تصویر مماسی در صفحه سازیتال و تصویر سازیتال در صفحه مماسی واقع و بر هم عمود هستند.

- ۱۱۵- عدسی ضخیمی با شعاع‌های  $r_1 = +25\text{ cm}$  و  $r_2 = +50\text{ cm}$  و ضریب شکست  $n = 1.5$  دارد. توان این عدسی در هوا چند دیوبتری است؟

(1) ۱۴

(2) ۶

(3) ۲۶

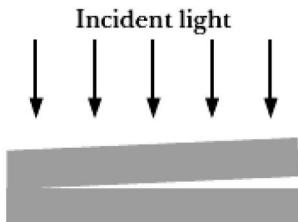
(4) ۳۴

- ۱۱۶- ضریب شکست نور در یک محیط شفاف با طول موج  $\lambda$  در آن محیط رابطه  $n = 1.75 + 9 \times 10^{-4} \lambda^{-2}$  دارد که در آن  $\lambda$  بر حسب نانومتر است. سرعت گروه برای طول موج  $600\text{ nm}$  در این محیط کدام است؟ ( $c$  سرعت نور در خلا است).

(1)  $\frac{c}{\sqrt{\lambda}}$ (2)  $\frac{c}{\sqrt{\lambda}}$ (3)  $\frac{c}{\lambda}$ (4)  $\frac{c}{\lambda}$

۱۱۷- دو تیغه مستطیلی تخت مطابق شکل زیر روی هم قرار دارند به‌طوری‌که از سمت چپ به‌هم چسبیده و لبهٔ دیگر آنها فاصلهٔ کوچکی از هم دارند. نوری با طول موج  $700\text{ nm}$  به‌طور عمودی به این مجموعه می‌تابد و از تداخل نورهای بازتابی از لایهٔ نازک هوای بین دو تیغه  $20\text{ }\mu\text{m}$  در هر سانتی‌متر از طول تیغه مشاهده می‌شود.

زاویه‌ای که دو تیغه با هم می‌سازند چند رادیان است؟



$$3/5 \times 10^{-4} \quad (1)$$

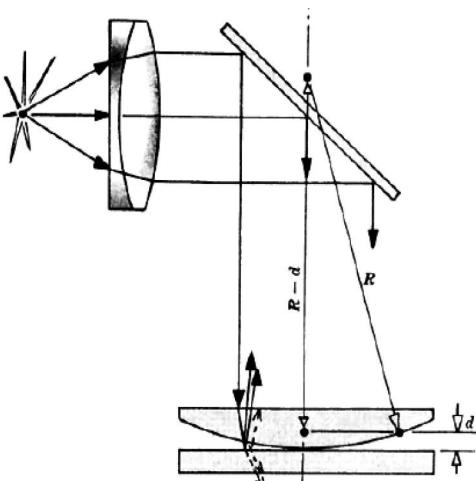
$$7/0 \times 10^{-4} \quad (2)$$

$$1/4 \times 10^{-3} \quad (3)$$

$$2/8 \times 10^{-3} \quad (4)$$

۱۱۸- در آزمایش حلقه‌های نیوتون مطابق شکل یک عدسی محدب - تخت با شعاع انحنای  $R = 80\text{ cm}$  روی یک صفحهٔ شیشه‌ای تخت قرار دارد و در وسط، عدسی مماس بر شیشه تخت است. فضای میان عدسی و شیشه با مایعی به ضریب شکست  $1/4$  پر شده است. نوری با طول موج  $560\text{ nm}$  به‌طور عمودی به این مجموعه می‌تابد.

در طرح تداخلی شعاع شانزدهمین حلقهٔ تاریک چند mm است؟



$$3/20 \quad (1)$$

$$2/26 \quad (2)$$

$$1/60 \quad (3)$$

$$5/12 \quad (4)$$

۱۱۹- در تداخل‌سنج مایکلسون یک آینه ثابت و آینه دیگر متحرک است. اگر با جابه‌جا کردن آینه متحرک به مقدار  $5\text{ mm}$  تعداد  $20000$  نوار رoshen در مرکز طرح تداخلی محو شوند، طول موج چشم‌ه نوری استفاده شده در این آزمایش چند نانومتر است؟

$$500 \quad (1)$$

$$750 \quad (2)$$

$$600 \quad (3)$$

$$450 \quad (4)$$

۱۲۰- یک لامپ کادمیوم نوری با طول موج متوسط  $600\text{ nm}$  و پهنای خط  $0/002\text{ nm}$  گسیل می‌کند. طول همدوسی پرتو این لامپ در چه حدودی است؟

$$9\text{ m} \quad (1)$$

$$9\text{ cm} \quad (2)$$

$$18\text{ m} \quad (3)$$

$$18\text{ cm} \quad (4)$$

۱۲۱- در پراش فرانهوفر از یک شکاف باریک به عرض  $b$  مکان بیشینه‌های غیر از بیشینه مرکزی از چه رابطه‌ای به دست می‌آیند و شدت این بیشینه‌ها نسبت به شدت بیشینه مرکزی چیست؟ ( $\beta = \pi b \sin \theta / \lambda$  که  $\lambda$  طول موج نور تابشی و  $\theta$  زاویه‌ای است که خط واصل از مرکز شکاف تا محل تصویر روی پرده با راستای عمود بر پرده می‌سازد.)

$$(1) I_{\max}(\beta_i) / I_{\max}(\theta = 0) = 4 \cos^2 \beta_i \quad \text{و اگر جواب‌های این معادله را } \beta_i \text{ بنامیم}$$

$$(2) I_{\max}(\beta_i) / I_{\max}(\theta = 0) = 4 \sin^2 \beta_i \quad \text{و اگر جواب‌های این معادله را } \beta_i \text{ بنامیم}$$

$$(3) I_{\max}(\beta_i) / I_{\max}(\theta = 0) = \cos^2 \beta_i \quad \text{و اگر جواب‌های این معادله را } \beta_i \text{ بنامیم}$$

$$(4) I_{\max}(\beta_i) / I_{\max}(\theta = 0) = \sin^2 \beta_i \quad \text{و اگر جواب‌های این معادله را } \beta_i \text{ بنامیم}$$

۱۲۲- زاویه جدایی دو خط طیفی با طول موج‌های  $\lambda_1 = 600 \text{ nm}$  و  $\lambda_2 = 400 \text{ nm}$  در تصویر پراش مرتبه اولی که توسط یک توری عبوری تخت با تعداد  $4000$  خط در سانتی‌متر در تابش عمودی ایجاد شده چند درجه است؟

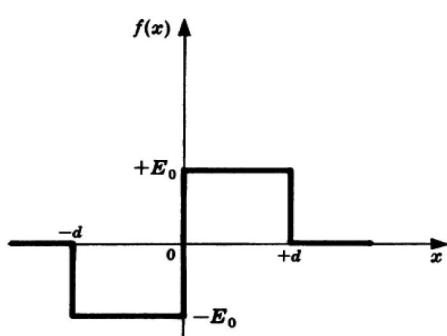
$$(1) 14^\circ$$

$$(2) 57^\circ$$

$$(3) 14^\circ$$

$$(4) 57^\circ$$

۱۲۳- اگر مؤلفه میدان الکتریکی یک پالس نوری به شکل زیر باشد، تبدیل فوریه آن، کدام تابع است؟



$$(1) \frac{2iE_0d}{\sqrt{2\pi}} \frac{\cos(kd/2)}{(kd/2)}$$

$$(2) \frac{2iE_0d}{\sqrt{2\pi}} \frac{\sin(kd/2)}{(kd/2)}$$

$$(3) \frac{4iE_0d}{\sqrt{2\pi}} \frac{\sin(kd)}{(kd)}$$

$$(4) \frac{4iE_0d}{\sqrt{2\pi}} \frac{\cos(kd)}{(kd)}$$

۱۲۴- یک نور قطبیده که میدان الکتریکی آن  $\vec{E} = E_0 [\hat{i} \sin(kz - \omega t) + \hat{j} \sin(kz - \omega t + \pi/4)]$  است از یک پولارومید که راستای عبور آن  $\hat{n} = (\hat{i} + \hat{j})/\sqrt{2}$  است عمود بر صفحه پولارومید عبور می‌کند. نسبت متوسط زمانی شدت عبوری از پولارومید به متوسط زمانی شدت تابشی به پولارومید، کدام است؟

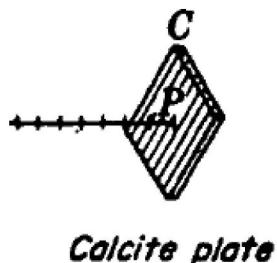
$$(1) \frac{(2+\sqrt{2})}{4}$$

$$(2) \frac{(2+\sqrt{2})}{8}$$

$$(3) \frac{(1+\sqrt{2})}{4}$$

$$(4) \frac{(1+\sqrt{2})}{8}$$

۱۲۵- نور قطبیده خطی با طول موج  $480\text{ nm}$  به یک تیغه تخت کلسیت به ضخامت  $d$  می‌تابد. این تیغه چنان برش داده شده که محور اپتیکی آن موازی وجه مقابل نور است. نور عمود بر تیغه می‌تابد و میدان الکتریکی آن با محور سریع کلسیت زاویه  $\theta$  می‌سازد. ضریب شکست‌های عادی و غیرعادی کلسیت به ترتیب  $n_0 = 1.67$  و  $n_e = 1.49$  است. در چه شرایطی نور خروجی از تیغه، قطبش دایروی خواهد داشت؟



$$\theta = \frac{\pi}{4}, d = 15\text{ nm} \quad (1)$$

$$\theta = \frac{\pi}{6}, d = 15\text{ nm} \quad (2)$$

$$\theta = \frac{\pi}{4}, d = 75\text{ nm} \quad (3)$$

$$\theta = \frac{\pi}{6}, d = 75\text{ nm} \quad (4)$$





## مشاهده کلید اولیه سوالات آزمون کارشناسی ارشد 1402

به اطلاع می‌رساند، کلید اولیه سوالات که در این سایت قرار گرفته است، غیر قابل استناد است و پس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد. در صورت تمایل می‌توانید حداکثر تا تاریخ 1401/12/25 با مراجعة به سامانه پاسخگویی اینترنتی (request.sanjesh.org) نسبت به تکمیل فرم "اعتراض به کلید سوالات"/"آزمون کارشناسی ارشد سال 1402" اقدام نمایید. لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط تاریخ مذکور و از طریق فرم ذکر شده دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر (نامه مکتوب یا فرم عمومی در سامانه پاسخگویی و ...) یا پس از تاریخ اعلام شده رسیدگی نخواهد شد.

گروه امتحانی		نوع دفترچه		عنوان دفترچه	
گروه علوم پایه		F		فونویک	
شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
1	3	31	4	61	2
2	4	32	2	62	4
3	1	33	2	63	3
4	1	34	1	64	1
5	2	35	4	65	2
6	2	36	3	66	3
7	3	37	1	67	4
8	4	38	3	68	2
9	3	39	1	69	3
10	2	40	3	70	2
11	4	41	2	71	1
12	1	42	4	72	1
13	2	43	1	73	4
14	3	44	3	74	1
15	3	45	4	75	3
16	1	46	3	76	4
17	2	47	3	77	3
18	4	48	2	78	4
19	1	49	2	79	2
20	3	50	4	80	1
21	2	51	1	81	4
22	4	52	3	82	2
23	2	53	4	83	1
24	1	54	2	84	4
25	4	55	2	85	2
26	2	56	1	86	1
27	1	57	2	87	4
28	1	58	4	88	2
29	3	59	3	89	2
30	4	60	4	90	3
شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
181	سفید	211	سفید	241	سفید
182	سفید	212	سفید	242	سفید
183	سفید	213	سفید	243	سفید
184	سفید	214	سفید	244	سفید
185	سفید	215	سفید	245	سفید
186	سفید	216	سفید	246	سفید
187	سفید	217	سفید	247	سفید
188	سفید	218	سفید	248	سفید
شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
271	سفید	301	سفید	302	سفید
272	سفید	303	سفید	304	سفید
273	سفید	305	سفید	306	سفید
274	سفید	307	سفید	308	سفید
275	سفید				
276	سفید				
277	سفید				
278	سفید				

189	سفید	219	سفید	249	سفید	279	سفید	309	سفید
190	سفید	220	سفید	250	سفید	280	سفید	310	سفید
191	سفید	221	سفید	251	سفید	281	سفید	311	سفید
192	سفید	222	سفید	252	سفید	282	سفید	312	سفید
193	سفید	223	سفید	253	سفید	283	سفید	313	سفید
194	سفید	224	سفید	254	سفید	284	سفید	314	سفید
195	سفید	225	سفید	255	سفید	285	سفید	315	سفید
196	سفید	226	سفید	256	سفید	286	سفید	316	سفید
197	سفید	227	سفید	257	سفید	287	سفید	317	سفید
198	سفید	228	سفید	258	سفید	288	سفید	318	سفید
199	سفید	229	سفید	259	سفید	289	سفید	319	سفید
200	سفید	230	سفید	260	سفید	290	سفید	320	سفید
201	سفید	231	سفید	261	سفید	291	سفید		
202	سفید	232	سفید	262	سفید	292	سفید		
203	سفید	233	سفید	263	سفید	293	سفید		
204	سفید	234	سفید	264	سفید	294	سفید		
205	سفید	235	سفید	265	سفید	295	سفید		
206	سفید	236	سفید	266	سفید	296	سفید		
207	سفید	237	سفید	267	سفید	297	سفید		
208	سفید	238	سفید	268	سفید	298	سفید		
209	سفید	239	سفید	269	سفید	299	سفید		
210	سفید	240	سفید	270	سفید	300	سفید		

خروج