کد کنترل

167





«در زمینه مسائل علمی، باید دنبال قلّه بود.»
مقام معظم رهبری

جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فنّاوری سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دورههای کارشناسیارشد ناپیوسته داخل ـ سال 1403

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

تعداد سؤال: ۱۴۵ مدتزمان پاسخگویی: ۲۵۵ دقیقه

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالها

رديف	مواد امتحاني	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
١	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۲۵	1	۲۵
۲	دروس پایه (ریاضی عمومی (۱و۲)، معادلات دیفرانسیل، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۴.	75	۶۵
٣	آناليز رياضي	۲٠	88	٨۵
۴	مبانی جبر و مبانی ترکیبات	۲٠	NS	۱۰۵
۵	جبر خطی عددی، بهینهسازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل	۲٠	1.5	۱۲۵
۶	احتمال (۱ و ۲) و فرایندهای تصادفی۱	۲٠	178	140

این آزمون، نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز میباشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالها، نوع و کد کنترل درجشده بر روی دفترچه سؤالها و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

I -	But at this point, it	's pretty hard to hu	ırt my	l've heard it all, and
	I'm still here.			
	1) characterization		2) feelings	
	3) sentimentality		4) pain	
2-		wears sunscreen wh	enever she's	
	1) demonstrated	2) confronted	3) invulnerable	4) exposed
3-	Many of these popu	ular best-sellers will	soon become dated and	l, and
	will eventually go o	•		
			fascinating	
4-	The men who arrive	ed in the	of criminals were	actually undercover
	police officers.			
	1) uniform	2) job	3) guise	4) distance
5-			y meals in bed, where all	
			fall back upon my pillows	
			3) convenient	
6-			in his home c	
	기록:		rns and waving the nati	_
			3) aspersion	- A
7-		•	e, and the luster	on him by
		보다면서 이번 경투를 위하고 하면 사람들이는 그러지 때에 마다를 하는데 없었다.	nd conspicuous people.	DWX Transport 21 DF NA
	1) conferred	equivocated	3) attained	4) fabricated

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- **8-** 1) which depending
 - 3) for depended
- 9- 1) have employed
 - 3) were employed
- 10- 1) some of these tutors could have
 - 3) that some of them could have
- 2) and depended
- 4) that depended
- 2) employed
- 4) employing
- 2) because of these tutors who have
- 4) some of they should have

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

An ancient artifact called the Ishango bone (dating back to 20,000 years ago), discovered near the Nile River, consists of marks carved in three columns. Interpretations vary, with some proposing it as a tally or the earliest demonstration of prime numbers, while others suggest a six-month lunar calendar. Scholar Peter Rudman suggests that understanding prime numbers likely developed after the concept of division, dating back to around 10,000 BC, with a fuller comprehension emerging around 500 BC. The Ishango bone may have influenced later mathematical developments in Egypt, particularly in multiplication by 2, though this is debated.

Around 7,000 years ago, before ancient Egypt had its kings, people there were drawing pictures of shapes. Some folks think that in places like England and Scotland, big stone structures from about 5,000 years ago might have had shapes like circles, ellipses, and special number sets called Pythagorean triples. However, these claims are disputed, and the oldest undisputed mathematical documents come from the Babylonians (in the Middle East) and the Egyptians after they had their kings.

- 11- The word "emerging" in paragraph 1 is closest in meaning to
 - 1) appearing
- 2) theorizing
- 3) claiming
- 4) publishing
- 12- The word "it" in paragraph 1 refers to
 - 1) the Nile River
 - 2) an ancient artifact
 - 3) a six-month lunar calendar
 - 4) the earliest demonstration of prime numbers
- 13- According to paragraph 1, which of the following is true about the Ishango bone?
 - 1) It is believed to have been a kind of toy for children
 - 2) It was some sort of instrument associated with astrology
 - 3) The jury is still out about its exact function
 - 4) Scholars agree that it was used for the primary purpose of calculating the price of goods

- 14- All of the following names are mentioned in the passage EXCEPT
- 1) Mesopotamia 2) England 3) Egypt 4
 15- According to the passage, which of the following statements is true?
 - 1) The earliest undisputed mathematical documents predate the Ishango bone.
 - 2) The earliest undisputed mathematical documents are less than 7,000 years old.

Scotland

- 3) Babylonians were the first people who entered the region now known as the Middle East.
- 4) The discovery of the Ishango bone particularly paved the way for the discovery of other objects in different regions of the world.

PASSAGE 2:

3) probability theory

Pierre de Fermat was born in 1601 in Beaumont-de-Lomagne, France. He is believed to be of Gascogne origin. Fermat's father was a wealthy merchant and his mother's family was involved in the legal profession. There is little information about the early education of Pierre, but he is believed to have attended the College de Navarre in the city of Montauban. Fermat obtained a bachelor's in civil law from the University of Orleans in 1626. He was married and had five children.

Fermat made significant contributions to number theory, probability theory, analytic geometry and the early development of infinitesimal calculus. He ventured into the areas of mathematics which included pre-evolved calculus and trigonometry.

16-	The word "his" in	paragraph 3 refers to	o					
	1) Fermat		2) Mersenne	2				
	3) Fermat's father		4)Fermat's friend					
17-	The word "margin	ıal" in paragraph 3 is	closest in meaning to					
	1) outstanding	2) notorious	3) worldwide	4) negligible				
18-	What does paragr	aph 1 mainly discuss?	?	2 (3)				
	1) Life in the early	y 17th-century France	e					
	2) Fermat's achiev	vements						
	3) France as fertile ground for the field of mathematics							
	4) Fermat's backg	round						
19-	Fermat's life and l	egacy were one way o	r another associated wit	h all of the following				
	EXCEPT							
	1) law		2) civil manageme	ent				

4) analytic geometry

- 20- The passage provides sufficient information to answer which of the following questions?
 - I. What did Fermat's wife do as a job?
 - II. What was the factor that resulted in Fermat's international recognition?
 - III. How many papers did Fermat write in his lifetime?
 - 1) Only I
- 2) Only II
- 3) Only III
- 4) II and III

PASSAGE 3:

Are mathematical ideas invented or discovered? This question has been repeatedly posed by philosophers through the ages, and will probably be with us forever. We shall not be concerned with the answer: what matters is that by asking the question, we acknowledge the fact that mathematics has been leading a double life.

In the first of its lives, mathematics deals with facts like any other science. It is a fact that the altitudes of a triangle meet at a point; it is a fact that there are only seventeen kinds of symmetry in the plane; it is a fact that there are only five non-linear differential equations with fixed singularities; it is a fact that every finite group of odd order is solvable. The work of a mathematician consists in dealing with these facts in various ways. When mathematicians talk to each other, they tell the facts of mathematics. In their research work, mathematicians study the facts of mathematics with a taxonomic zeal similar to that of the botanist who studies the properties of some rare plant.

The facts of mathematics are as useful as the facts of any other science. No matter how <u>abstruse</u> they may appear at first, sooner or later they find their way back to practical applications. The facts of group theory, for example, may appear abstract and remote, but the practical applications of group theory have been numerous, and they have occurred in ways that no one could have anticipated. The facts of today's mathematics are the springboard for the science of tomorrow.

21	Thoward	"abateman"	n navagranh	2 can be best	ranlaged by	⁷
Z1-	THE WOLU	abstruse i	ın paragrapıı	3 can be best	replaced by	

- 1) mundane
- 2) ceremonial
- 3) intricate
- 4) verified

22- According to paragraph 2, which of the following statements is true?

- 1) There are only five non-linear differential equations with fixed singularities.
- 2) The altitudes of a triangle do not necessarily meet at a point.
- 3) A few of the finite groups of odd order are not solvable.
- 4) There are more than twenty kinds of symmetry in the plane.

23- All of the following are mentioned in the passage EXCEPT

1) group theory

2) taxonomic zeal

3) physicists

4) the botanist

24- The passage probably continues, after paragraph 3, with which of the following topics?

- 1) A definitive answer to the question raised in the first paragraph
- 2) The theoretical origins of mathematics as a discipline
- 3) Introducing some of the famous mathematicians
- 4) The other aspect of "the double life" of mathematics

- 25- The passage provides sufficient information to answer which of the following questions?
 - I. Are mathematical ideas invented or discovered?
 - II. When did philosophers first realize the double nature of mathematics?
 - III. Are mathematical facts simply theoretical concepts?
 - 1) Only I
- 2) Only II
- 3) Only III
- 4) II and III

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱و۲)، معادلات دیفرانسیل، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

? کدام است
$$ec{a}
eq ec{b}$$
 و $ec{a} + ec{b}$ و $ec{a} + ec{b}$ یکه باشند و $ec{a}
eq ec{b}$. طول بردار $ec{a}$ کدام است

- | (1
- 1 (7
- √r (r
- √r (¢

$$f(x) = egin{cases} x + yx^{7} \sin{(rac{1}{x})} & x
eq \circ \\ 0 & x = \circ \end{cases}$$
 کدام مورد برای تابع $f(x) = \begin{cases} x + yx^{7} \sin{(rac{1}{x})} & x \neq \circ \\ 0 & x = \circ \end{cases}$

- ۱) (°) f'(وجود ندارد.
-) تابع f روی بازههای شامل صفر صعودی است.
 - f تابع f روی بازههای شامل صفر نزولی است.
- ۴) تابع f روی بازههای شامل صفر نه صعودی و نه نزولی است.

$$f(x+y) = f(x) - f(y) + xy(x+y)$$
 فرض کنید $\lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{x} = 1$ فرض کنید $\lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{x} = 1$

برقرار باشد. مقدار
$$\mathbf{f}'(\mathbf{k})$$
 کدام است؟

- 1719 (1
- 1890 (7
- 1891 (8
- 1898 (4

$$\{x=a\cos t, \circ \leq t \leq T\pi\}$$
 است $\{x=a\cos t, \circ \leq t \leq T\pi\}$ است $\{x=b\sin t\cos^T t\}$ کدام مضرب $\{x=b\sin t\cos^T t\}$

- , ()
- <u>'</u> (۲
- 1 T
- 1 (1

است؟ $\int_{1}^{\infty} (\frac{n}{x+1} - \frac{\pi x}{7x^7+n}) \, dx$ اگر $\int_{1}^{\infty} (\frac{n}{x+1} - \frac{\pi x}{7x^7+n}) \, dx$ کدام است؟

$$\frac{1}{7} \ln \frac{y}{18}$$
 (1

$$\frac{\lambda}{9} \ln \frac{\gamma}{18}$$
 (7

$$\frac{9}{4} \ln \frac{9}{15}$$
 (8)

$$7 \ln \frac{7}{18}$$
 (4

است? $\sum_{n=1}^{\infty} \int_{0}^{\frac{1}{n}} \frac{\sqrt{x}}{1+x^{7}} dx$ برای سری $\sum_{n=1}^{\infty} \int_{0}^{\frac{1}{n}} \frac{\sqrt{x}}{1+x^{7}} dx$

۲) جملات سری نزولی و سری همگرا است.

۱) جملات سری صعودی و سری همگرا است.

۴) جملات سری نزولی و سری واگرا است.

۳) جملات سری صعودی و سری واگرا است.

مجموعه \mathbb{Q}) و تابع \mathbf{A}_{r} و تابع \mathbf{A}_{r} به شرح زیر مفروضاند. کدام مورد درست نیست \mathbf{A}_{r} (\mathbf{A}_{r} مجموعه اعداد گویا است.)

$$A_{1} = \left\{ (x, \frac{1}{Y}) : x \in \mathbb{Q} \right\} , A_{Y} = \left\{ (x, \frac{1}{Y}) : x \not\in \mathbb{Q} \right\} , A_{Y} = \left\{ (x, Y) : x \in \mathbb{Q} \right\}$$

$$f(x, y) = \begin{cases} 1 & x \in \mathbb{Q} \\ Yy & x \not\in \mathbb{Q} \end{cases}$$

ر کا نابیوسته است. f(x) در f(x)

۱) f در A ناپیوسته است.

در A_{γ} پیوسته است. f (۴

ر A_{γ} پیوسته است. f (۳

سیل پذیر \mathbf{g} و \mathbf{g} روی مجموعهٔ همبند و باز \mathbf{S} در صفحهٔ مختصات به طور پیوسته دیفرانسیل پذیر باشند و \mathbf{C} و باشده و پارههمواری در \mathbf{S} باشد، کدام مورد درست نیست \mathbf{C}

$$\oint_{C} (f \vec{\nabla} f) \cdot d\vec{r} = -\oint_{C} (g \vec{\nabla} g) \cdot d\vec{r} \quad (1)$$

$$\oint_{C} (f \vec{\nabla} f) \cdot d\vec{r} = \oint_{C} (g \vec{\nabla} g) \cdot d\vec{r} \quad (7)$$

$$\oint (f \vec{\nabla} g) \cdot d\vec{r} = -\oint (g \vec{\nabla} f) \cdot d\vec{r}$$
(*

$$\oint_C (f \vec{\nabla} g) \cdot d\vec{r} = \oint_C (g \vec{\nabla} f) \cdot d\vec{r}$$
(4)

وه نیم کره $\vec{F}(x,y,z)=(xy^{\mathsf{T}}+z^{\mathsf{T}},yz^{\mathsf{T}}+x^{\mathsf{T}},zx^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}})$ از سطح نیم کره $\mathbf{F}(x,y,z)=(xy^{\mathsf{T}}+z^{\mathsf{T}},yz^{\mathsf{T}}+x^{\mathsf{T}},zx^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}})$ از سطح نیم کره $\mathbf{F}(x,y,z)=(xy^{\mathsf{T}}+z^{\mathsf{T}},yz^{\mathsf{T}}+x^{\mathsf{T}},zx^{\mathsf{T}}+y^{\mathsf{T}})$ کدام است؟

- $\frac{17\pi}{70}$ (1
- $\frac{r\pi}{\Delta}$ (7
- $\frac{\pi}{\Delta}$ (°
- $\frac{\pi\pi}{70}$ (4

۹۳۵ مقدار $\int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \frac{1}{1+(\min\{x,y\})^{T}} dxdy$ کدام است

- $\frac{\pi}{r}$ -7ln7 (1
 - In 7 (7
- $\frac{\pi}{r}$ ln r (r
 - 7ln7 (4

 $g(x) = \frac{ \mbox{Tce}^{x^{\gamma}} + 1 }{ \mbox{Tce}^{x^{\gamma}} - 1 }$ باشد. اگر $y = \ln x$ باشد. اگر $y = \ln x$ فرض کنید $y = \ln x$ یک جواب معادله دیفرانسیل $\exp(y_c(x))$ کدام است $y = \ln x$ کدام است $y = \ln x$

- $\frac{g(x)}{x}$ (1
- $\frac{x}{g(x)}$ (7
- $\frac{1}{xg(x)}$ ($^{\circ}$
 - xg(x) (*

 $y_{\gamma}(x) = \sin x$ فرض کنید $y_{\gamma}(x) = \sin x$ و $y_{\gamma}(x)$ دو جواب مستقل خطی یک معادلهٔ دیفرانسیل خطی مرتبه دوم همگن $y_{\gamma}(x)$ باشند. اگر رونسکین آنها در بازهٔ $(\frac{\pi}{v}, \circ)$ برابر $\sin^{\gamma}(x)$ باشند. اگر رونسکین آنها در بازهٔ $(\frac{\pi}{v}, \circ)$ برابر

- x tan x ()
- x cot x (Y
- x sin x ("
- X COS X (F

است؟ $\int x^{\mathsf{T}} J_{\circ}(x) dx$ کدام است

$$(J_{\lambda+1}(x)+J_{\lambda-1}(x)=\frac{\gamma\lambda}{x}J_{\lambda}(x)\,,(x^{\lambda}J_{\lambda}(x))'=x^{\lambda}J_{\lambda-1}(x)\,:$$
 (راهنمایی:

$$x^{\tau}(xJ_{\tau}(x)-\tau J_{\tau}(x))$$
 (1

$$x^{\mathsf{Y}}J_{\mathsf{Y}}(x) + \mathsf{Y}x^{\mathsf{Y}}J_{\mathsf{Y}}(x)$$
 (Y

$$x^{\gamma}J_{\gamma}(x)-xJ_{\gamma}(x)$$
 (*

$$xJ_1(x)-YJ_2(x)$$
 (4

ورض کنید $\mathbf{g}(t)=\mathbf{e}^t\,rac{\mathbf{d}^{\mathbf{n}}\mathbf{f}(t)}{\mathbf{d}t^{\mathbf{n}}}$ تبدیل لاپلاس $\mathbf{f}(t)=\mathbf{t}^{\mathbf{n}}\mathbf{e}^{-t}$ کدام است؟

$$\frac{\Gamma(n)(s-1)^n}{s^{n+1}} \ (1$$

$$\frac{n!(s-1)^n}{s^{n+1}}$$
 (7

$$\frac{(n+1)!s^n}{(s-1)^{n+1}} (r$$

$$\frac{\Gamma(n)s^n}{(s-1)^{n+1}}$$
 (*

انتگرال $\int_0^1 \frac{y(xt)}{\sqrt{1-t}} dt = \sqrt{x}$ از حل معادله انتگرال y = y(x) ، کدام است؟

$$\frac{1}{\pi x}$$
 (1

$$\frac{\Upsilon}{\pi\sqrt{X}}$$
 (Υ

$$\frac{1}{\pi}\sqrt{x}$$
 (۳

$$\frac{7}{\pi}x$$
 (4

:میکنیم دوتایی x , $y \in \mathbb{R}$ با فرض اینکه x , $y \in \mathbb{R}$ عملهای دوتایی x و x , $y \in \mathbb{R}$

$$x * y = x + y + xy$$
$$xoy = x + y - xy$$

کدام مورد درست است؟

است؟ $\mathbf{A} \subseteq \mathbb{R}$ فرض کنید $\mathbf{A} \subseteq \mathbb{R}$ و $\mathbf{A} \to \mathbf{A}$ یک تابع باشد. فرمول منطقی گزارهٔ زیر کدام است؟

«تابع f در هیچ نقطهای از A حد ندارد»

 $x\,,a\in A$ و $b\in \mathbb{R}$ در موردهای زیر δ و δ مقید به اعداد مثبت هستند،

$$\forall a \ \forall b \ \exists \epsilon \ \forall \delta \forall x \ (\circ < \left| x - a \right| < \delta \Longrightarrow \left| f(x) - b \right| \ge \epsilon)$$
 (1)

$$\forall a \ \forall b \ \forall \delta \ \exists \epsilon \ \exists x \ (\circ < |x-a| < \delta \land |f(x)-b| \ge \epsilon)$$
 (7)

$$\forall a \ \forall b \ \exists \epsilon \ \forall \delta \ \exists x \ (\circ < |x-a| < \delta \land |f(x)-b| \ge \epsilon)$$
 (*

$$\forall a \ \forall b \ \exists \epsilon \exists \delta \exists x \ (\circ < |x-a| < \delta \land |f(x)-b| \ge \epsilon)$$
 (4)

ه باشد و(X, ≤) مجموعهٔ کلاً مرتب باشد و -۴۳

 $\forall x, y \in X : (x, y) = \{z \in X : x \le z, x \ne z, z \le y, z \ne y\}$

رابطه ~ روى X بهصورت زير تعريف مي شود:

 $\forall a, b \in X : (a \sim b \Leftrightarrow \exists x, y \in X : a, b \in (x, y))$

رابطه \sim روی X کدام خاصیت را دارد؟

۴۴ فرض کنیم $\mathbf{f}: \mathbf{X} o \mathbf{Y}$ یک تابع باشد. کدام مورد با یکبهیک بودن تابع \mathbf{f} معادل نیست -

.fog = I وجود دارد که
$$g: Y \to X$$
 تابع (۱

$$\forall A, B \subset X : f(A \cap B) = f(A) \cap (B)$$
 (7

$$\forall A, B \subset X : f(A \setminus B) = f(A) \setminus f(B)$$
 (*

$$\forall A \subset X : f^{-1}(f(A)) = A$$
 (§

است؟ $\mathbf{B} \cong \mathbb{R}$ فرض کنید \mathbf{A} مجموعهای شمارا و \mathbf{B} مجموعهای با توان پیوستار باشد، یعنی $\mathbf{B} \cong \mathbb{R}$. کدام مورد نادرست است؟

دارد.
$$\mathbf{B}^{\mathbf{A}}$$
 توان پیوستار دارد.

رد. توان پیوستار دارد. (
$$\mathbf{A} \times \mathbf{B}$$
) توان پیوستار دارد.

ورض کنید $\mathbf{T}^{\mathsf{F}} \to \mathbb{R}^{\mathsf{T}}$ با ضابطه $\mathbf{T}: \mathbb{R}^{\mathsf{T}} \to \mathbb{R}^{\mathsf{T}}$ برابر کدام است؟ $\mathbf{T}: \mathbb{R}^{\mathsf{T}} \to \mathbb{R}^{\mathsf{T}}$ برابر کدام است؟

$$-17T+\Delta I$$
 (7

 $\mathbf{A} = egin{bmatrix} \mathbf{k} & \mathbf{l} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{l} & \mathbf{k} \\ \mathbf{k} & \mathbf{o} & \mathbf{l} \end{bmatrix}$ وارون پذیر باشد؟ $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{k} & \mathbf{l} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{l} & \mathbf{k} \\ \mathbf{k} & \mathbf{o} & \mathbf{l} \end{bmatrix}$

$$k \in \mathbb{R} - \{-1,1\}$$
 (1)

$$k \in \mathbb{R} - \{1, 7\}$$
 (7

$$k \in \mathbb{R} - \{r\}$$
 (*

$$k \in \mathbb{R} - \{-1,7\}$$
 (4

$P_n(\mathbb{R})$ باشد که در آن $T:P_{\gamma}(\mathbb{R}) o P_{\pi}(\mathbb{R})$ باشد که در آن $T:P_{\gamma}(\mathbb{R}) o P_{\pi}(\mathbb{R})$ فرض کنید $P_{\pi}(\mathbb{R})$

فضای برداری چند جملهایهای از درجه حداکثر $\mathbf n$ روی میدان $\mathbb R$ است. کدام مورد درست است؟

- .rank $(T) = Y_9 \dim \ker T = Y_1$
- rank (T) = ۳ يوشا نيست و T ، ker T = $\{\circ\}$ (۲
 - $\operatorname{rank}(T) = \mathbb{V}$ یکبه یک و پوشا است و \mathbb{V}
 - .rank (T) = ۴ یکبهیک و پوشا است و T (۴

اگر A دارای ۳ مقدار ویژه متمایز باشد، آنگاه رتبه A برابر است با: $A^{\mathfrak{P}}=A$ و $A\in M_{n}(\mathbb{C})$ فرض کنید

 $tr(A^{7})$ ()

 $tr(A^r)$ (r

$$:\mathbb{R}^\Delta$$
 در این صورت A به عنوان یک تبدیل خطی در $A:$ $A=\begin{bmatrix} \circ & \circ & \circ & \circ & \circ \\ \circ & \circ & \circ & \circ & \circ \\ \mathbb{7} & 1 & \circ & \circ & \circ \\ \circ & \circ & \circ & 1 & \mathsf{T} \\ \circ & \circ & \circ & -1 & -1 \end{bmatrix}$

۲) مثلثی شونده است ولی قطری شدنی نیست.

۱) مثلثی شونده و قطری شدنی است.

۴) مثلثی شونده نیست ولی قطری شدنی است.

۳) مثلثی شونده نیست و قطری شدنی نیست.

است؟
$$\lim_{x\to 0} \frac{\tan(ax) - a\tan(x)}{\sin(ax) - a\sin(x)}$$
 کدام است؟ -۵۱

- 7 (1
- a (Y
- -r (r
- a (4

 $g(x) = \sup\{f(t): 0 \le t \le x\}$ فرض کنید g با ضابطه $g(x) = \sup\{f(t): 0 \le t \le x\}$ تعریف شود. کدام مورد درست است؟

- ۱) g بر [۰,۱] پیوسته است.
- ۲) g بر $(\circ , 1)$ پیوسته است، ولی ممکن است در \circ و ۱ پیوسته نباشد.
- برای g لزوماً پیوسته نیست. $\{x:g(x)< r\}$ مجموعهٔ $\{x:g(x)< r\}$ برای $\{x:g(x)< r\}$
- برای g مجموعهٔ $\{x:g(x)>r\}$ باز است، ولی g لزوماً پیوسته نیست. f

نامساوی زیر برقرار است: x , $y\in\mathbb{R}$ و هر x , $y\in\mathbb{R}$ و هر x , $y\in\mathbb{R}$ نامساوی زیر برقرار است: $|f(x)-f(y)|\geq C$

كدام مورد نادرست است؟

- ۱) آکیداً یکنواست.
- یک همسان یختی است. $f: \mathbb{R} o \mathbb{R}$ (۲
- یوسته یکنواخت است. $f^{-1}: f(\mathbb{R}) \to \mathbb{R}$ (۲
-) برد f در \mathbb{R} بسته است، ولی f لزوماً پوشا نیست.

ا، آنگاه $\lim_{x\to 1} f'(x)=a$ اگر $\lim_{x\to 1} f'(x)=a$ فرض کنید تابع حقیقی $\lim_{x\to 1} f'(x)=a$ پیوسته و بر

كدام مورد درست است؟

- ۱) مشتق f در نقطه x=1، لزوماً موجود نیست.
- ۲) مشتق f در نقطه x = 1 موجود و برابر a است.
- ۳) اگر f' یکنوا باشد، مشتق f در نقطه x=1 موجود و برابر با a است و شرط یکنوایی ضروری است.
- ۴) مشتق f در نقطه x=1 موجود است و اگر تابع f' پیوسته باشد، آنگاه f'(1)=a و شرط پیوستگی ضروری است.

و سری $\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}$ همگرا است. کدام سری، واگرا است؟ $a_{n}>0$ فرض کنید برای هر $a_{n}>0$ و سری

ماری کنید $f(x) = -e^{-7x} + e^x$. کدام عبارت تقریب بهتری از f(x) را بهازای مقادیر $f(x) = -e^{-7x} + e^x$ نتیجه می دهد؟

$$^{\text{TX}}$$
 (Y X (1) $e^{x}(1-e^{-\text{TX}})$ (F Y $-\text{TX}$ (T)

 $\alpha=1$ از معادله $\alpha=1$ از معادله $\alpha=1$ از معادله $\alpha=1$ از الگوریتم روش نابجایی در بازه $\alpha=1$ استفاده می کنیم. اگر $\alpha=1$ دنبالهٔ حاصل از روش موردنظر باشد، آنگاه مقدار $\alpha=1$ کدام است؟

حدجملهای درون یاب تابع $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x}) + \mathbf{r}(\mathbf{x})$ در سه نقطهٔ $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x})$ باشد، آنگاه تقریب ریشه $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x})$ در بازه $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x})$ کدام است؟ (۱۲۳ $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x})$ معادله $\mathbf{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{r}(\mathbf{x})$

 $f(\alpha)+f(-\alpha)$ از فرمول f(x)dx چنان استفاده می کنیم که مقدار تقریبی $-\Delta q$ جرای محاسبهٔ یک مقدار تقریبی از $\int_{-1}^{1} f(x)dx$ از فرمول $f(\alpha)+f(-\alpha)$ چنان استفاده می کنیم که مقدار تقریبی و دقیق انتگرال برای توابع چند جمله ای با حداکثر در جهٔ ممکن یکسان باشند. اگر تابع $f(\alpha)+f(-\alpha)$ به اندازهٔ کافی مشتق پذیر با مشتقات پیوسته باشد، آنگاه مقدار $f(\alpha)+f(-\alpha)$ کدام است $f(\alpha)+f(-\alpha)$ در از را مشتقات پیوسته باشد، آنگاه مقدار $f(\alpha)+f(-\alpha)$ به اندازهٔ کافی مشتق پذیر با مشتقات پیوسته باشد، آنگاه مقدار $f(\alpha)+f(-\alpha)$

$$\frac{1}{90}f^{(9)}(c)$$
 (7 $\frac{1}{90}f^{(0)}(c)$ (1

$$\frac{1}{\epsilon}f''(c)$$
 (4) $\frac{1}{\epsilon}f^{(r)}(c)$ (4)

 $\Delta^{\mathsf{r}} \mathbf{f}_i = -\mathsf{r}$ در یک تـابع جــدولی بــه صــورت $\{(\mathbf{x}_i\ , \mathbf{f}_i)\}_{i=\circ}^n$ بــا نقــاط متســاوی الفاصــله، مقــادیر \mathbf{f}_{i+1} و \mathbf{f}_{i+1} ، \mathbf{f}_{i+1} و \mathbf{f}_{i+1} القـــادیر \mathbf{f}_{i+1} و \mathbf{f}_{i+1} و کدام است؟

$$(\mathbf{f}_{i}^{\Upsilon} = \mathbf{f}^{\Upsilon}(\mathbf{x}_{i}))$$

$$\Upsilon (\Upsilon \qquad) (\Upsilon)$$

$$\Psi (\Psi)$$

جرای دادههای $x_{1},...,x_{7},x_{1}$ با میانه x_{1} ، براساس ویژگیهای میانه، کدام مورد درست است؟

ا) مقدار تابع
$$a= ilde{x}$$
 باشد. $f(a)=\sum_{i=1}^n \left|x_i-a
ight|$ باشد.

ر باشد.
$$a=\widetilde{x}$$
 مقدار تابع $f(a)=\sum_{i=1}^n(x_i-a)^{\mathsf{T}}$ وقتی مینیمم میشود که $a=\widetilde{x}$ باشد.

۳) مقدار تابع
$$a=\widetilde{x}$$
 ابشد. $f(a)=\sum_{i=1}^n \left|x_i-a
ight|$ باشد.

. دارای مینیمم یکتا نیست.
$$f(a) = \sum_{i=1}^n \left| x_i - a \right|$$
 ۱۶ دارای مینیمم یکتا نیست. ۴

- ${\bf B}$ میانگین و انحراف معیار درجه خلوص ماده شیمیایی ${\bf A}$ به ترتیب ۷۵ و ۵ درصد و برای ماده شیمیایی ${\bf A}$ میانگین و انحراف معیار به ترتیب ۸۵ و ۱۰ درصد است. در مورد درجه خلوص این دو ماده، چه اظهار نظری می توان نمود ${\bf A}$
 - ۱) ماده A، خالص تر است.
 - ۲) ماده B، خالص تر است.
 - ۳) دو ماده از نظر درجه خلوص، بهطور متوسط یکسان هستند.
 - ۴) نمی توان درجه خلوص دو ماده را مقایسه نمود.
- 97 یک عکس خانوادگی را درنظر بگیرید که در آن، قرار است مادربزرگ در وسط یک ردیف از اعضای خانواده در باشد. برای یک خانواده ۷ نفری (شامل مادربزرگ)، چند روش مختلف برای قرارگرفتن اعضای خانواده در این عکس وجود دارد؟
 - 790 (1
 - YY0 (T
 - 707° (m
 - DOFO (F

- جو براساس یک نظرسنجی، پاسخ دهندگان دارای حداقل یکی از بیمههای خدمات درمانی یا بیمه در آمد از کارافتادگی هستند. اگر x درصد از پاسخ دهندگان دارای بیمه خدماتی درمانی، y درصد دارای بیمه در آمد از کارافتادگی و z درصد فقط دارای بیمه خدمات درمانی باشند، احتمال اینکه پاسخ دهندهای که به طور تصادفی انتخاب شده، فقط دارای بیمه از کارافتادگی باشد، کدام است؟
 - $\frac{y-x-7z}{1\circ\circ} (1$
 - $\frac{y-x+rz}{1\circ\circ} \ (r$
 - $\frac{y-x-z}{100}$ (T
 - $\frac{y-x+z}{1}$ (4
- طبق یافتههای ژنتیکی بهدست آمده، دوقلوها را می توان به دو گروه تقسیمبندی نمود: هموزیگوت یا هتروزیگوت.
 در گروه هموزیگوت، دو جنین تشکیل خواهد شد که ژنهای کاملاً مشابهی با یکدیگر دارند و در نتیجه، همیشه همچنس هستند (هر دو پسر یا هر دو دختر). اگر در یک جامعه از دوقلوها، درصد دوقلوهای دختر با باشد،
 درصد دوقلوهای هموزیگوت کدام است؟
 - ۱) صفر
 - 1 (7
 - 1 m
 - 1 F (4

آناليز رياضي:

- مجموعه نقاط حدی (انباشتگی) A° ، A مجموعه نقاط درونی A' ، A مجموعه نقاط حدی (انباشتگی) \overline{A} ، A بستار A و A مرز A باشد. کدام مورد نادرست است؟
 - $\partial A = A \cap A'$ (1)
 - . $\partial A = \overline{A} \setminus A^{\circ}$, $\overline{A} = A^{\circ} \bigcup \partial A$ (Y
 - $G \subseteq A^{\circ}$ اگر G مجموعه A باشد، آنگاه $G \subseteq A^{\circ}$
 - $\overline{A} \subseteq F$ اگر A مجموعهای بسته و شامل A باشد، آنگاه $\overline{A} \subseteq F$
 - ۱۳۵۰ فرض کنید $\mathbf A$ زیرمجموعه فضای متریک $\mathbf X$ باشد، کدام مورد درست است؟
 - ا) اگر درون و مرز A همبند باشد، آنگاه A همبند است.
 - ک) اگر A و درون A همبند باشد، آنگاه مرز A همبند است.
 - ۳) اگر A و مرز A همبند باشد، آنگاه درون A همبند است.
 - ۴) اگر A همبند باشد، آنگاه هر زیرمجموعه سره و ناتهی A دارای مرز ناتهی است.

صفحه ۱۵	167 A	(کد ۱۲۰۸)	رياضي
نادرست است؟	، X) یک فضای متریک فشرده و Aزیرمجموعه ناتهی X است. کدام گزاره	فرض کنید (d ,	-81
	فشرده است. $\{x\in X: d(x\;,A)\geq 1\}$	۱) مجموعه {۱	
6	. $\mathrm{d}(\mathrm{x}\;,\mathrm{A})\!\leq\!\mathrm{M}\;$ ه وجود دارد، بهطوری که برای هر $\mathrm{X}\in\mathrm{X}$ ،	۲) عددی مثبت	
$.d(x, A) \le d$	(y,A) ، $y\!\in\! XackslashA$ وجود دارد، بهطوری که برای هر $x\!\in\! XackslashA$	۳) عضوی مانند	
	$d(x,A) \leq d(y,A)$ ، $x \in X$ وجود دارد که برای هر $y \in X$.	۴) عضوی مانند	
	ره زیر را بهنحو درست، تکمیل می <i>کند</i>؟	کدام مورد، گزار	-89
ای متریک (Q,d)	انند \mathbf{d} روی \mathbf{Q} (مجموعه اعداد گویا) وجود ندارد، بهطوری \mathbf{d} فضا	«هیچ متری م	
	«.»	باش	
	۲) همبند	۱) فشرده	
	۴) دارای گوی باز دو عضوی	۳) کراندار	
$\{x_n\}$ نبی بودن دنباله	یک فضای متریک و $\{\mathbf{x_n}\}$ دنبالهای در \mathbf{X} باشد. کدام مورد، با کوث $(\mathbf{X}$,	فرض کنید (d	-7.
		معادل است؟	
	~	- 2	
	حداکثر یک عضو دارد. $\{\overline{\mathbf{x}_n: n \geq k}\}$	۱) مجموعه {}	
	$\lim_{n\to\infty} d(x_n, x_{k+n}) = 0 k \in \mathbb{N}$	۲) په ازاي ه	
	ود زیردنبالهای $\{x_n\}$ حداکثر یک عضو دارد.		
	$\lim_{n o \infty} d(x_{i_n}, x_{j_n}) = \circ \cdot \{x_{j_n}\}$ و $\{x_{i_n}\}$ و $\{x_{i_n}\}$	۴) به ازای هر د	
m ∈ l قرار مىدھيم	$\mathbb N$ یک فضای متریک شمارا باشد و $\mathbf X = \{x_\mathbf n : \mathbf n \in \mathbb N\}$. به ازای هر	فرض کنید X	-41
ریک X درست است؟	اگر $\mathbf{v} = (\mathbf{v}_{m}) = \mathbf{v}$ ، آنگاه کدام مورد درباره فضای متر . $\mathbf{Y}_{m} = \{$	$\{x_n : n \ge m\}$	
	m→‱ ۲) کلاً کراندار است.	۱) کامل است.	
ست.	X ، نقطه تنهاست. ۴) هر زیر مجموعه X بسته ا		
	منان پر کنید که گزاره زیر درست باشد. منان پر کنید که گزاره زیر درست باشد.		-٧٢
،، اگر و تنها اگر بر هر	و Y فضاهای متریک باشند. تابع $f:X o Y$ یکنواخت پیوسته است		
	از X یکنواخت پیوسته باشد.»		
۴) همبند	۲) فشرده ۳) کامل	۱) شمارا	
:	و Y فضاهای متریک باشند و تابع $Y o f: X$ دارای خاصیت زیر باشد:	فرض کنید X و	-72
	در X همگرا است، اگر و تنها اگر دنباله $\{f(x_n)\}$ در Y همگرا باشد.»	$\{x_n\}$ «دنباله»	
	ِستِ است؟	كدام مورد نادر	

f تابع f پیوسته است. f تابع f یک به یک است.

 $f(\overline{A}) = \overline{f(A)}$ رای هر مجموعه A در X

۴) دنباله $\{x_n\}$ در X کوشی است، اگر و فقط اگر دنباله $\{f(x_n)\}$ در Y کوشی باشد.

 $(X\,,\,d)$ باشد. شرط $(X\,,\,d)$ باشد. شرط $(X\,,\,d)$ باشد. فرض کنید $(X\,,\,d)$ باشد. $(X\,,\,d)$ ب

کدام مورد درست است؟

- ۱) مجموعه A در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر A فشرده باشد.
- ۲) مجموعه A در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر A بسته و کراندار باشد.
- A اگر مجموعه A در شرط * صدق کند، آنگاه A بسته و کراندار است ولی عکس آن درست نیست.
- ۴) هر زیر مجموعه X در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر X کراندار و هر زیرمجموعه آن بسته باشد.
- است؟ حرض کنید $\{x_n\}$ و $\{y_n\}$ و نبالههایی کوشی در فضای متریک $\{x_n\}$ باشند. کدام مورد درست است؟ حرض کنید $\{d(x_n,y_n)\}$ بدون هیچ شرطی همواره همگراست.
 - ۲) اگر $\{d(x_n, y_n)\}$ کراندار باشد، همگراست، ولی ممکن است دنباله $\{d(x_n, y_n)\}$ کراندار نباشد.
- ۳) اگر (X,d) کامل باشد، دنباله $\{d(x_n,y_n)\}$ همگراست، در غیراین صورت ممکن است واگرا باشد.
- ۴) اگر $\{y_n\}_0$ همگرا باشند، آنگاه دنباله $\{d(x_n,y_n)\}$ همگراست، درغیراین صورت ممکن است واگرا باشد.
- دارای زیر دنباله ا $\lim_{n \to \infty} d(x_n \, , X \setminus \{x_n\}) = \circ$ فرض کنید هر دنباله $\{x_n\}$ در فضای متریک X با خاصیت X

همگرا است. کدام مورد درست است؟

- ۱) فضای متریک X فشرده است.
- ۲) مجموعه نقاط حدى X فشرده است.
- ۳) هر تابع حقیقی روی X پیوسته است.
- ۴) یک تابع حقیقی پیوسته روی X وجود دارد که یکنواخت پیوسته نیست.

دنباله $\{f_n\}$ بر \mathbb{R} با ضابطه $\mathbf{f}(x)=\frac{x^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{I}+(\mathsf{Y}\sin x)^{\mathsf{Y}n}}$ و تابع \mathbf{f}_n و تابع \mathbf{f}_n و تابع \mathbf{f}_n و تابع \mathbf{f}_n تعریف می شود.

مجموعه نقاط ناپیوستگی f، کدام است؟

- $\{k\pi\pm\frac{\pi}{9}:k\in\mathbb{Z}\}$ (1)
- $\{k\pi\pm\frac{\pi}{\mathfrak{r}}:k\in\mathbb{Z}\}$ (Y
- $\{k\pi\pm\frac{\pi}{r}:k\in\mathbb{Z}\}$ (r
 - ۴) مجموعه تهي

است. که χ تابع χ تابع شده است، که χ تابع مشخصه است. $f(x)=\sum_{n=1}^\infty \frac{1}{n^{\frac{n}{2}}} \chi_{[\circ\,,\,\frac{1}{n}]}(x)$ تابع مشخصه است. که χ تابع مشخصه است.

کدام مورد درباره تابع \mathbf{f} ، نادرست است؟

۲) صعودی است.

۱) انتگرال پذیر ریمان است.

۴) مجموعه نقاط ناپیوستگی f شمارا ست.

۳) در نقطه صفر پیوسته است.

$$x\in [rac{7}{n},1]$$
 در نظر بگیرید. درباره $f_n(x)=egin{cases} \circ & x\in [rac{7}{n},1] \\ 7-nx & x\in [rac{7}{n},rac{7}{n}] \end{cases}$ در نظر بگیرید. درباره $n\in \mathbb{N}$ ، $f_n:[\circ,1] o \mathbb{R}$ در نظر بگیرید. درباره $x\in [\circ,rac{7}{n}]$

دنباله $\{f_n\}$ ، کدام مورد درست است؟

۱) همگرای یکنواخت به صفر است.

۲) در هیچ نقطه از مجموعه $\{\frac{1}{k}:k\in\mathbb{N}\}$ به صفر میل نمی کند، ولی خارج این مجموعه، نقطهوار به صفر میل می کند.

۳) در هیچ نقطه از مجموعه $\{\frac{1}{k}, \frac{7}{k}: k \in \mathbb{N}\}$ به صفر میل نمی کند، ولی خارج این مجموعه، نقطهوار به صفر میل می کند.

۴) نقطهوار به صفر میل می کند ولی همگرایی یکنواخت نیست.

بر بازه $[\circ, \frac{\pi}{r}]$ به می تعریف می شوند: $n \in \mathbb{N}$ ، f_n توابع - ۸۰

 $f_1(x) = \sin x$, $f_{n+1}(x) = \sin f_n(x)$ $(n \in \mathbb{N})$.

درباره دنباله $\{f_n\}$ کدام مورد درست است؟

۱) همگرای نقطهوار نیست.

۲) همگرای یکنواخت است.

۳) همگرای نقطهوار است ولی هیچ زیردنبالهای از آن یکنواخت همگرا نیست.

۴) همگرای یکنواخت نیست ولی زیردنبالهای دارد که همگرای یکنواخت است.

است؟ برای هر \mathbb{N} تابع $\mathbf{r} \in \mathbb{N}$ تابع $\mathbf{r}_n(x) = \frac{x}{1+nx^{\mathsf{T}}}$ را بر \mathbb{R} در نظر بگیرید. کدام مورد نادرست است؟

یکنواخت است. $\{f'_n\}$ بر $\{f'_n\}$ ست. (۱

ریاله $\{f_n\}$ بر $\{f_n\}$ همگرای یکنواخت است.

۳) دنباله $\{f_n\}$ بر $\{f_n\}$ بر همگرای نقطهای است ولی همگرای یکنواخت نیست.

بر ($^{\circ},\infty$) بر ($^{\circ},\infty$)

همگرا است؛ کدام دنباله یکنواخت همگرا است؛ \mathbb{R} است. کدام دنباله یکنواخت همگرا است؛ f_n

 $\{f_n^{\mathsf{Y}}\}$ ()

 $\{\log(\mathbf{1}+\mathbf{f}_n^{\mathsf{T}})\}$ (T

 $\{f_n'\}$ (T

۱۳۰۰ دنباله توابع $\{f_n\}$ را بهصورت در نظر می گیریم. کدام مورد درست است -۸۳

$$f_n: [\circ, 1] \to \mathbb{R}$$
 ; $f_n(t) = \int_{\frac{1}{\tau}}^{1} x^t |\sin(nx)| dx$

- ١) هم پيوسته است ولي زير دنباله يكنواخت همگرا ندارد.
- ۲) همپیوسته نیست و هیچ زیردنباله یکنواخت همگرا ندارد.
- ۳) همپیوسته نیست ولی زیردنبالهای دارد که یکنواخت همگراست.
 - ۴) همپیوسته است و زیردنبالهای دارد که یکنواخت همگراست.
- مرط قرم کنید $\{f_n\}$ دنبالهای از توابع پیوسته بر $\mathbb R$ باشد که بهطور نقطهوار به تابع g همگرا است. از کدام شرط g پیوستگی تابع g بر g نتیجه میشود؟
 - $f_n(x) \ge f_{n+1}(x)$ و هر $n \in \mathbb{N}$ و هر $n \in \mathbb{N}$
 - ۲) هر f_n خارج از یک بازه فشرده متحد با صفر است.
 - . $\mid f_n'(x) \mid$ مر $x \in \mathbb{R}$ مشتق پذیر است و برای هر $n \in \mathbb{N}$ هر $n \in \mathbb{R}$ مشتق پذیر است و برای هر
 - بر \mathbb{R} بر $\{f_n\}$ دنباله $\{f_n\}$ دنباله $\{f_n\}$ بر است.
 - است? $\sum_{n=1}^{\infty} (1-n)^n x^n!$ کدام است? $\sum_{n=1}^{\infty} (1-n)^n x^n!$ کدام است
 - 1 (1
 - e (۲
 - 1 (r
 - 00 (4

مبانی جبر و مبانی ترکیبیات:

- مریختی R کنید R یک حلقه جابه جایی، R و R[x] حلقه چندجملهای های آن باشد. همریختی $\phi_a(f(x)) = f(a)$ با ضابطه $\phi_a:R[x] \to R$ را در نظر بگیرید. دراین صورت:
 - یک ایده آل اصلی است. ϕ_a پوشاست و ϕ_a (۱
 - بوشاست و $\ker \phi_a$ یک ایدهآل اصلی است. ϕ_a (۲
 - . یک ایده آل اصلی است و Ker ϕ_a یک ایده آل اصلی است. ϕ_a (۳
 - ست. است و ما یک ایدهآل اصلی است. ϕ_a (۴
 - شرض کنید $\mathbb{Z}_{\Lambda} = \mathbb{Z}_{\gamma} \times \mathbb{Z}_{\Lambda}$ و $\mathbb{G} = \mathbb{Z}_{\gamma} \times \mathbb{Z}_{\Lambda}$ دراین صورت کدام مورد درست است؟
 - $\frac{G}{H} \cong \mathbb{Z}_{\tau} \times \mathbb{Z}_{\tau}$, $H = \mathbb{Z}_{\tau} \times \mathbb{Z}_{\tau}$ (1)
 - $rac{G}{H}\cong \mathbb{Z}_{ ext{F}}$, $H=\mathbb{Z}_{ ext{T}} imes \mathbb{Z}_{ ext{T}}$ (7
 - $\frac{G}{H} \cong \mathbb{Z}_{\tau} \times \mathbb{Z}_{\tau}$, $H = \mathbb{Z}_{\tau}$ (*
 - $\frac{G}{H} \cong \mathbb{Z}_{\mathfrak{f}} , H = \mathbb{Z}_{\mathfrak{f}}$ (§

چند عضو مرتبه ۱۲ در $S_{ m V}$ (گروه تقارنهای روی ۷ حرف) وجود دارد؟	- ۸۸
77 0 (7	
54° (4	
فرض کنید ${f N}$ یک زیرگروه نرمال با شاخص ۴ از گروه ${f G}$ باشد، در اینصورت کدام یک از گزارههای زیر درست است؟	-19
. $G = A \cup B \cup C$ دوری نباشد، دراین صورت G دارای سه زیرگروه سره مانند G ه است به طوری که G دارای سه زیرگروه سره مانند G است به طوری که G	
است. N فقط یک زیرگروه ماکسیمال از G وجود دارد که شامل N است.	
\sim اگر \sim دوری باشد، آنگاه \sim آبلی است.	
اگر $\displaystyle rac{G}{N}$ دوری باشد، آنگاه G آبلی است.	
فرض کنید G گروهی از مرتبه ۸۴ باشد بهطوری که یک همریختی پوشا از G به G وجود دارد. دراین صورت	-٩٠
از کدام مرتبه حتماً یک زیرگروه نرمال برای ${f G}$ وجود دارد؟	
TA (T	
۶ (۴ ۱۲ (۳	
X فرض کنید G یک گروه G متناهی و G یک گروه آبلی متناهی باشد که به ترتیب توسط مجموعه های	-٩
و ${f Y}$ تولید می ${f m}$ وند. اگر تمام عناصر ${f X}$ و ${f Y}$ از مرتبه ${f Y}$ باشند، کدام مورد درست است؟	
۱) مرتبه ${f G}$ و ${f H}$ لزوماً توانی از ۲ نیستند.	
۲) مرتبه G و H هر دو توانی از ۲ هستند.	
۳) مرتبه ${ m G}$ توانی از ۲ است ولی مرتبه ${ m H}$ لزوماً توانی از ۲ نیست.	
۴) مرتبه G لزوماً توانی از ۲ نیست ولی مرتبه H توانی از ۲ است.	
فرض کنید ${f G}$ یک گروه و ${f H}$ و ۱ ${f H}$ باشد، دراینصورت	-91
ا) اگر $ G - H $ متناهی باشد، آنگاه $ G $ متناهی است.	
۲) اگر H متناهی باشد، آنگاه G نیز متناهی است.	
۳) اگر مرتبه تمام عناصر H متناهی باشد، آنگاه G متناهی است.	
۴) اگر H نامتناهی باشد، آنگاه $G-H$ متناهی است.	
یک حلقه جابهجایی و یکدار را موضعی مینامند، هرگاه فقط یک ایده آل ماکسیمال داشته باشد. کدامیک از	-91
حلقههای زیر موضعی نیست؟	
\mathbb{Z}_{15} (1	
$\mathbb{Z}_{\scriptscriptstyleNY}$ (Y	
\mathbb{Z}_{1A} (Y	
\mathbb{Z}_{19} (*	
تعداد عناصر وارون پذیر کدام حلقه برابر با ۴ نیست؟	-91
\mathbb{Z}_{Δ} (1	
$\mathbb{Z}_{\gamma\circ}$ (Y	
$\mathbb{Z} imes\mathbb{Z}$ ($ imes$	
$\mathbb{Z}_{\mathfrak{f}} imes \mathbb{Z}_{\mathfrak{f}}$ (f	

معداد مقسوم علیه های صفر در حلقه و $\mathbb{Z}_{arphi} imes \mathbb{Z}_{arphi}$ چندتا است؟ (عنصر صفر را هم به عنوان یک مقسوم علیه صفر در نظر بگیرید.)

18 (1

74 (7

78 (4

47 (4

۹۶- کوچک ترین مقدار \mathbf{m} چقدر است به طوری که در هر زیر مجموعه \mathbf{m} عضوی از $\{1,7,\dots,9^\circ\}$ ، چهار عدد متمایز \mathbf{a} و \mathbf{c} ، \mathbf{b} موجود باشد، به طوری که $\mathbf{a}^\mathsf{T} + \mathbf{b}^\mathsf{T} + \mathbf{c}^\mathsf{T} + \mathbf{d}^\mathsf{T}$ مضرب \mathbf{m} باشد؟

$$\sum_{k=0}^{10} (-1)^k \binom{10}{k} (10-k)^{10}$$
 (1)

۹۸ میخواهیم اعداد ۱ تا ۱۰۰ را در ۱۰ دسته متمایز ۱۰ تایی قرار دهیم، بهطوری که در هر دسته، ۵ عدد زوج و ۵ عدد فرد وجود داشته باشد. به چند طریق، این افراز امکان پذیر است؟ (ترتیب اعضا در هر دسته مهم نیست.)

$$\frac{\Delta \circ !^{\gamma}}{1 \circ !^{\gamma \circ}} \ (\Upsilon \qquad \qquad \frac{\Delta \circ !^{\gamma}}{\Delta !^{\gamma \circ}} \ (\Upsilon)$$

$$\frac{2!_{\lambda^{\circ}}}{2!_{\lambda^{\circ}}} (k) \qquad \qquad \frac{2!_{\lambda^{\circ}}}{2!_{\lambda^{\circ}}} (k)$$

99- اگر برای هر $1 \le i \le 1$ داشته باشیم: $1 \le i \le f(i+1) - f(i) = f(i+1)$ ، چند تابع مانند 1 از مجموعه 1,7,...,1به مجموعه 1,7,...,1، می توان تعریف کرد؟

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$
 (7

$$\begin{pmatrix} \Upsilon \circ \\ 1 \circ \end{pmatrix} (\Upsilon) \qquad \begin{pmatrix} 1 \circ \\ 1 \circ \end{pmatrix} (\Upsilon)$$

۹۰۰ در کدام یک از دنبالههای بازگشتی زیر، جمله عمومی دنباله به فرم $a_n = a.7^n + b.7^{7n} + c.7^{7n}$ خواهد بود? (فرض کنید سه جمله اول هر دنباله، مقادیری معلوم هستند و برای $1 \geq 4$ ، رابطه بازگشتی داده شده است.)

$$a_n = \inf a_{n-1} + \Delta \epsilon a_{n-1} + \epsilon \epsilon a_{n-r}$$
 (1

$$a_n = 1 + a_{n-1} - \Delta e a_{n-1} + e + a_{n-r}$$
 (Y

$$\boldsymbol{a}_{n} = -\operatorname{if}\boldsymbol{a}_{n-\text{i}} - \operatorname{dya}_{n-\text{t}} + \operatorname{yf}\boldsymbol{a}_{n-\text{t}}$$
 (Y

$$a_n = -1$$
 f $a_{n-1} + \Delta \beta a_{n-1} - \beta f a_{n-1}$ (f

 $\{7,7,4,6,8\}$ باشد، برای هر i از دامنه، چند تابع دوسویی از $\{1,7,7,4,6\}$ به مجموعه $\{1,7,7,4,6\}$ -101 وجود دارد؟

۱۰۲ - گراف G، بهصورت زیر تعریف می شود:

هر زیرمجموعه T عضوی از مجموعه $\{0,1,1,\dots,1^n\}$ را یک رأس درنظر بگیرید. دو رأس B و B مجاورند، G مرگاه کوچک ترین عضو A با بزرگ ترین عضو B برابر باشد. ماکزیمم درجه و مینیمم درجه در گراف A به تر تیب، کدام است؟

$$(71,\circ)$$
 (f $(71,1\circ)$ (T $(71,1\circ)$ (T $(71,1\circ)$ (T)

۱۰۳- گراف G، به صورت زیر تعریف می شود:

هر زیرمجموعه $\bf A$ عضوی از مجموعه $\bf A$ مجموعه $\bf A$ را یک رأس است و دو رأس $\bf A$ و $\bf B$ مجاور هستند اگر تفاضل متقارن $\bf A$ و $\bf A$ دوعضوی باشد $\bf A$ و $\bf A$ دوعضوی باشد $\bf A$ و $\bf A$ دوعضوی باشد $\bf A$ الله عند گزاره از گزارههای زیر، درباره $\bf A$ نادرست است؟

ـ G، همبند است.

ـ درجه هر رأس، برابر است با ۲۱.

ـ G، دوبخشی است.

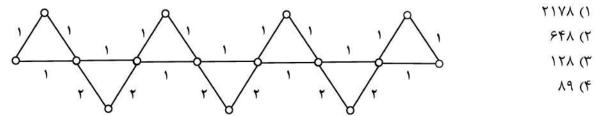
ـ G. خوشه ۸ تایی دارد.

۱۰۴ - گراف G، به صورت زیر تعریف می شود. این گراف چند یال دارد؟

 $V(G) = \{(x,y) | x, y \in \mathbb{N} , 1 \le x \le 9, 1 \le y \le 9 \}$

$$E(G) = \left\{ \{A, B\} \middle| A, B \in V(G), \overline{AB} = \sqrt{17} \right\}$$

۱۰۵- تعداد کوچک ترین درختهای فراگیر در گراف وزن دار زیر، کدام است؟



جبر خطی عددی، بهینهسازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل:

 $^{\circ}$ کدام مورد برای ماتریسهای متعامد حقیقی $^{\circ}$ و $^{\circ}$ ، لزوماً برقرار نیست $^{\circ}$

۱) ستونهای A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل میدهند.

AB (۲ متعامد است.

$$det(A) = 1$$
 ($^{\circ}$

$$A^{-1} = A^{T}$$

 $H=I-rac{\mathsf{Yuu}^T}{\mathbf{u}^T\mathbf{u}}$ و $\mathbf{u}\in\mathbb{R}^{\mathsf{Yn}}$ عرض کنید $\mathbf{u}\in\mathbb{R}^{\mathsf{Yn}}$ و $\mathbf{u}\in\mathbb{R}^{\mathsf{Yn}}$ عدام مورد برای ماتریس \mathbf{u}

H (۲ یک ماتریس متعامد است.

۱) H، یک ماتریس مثبت معین متقارن است.

$$det(H) = -1$$
 (*

$$||Hx||_{r} = ||x||_{r}, \forall x \in \mathbb{R}^{rn}$$
 ("

$$\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{V} \end{bmatrix}$$
 معادلات خطی $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & -\mathbf{9} & \mathbf{7} \\ \mathbf{7} & 1 & 1 \\ -1 & \mathbf{7} & -\mathbf{A} \end{bmatrix}$ میار مناسب سطرهای ماتریس $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & -\mathbf{9} & \mathbf{7} \\ \mathbf{7} & 1 & 1 \\ -1 & \mathbf{7} & -\mathbf{A} \end{bmatrix}$

از الگوریتم تکرار گاوس ـ سایدل و بردار آغازین $\mathbf{x}^{(\circ)}=(\mathtt{Y},a,b)^{\mathrm{T}}$ چنان استفاده می کنیم که دنبالهٔ حاصل $\mathbf{x}^{(1)}=(\mathtt{v},\frac{\Delta}{\mathtt{v}},-\frac{11}{10})^{\mathrm{T}}$ باشد، $\mathbf{x}^{(1)}=(\mathtt{v},\frac{\Delta}{\mathtt{v}},-\frac{11}{10})^{\mathrm{T}}$ باشد، $\mathbf{b}-\mathbf{a}$ کدام است؟

ر)
$$-\frac{\Upsilon \circ}{9}$$
 (۱) صفر

ور حل دستگاه معادلات خطی Ax=b با فرض $A=\begin{bmatrix}1&Y&-1\\\beta&1&1\\ 0&-1&-1\end{bmatrix}$ و $A=\begin{bmatrix}1&Y&-1\\\beta&1&1\\ 0&-1&-1\end{bmatrix}$ از روش حذفی گاوس Ax=b

استفاده می کنیم. مقدار β در کدام بازه تغییر کند تا نیاز به محورگیری جزئی <u>نباشد</u>؟

$$[-1,\circ]$$
 (Y $[\circ,1]$ ()

$$[-1,\circ] \cup [1,\infty)$$
 (* $[-1,1]$ (*

است؟ $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} \mathbf{r} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{r} \end{pmatrix}$ است $\mathbf{Q} \mathbf{R}$ ماتریس \mathbf{R} در تجزیهٔ $\mathbf{Q} \mathbf{R}$ ماتریس

$$\begin{pmatrix} \Upsilon & \mathbf{f} \\ \circ & \frac{\lambda}{\sqrt{\Delta}} \end{pmatrix} (\mathbf{f}) \qquad \begin{pmatrix} \frac{1 \circ}{\sqrt{\Delta}} & \frac{\lambda}{\sqrt{\Delta}} \\ \circ & -\frac{\mathbf{f}}{\sqrt{\Delta}} \end{pmatrix} (\mathbf{f})$$

$$\begin{pmatrix} \Upsilon & F \\ \circ & -F \end{pmatrix} (F) \qquad \qquad \begin{pmatrix} \frac{1 \circ}{\sqrt{\Delta}} & -\frac{\Lambda}{\sqrt{\Delta}} \\ \circ & -\frac{F}{\sqrt{\Delta}} \end{pmatrix} (F)$$

 $\mathbf{P} egin{pmatrix} 1 \\ \mathbf{Y} \\ \mathbf{P} \end{pmatrix}$ و \mathbf{A} ماتریس متناظر با عملگر تصویر متعامد روی فضای برد \mathbf{A} باشد. بردار \mathbf{A} االله ماتریس متناظر با عملگر تصویر متعامد روی فضای برد \mathbf{A} باشد. بردار \mathbf{A}

كدام است؟

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 7 \\ 7 \end{pmatrix} (7) \qquad \begin{pmatrix} 7 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix} (7) \qquad \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} (1)$$

بردار ویژه متناظر با آن باشد، آنگاه بردار $\mathbf{A}^{\Delta}\mathbf{x}$ کدام $\mathbf{A}^{\Delta}\mathbf{x}$ بردار ویژه متناظر با آن باشد، آنگاه بردار $\mathbf{A}^{\Delta}\mathbf{x}$ کدام $\lambda=\mathbf{f}$ کدام

است؟

$$\begin{bmatrix} -49 \circ \lambda \\ -4 \circ 99 \\ 1 \circ 74 \end{bmatrix} (7$$

$$\begin{bmatrix} -0/00490 \\ -0/0049 \\ 0/0009 \end{bmatrix} (1$$

$$\begin{bmatrix} -1\lambda \\ -19 \\ 4 \end{bmatrix} (4$$

$$\begin{bmatrix} -4/0 \\ -4 \\ 1 \end{bmatrix} (4$$

با استاندارد .rank (A) = m باشد که $m \times n$ باشد که $x \ge 0$. $x \ge 0$ با استاندارد $x \ge 0$. $x \ge 0$ کردن دستگاه فوق، کدام مورد درخصوص تعداد جوابهای پایهای شدنی دستگاه جدید، درست است؟

ر) حداقل
$$\binom{m+n}{m}$$
 است. $\binom{n}{m}$ است. $\binom{m+n}{m}$ است. $\binom{m+n}{m}$ است. $\binom{m+n}{m}$ است. $\binom{m+n}{m}$ است.

۱۱۴- دستگاه استاندارد (P) را بهصورت زیر درنظر بگیرید.

$$\begin{aligned}
\mathbf{A}\mathbf{x} &= \mathbf{b} \\
\mathbf{x} &\geq \circ
\end{aligned} \tag{P}$$

که در آن، \overline{x} یک جواب پایهای شدنی a_1,\dots,a_n و $x=(x_1,\dots,x_n)^T$ و $x=(x_1,\dots,x_n)^T$ و $x=(x_1,\dots,x_n)^T$ برای دستگاه $y_j=B^{-1}a_j$ باشد و $y_j=B^{-1}a_j$ باشد و $y_j=B^{-1}a_j$ آنگاه $y_j=B^{-1}a_j$ کدام است؟

$$\begin{pmatrix} 1 \\ \circ \\ \circ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ -1 \\ \circ \end{pmatrix} (6 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ -1 \\ \circ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\ 1 \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ (7 \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ (7 \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\ \circ \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\) \\) \\ \end{pmatrix} (7 \\ \begin{pmatrix} \circ \\) \\ \rangle \\$$

۱) زیرمجموعه ـ کوچکتر یا مساوی

۳) زیرمجموعه ـ بزرگتر یا مساوی

۱۱۶- مسئله زیر را درنظر بگیرید:

$Min c^T x$

s.t.

$$Ax+Is=b$$
 (P)

 $x \ge \circ, s \ge \circ$

فرض کنید $b \ge 0$ و جدول متناظر با یکی از تکرارهای الگوریتم سیمپلکس برای حل این مسئله به صورت زیر است. مقدار c_1 (ضریب c_2 در تابع هدف) کدام است؟

	\mathbf{z}	x,	XY	s_1	SY	S۳	RHS
\mathbf{z}	١	٨	o	0	-۲	0	
S.		٧	_	١	-2	_	۵
Sı	0	197-	0		٣	0	س
Xγ	0	-1	1	0	<u>"</u>	0	١
s۳	0	١	0	0	, o	١	۴

۱۱۷- جدول زیر، متناظر با یک مسئله مینیممسازی است. کدام مورد، صحیح است؟

	Z	xη	Xr	\mathbf{s}_{1}	$\mathbf{s}_{\mathbf{Y}}$	RHS
Z	١	o	0	0	-1	0
s,	0	0	1	١	١	٥
x,	0	١	١	0	1	0

- ۱) مسئله، بي كران است.
- ۲) مجموعه جوابهای بهینه، بی کران است.
- ۳) مسئله، جواب بهینه منحصربهفرد تباهیده (تبهگن) دارد.
- ۴) مسئله، دو جواب بهینه رأسی دارد که یکی از آنها تباهیده (تبهگن) است.
 - ۱۱۸− فرض کنید ∘ ≥ u و مسئله (P) بهصورت زیر باشد.

 $Min c^T x$

s.t.

$$\mathbf{A}\mathbf{x} = 0$$
 (P)

 $\circ \le x \le u$

اگر دوگان این مسئله را با (D) نمایش دهیم، آنگاه کدام مورد صحیح است؟

۲) (P) و (D) هردو شدنی هستند.

۱) (D) می تواند بی کران باشد.

- ۴) (D) شدنی و (P) می تواند نشدنی باشد.
- ۳) (P) شدنی و (D) می تواند نشدنی باشد.

۱۱۹- مسئله برنامهریزی خطی (P) را به صورت زیر درنظر بگیرید.

 $Min c^T x$

s.t.

$$Ax = \circ (P)$$

 $x \ge 0$

c فرض کنید دوگان (P) را با (D) نشان میدهیم و (P) دارای جواب بهینه باشد. اگر بردار ضرایب هزینه از c به c' تغییر کند، آنگاه مسئله جدید اولیه را با (P') و دوگان آن را با (D') نمایش میدهیم. دراین صورت، کدام مورد صحیح است؟

ران است.
$$(D')$$
 نشدنی است. ((D') به کران است.

۳)
$$(D')$$
 جواب بهینه دارد. (D') (۴) جواب بهینه دارد یا نشدنی است.

۱۲۰ فرض کنید جدول زیر، متناظر با یکی از تکرارهای مرحله اول در روش دومرحلهای (دوفازی) است که در آن $\alpha+\beta+\gamma$ متغیرهای کمکی و R_1 و R_2 متغیرهای مصنوعی قیود اول و دوم مسئله هستند. حاصل R_3 و R_4

	\mathbf{z}	x,	XY	\mathbf{s}_{1}	ST	\mathbf{R}_{1}	$\mathbf{R}_{\mathbf{Y}}$	RHS	ددام است؟
Z	1	α	o	-1	۲	0	-٣	β	۶ (۲
R,	0	۵	o	-1	γ	١	-۲	1	۵ (۳
XY	0	-٣	١	0	-1	0	1	٣	۴) صفر

باشد، $y' = \frac{\cos x}{\mathfrak{r} - \sin^7 x} (\mathfrak{r} - y^7), y(\circ) = 1$ فرض کنید y(x) یک جواب معادله دیفرانسیل با مقدار اولیه $y' = \frac{\cos x}{\mathfrak{r} - \sin^7 x}$

کدامیک از نامساویهای زیر برای هر x برقرار است؟

$$\sin x < y(x) < \tau$$
 (1)

$$-\Upsilon < y(x) < \sin x$$
 (Υ

$$\sin x < y(x) < +1$$
 (*

$$-1 < y(x) < \sin x$$
 (4)

۱۲۲- فرض کنید q و q دو تابع پیوسته بر بازهٔ q ابازهٔ q باشند. کدام مجموعه می تواند، مجموعهٔ اساسی q در ابازهٔ q تشکیل دهد؟ q در بازهٔ q تشکیل دهد؟

$$\{x^r, x\}$$
 (1

$$\{\sin x, 1\}$$
 (Y

$$\{x^{r}, \tan^{-1} x\}$$
 (r

$$\{x^{r}|x|,x^{r}\}$$
 (*

 $y'-y=1+\pi\sin t$, $y(\circ)=y_\circ$ به ازای کدام مقدار y_\circ ، هرگاه $\infty+\leftrightarrow t$ ، جواب مسئله با مقدار اولیه y_\circ ، مرکاه $+\infty$ ، اندار باقی می ماند؟

$$-\frac{\Delta}{7}$$
 (1

است؟ $y'=y^{\frac{1}{4}}, y(\circ)=\circ$ درست است؟ -۱۲۴ کدام عبارت زیر برای مسئله اولیهٔ $y'=y^{\frac{1}{4}}, y(\circ)=\circ$

۱) مسئله تعداد نامتناهی جواب دارد.

رد.
$$y=(\frac{r}{r}x)^{\frac{r}{r}}$$
 و $y=0$ دارد. $y=(\frac{r}{r}x)^{\frac{r}{r}}$

۳) مسئله یک جواب یکتای y = 0 دارد.

۴) مسئله جواب ندارد.

۱۲۵− تحت چه شرایطی از هر نقطهٔ واقع در درون مستطیل متناهی R، یک منحنی منحصربهفرد از جواب معادله

دیفرانسیل
$$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$$
 می گذرد؟

هردو کراندار باشند.
$$rac{\partial f}{\partial y}(x\,,y)$$
 و $f(x\,,y)$ (۱

یبوسته باشد.
$$\frac{\partial f}{\partial y}(x\,,y)$$
 کراندار و $f(x\,,y)$ ۲

یبوسته و
$$\frac{\partial f}{\partial y}(x\,,y)$$
 کراندار باشد. $f(x\,,y)$ (۳

. هردو پیوسته باشند
$$rac{\partial f}{\partial y}(x\,,y)$$
 و $f(x\,,y)$ (۴

احتمال (۱ و ۲) و فرایندهای تصادفی ا:

 $\Delta < x < 70$ طول بدن ماهیهای یک دریاچه، متغیر تصادفی X (برحسب سانتیمتر) با تابع چگالی $\Delta < x < 70$ سانتیمتر $f(x) = \frac{1}{70}$ است. ماهی گیری $\Delta < x < 70$ ماهی صید کرده است. احتمال این که طول بزرگ ترین آنها از ۱۰ سانتیمتر کمتر باشد، کدام است؟

 $Y\sim N(\circ,9)$ و $V\sim N(10,18)$ باشند. کدام مورد، درست است $V\sim N(0,9)$ $V\sim N(0,9)$ باشند. کدام مورد، درست است $V\sim N(0,9)$

$$P(Y \le -\tau) \le P(W \le \tau) \le P(X \le \tau)$$
 (1)

$$P(W \le 17) \le P(Y \le -7) \le P(X \le 1)$$
 (7

$$P(X \le 1) \le P(W \le 17) \le P(Y \le -7)$$
 (4)

$$P\left(X\leq {\scriptscriptstyle 1}\right)\leq P\left(Y\leq {\scriptscriptstyle -7}\right)\leq P\left(W\leq {\scriptscriptstyle 1}\,{\scriptscriptstyle 7}\right)\ ({^{c}}$$

در این صورت، F(Y) = Y/8F(1) کنید X یک متغیر تصادفی پواسون با تابع توزیع تجمعی F باشد، بهطوری که F(X) = F(Y) = F(Y) در این صورت، F(X) کدام است؟

٣ (١

T/T (T

4 (4

4,7 (4

اگر X دارای تابع چگالی احتمال $\frac{1}{\pi(1+x^7)} = \frac{1}{\pi(1+x^7)}$ تابع توزیع آن باشند، واریانس متغیر اکر X

است؟ $Y = (1 - F(X))^{\Upsilon}$ کدام است؟

17 (1

<u>۵</u> (۲

۴ (۳

۴) وجود ندارد.

۱۳۰ فرض کنید X و Y متغیرهای تصادفی مستقل هندسی با تابع جرم احتمال زیر باشند:

 $P(X = x) = p(1-p)^{x}$, x = 0,1,7,...

مقدار $P\{X = Y \text{ gin}(X, Y) = 1\}$ کدام است؟

p(1-p) (1

 $p^{\Upsilon}(1-p)$ (Y

 $p(1-p)^{r}$ (r

 $p^{r} (1-p)^{r} (r$

 $P(X>Y)=rac{1}{arphi}$ اگر $X\sim U(\circ,\beta)$ و $X\sim U(\circ,1)$ ا۱۳۱ فرض کنید X دو متغیر تصادفی مستقل باشند که $X\sim U(\circ,1)$

باشد، مقدار β کدام است؟

1 (1

۳ (۲

7 (4

4 (4

۱۳۲ فرض کنید X دارای توزیع پواسون با میانگین Z و Z دارای توزیع نرمال استاندارد، دو متغیر تصادفی مستقل

از یکدیگر باشند. در مورد کران $\frac{X+1^{\circ}}{X+Z^{\dagger}}$ ، چه می توان گفت؟

$$\frac{\pi}{1 \circ}$$
 عداکثر (۲ عداقل $\frac{\pi}{1 \circ}$

$$\frac{V}{1\circ}$$
 حداقل $\frac{V}{1\circ}$ حداکثر (۴

۱۳۳ فرض کنید X و Y دو متغیر تصادفی پواسون مستقل با میانگین برابـر با λ باشـند. مقـدار احتمـال

(
$$X = 0 \mid X + Y = 1$$
 کدام است $P(X = 0 \mid X + Y = 1)$

$$\frac{e^{-\lambda}}{r}$$
 (1

$$Te^{-\lambda}$$
 (T

اریم X و X داریم X داریم ۱۳۴

$$\mathbf{M}_{X+YY^{(t)}} = (1-Yt)^{-1}, \ \mathbf{M}_{YX-Y^{(t)}} = e^{\lambda(e^t-1)}$$

که در آن، $\mathbf{M}_{\mathbf{Z}}(t)$ نشان دهنده تابع مولد گشتاورهای متغیر تصادفی \mathbf{Z} است. با فرض این که $\mathrm{Cov}\left(\mathbf{X},\mathbf{Y}
ight)$ در این صورت $\mathrm{Cov}\left(\mathbf{X},\mathbf{Y}
ight)$ کدام است؟

$$-\frac{\epsilon}{l}$$
 (1

مبستگی $f(x,y) = e^{-\Upsilon x - \frac{y}{\Upsilon}}$ $x > \circ, y > \circ$ باشد. ضریب همبستگی X = X باشد. خریب همبستگی بین X + Y و X - Y کدام است؟

$$-\frac{19}{11}$$
 (1

$$-\frac{1\Delta}{1V}$$
 (Y

باشد. واریانس $\frac{X_1+X_7+X_{\phi}}{\pi}$ ، چقدر است؟

- 1 (1
- ر (۲
- ر ره
- <u>۵</u> (۴

۱۳۷ - در یک نمونه تصادفی ۵ تایی از توزیع گاما با پارامترهای ۱ و ۱، احتمال این که کوچک ترین مشاهده از میانه توزیع بزرگ تر باشد، کدام است؟

- ۱ ۲۲ (۱
- <u>۵</u> (۲
- ٣ (٣
- 1 (4

كدام است؟

- ۱) صفر
 - ۲ (۲
 - 1 (4
 - 1 (4

Y عنید X_1,\dots,X_n یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع توزیع پیوسته X_1,\dots,X_n باشد. همچنین فرض کنید Y یک متغیر تصادفی دیگر از همان توزیع Y و مستقل از X_i ها باشد. حاصل Y کدام است Y کدام است Y کدام است.)

$$1-\frac{1}{n}$$
 (Y

$$1-\left(\frac{1}{7}\right)^n$$
 (1

$$1-\frac{1}{n+1}$$
 (4

$$1 - \left(\frac{1}{r}\right)^{n+1}$$
 (**

P(Y=-T)=q و P(Y=1)=p فرض کنید P(Y=-T)=q و مستقل و هم توزیع با تابع احتمال P(Y=-T)=q و P(Y=1)=p

باشند که در آن
$$q=1$$
 اگر Y_i اگر $X_n=\sum_{i=1}^n Y_i$ و $0=\infty$ ، در این صورت $P+q=1$ کدام است؟ باشند که در آن $P+q=1$ کدام است؟

- pq (
- q(1+p) (Y
- p(1+q) (*
- (1-pq) (f

المت: $\{x_t, t = 0, 1, \ldots\}$ دارای ماتریس احتمال انتقال زیر است: $\{X_t, t = 0, 1, \ldots\}$

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} \frac{1}{r} & \frac{1}{r} & \frac{1}{r} \\ \frac{1}{r} & \frac{r}{r} & \circ \\ \circ & 1 & \circ \end{pmatrix}$$

اگر $\mathbf{E}(\mathbf{X}_{\gamma})$ مقدار ($\mathbf{P}(\mathbf{X}_{\circ}=\circ)=\mathbf{P}(\mathbf{X}_{\circ}=1)=\frac{1}{\gamma}$ کدام است؟

- د (۱
- ۲ (۲
- ۷ (۳
- <u>۵</u> (۴

۱۴۲ فرض کنید اتوبوسها براساس فرایند پواسون با نرخ ۲ اتوبوس در ساعت به یک ایستگاه میرسند. مسافران نیز براساس فرایند پواسون مستقل از یکدیگر با نرخ ۱۰ نفر در ساعت وارد ایستگاه میشوند. به محض رسیدن اتوبوس، همه مسافران در همان لحظه سوار میشوند و اتوبوس حرکت میکند. پس از رفتن اتوبوس قبلی واریانس تعداد مسافران حاضر در ایستگاه تا رسیدن اتوبوس بعدی، کدام است؟

- 0 ()
- 10 (7
- 7º (T
- To (4

۱۴۳ مشتریان یک خودپرداز بانک طی یک فرایند پواسون با نرخ ۳ مشتری در هر ۵ دقیقه به آن مراجعه میکنند. احتمال اینکه زمان بین ورود مشتری اول و دوم حداقل ۲ دقیقه باشد، کدام است؟

- e-0/8 (1
- e^{-0/1} (۲
- $e^{-1/7}$ ($^{\circ}$
- $e^{-1/\Delta}$ (4

۱۴۴ فرض کنید $\{N(t):t\geq 0\}$ یک فرایند پواسون با نرخ ۲ باشد. مقدار $\{N(t):t\geq 0\}$ کدام است؟

- T (1
- 4 (1
- 8 (4
- 17 (4

ام و μ متوسط تعداد نوزادان فرد in باشند و X_n عداد اعضای نسل $m \le n$ متوسط تعداد نوزادان فرد in باشند و قرار دهید $E(X_m | X_n)$. در این صورت $E(X_m | X_n)$ برای $E(X_m | X_n)$

- μ^{n-m} (1
- $\mu^{n-\gamma m}$ (7
- $\mu^{\forall n-m}$ (*
- $\mu^{\Upsilon(n-m)}$ (4

مشاهده كليد اوليه سوالات آزمون كارشناسي ارشد 1403

به اطلاع می رساند، کلید اولیه سوالات که در این سایت قرار گرفته است، غیر قابل استناد است و پس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد. در صورت تمایل می توانید حداکثر تا تاریخ 1402/12/20 با مراجعه به سامانه پاسخگویی اینترنتی (request.sanjesh.org) نسبت به تکمیل فرم "اعتراض به کلید سوالات"/"آزمون کارشناسی ارشد سال 1403" اقدام نمایید. لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط تا تاریخ مذکور و از طریق فرم ذکر شده دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر (نامه مکتوب یا فرم عمومی در سامانه پاسخگویی و ...) یا پس از تاریخ اعلام شده رسیدگی نخواهد شد.

گروه امتحانی	نوع دفترچه	عنوان دفترچه
گروه علوم پایه	А	رياضي

شماره سوال	گزینه صحیح								
1	2	31	2	61	3	91	4	121	1
2	4	32	2	62	1	92	1	122	2
3	1	33	4	63	2	93	3	123	1
4	3	34	1	64	4	94	4	124	1
5	3	35	3	65	1	95	4	125	4
6	4	36	4	66	1	96	4	126	1
7	1	37	3	67	4	97	1	127	2
8	2	38	1	68	3	98	1	128	3
9	2	39	2	69	2	99	3	129	3
10	1	40	3	70	4	100	2	130	4
11	1	41	1	71	2	101	3	131	3
12	2	42	3	72	1	102	4	132	2
13	3	43	4	73	4	103	3	133	4
14	1	44	1	74	3	104	2	134	2
15	2	45	2	75	1	105	2	135	2
16	1	46	2	76	2	106	3	136	3
17	4	47	4	77	1	107	1	137	4
18	4	48	2	78	2	108	4	138	1
19	2	49	1	79	4	109	2	139	4
20	2	50	3	80	2	110	1	140	2
21	3	51	3	81	3	111	2	141	4
22	1	52	1	82	2	112	2	142	4
23	3	53	4	83	4	113	4	143	3
24	4	54	2	84	3	114	1	144	2
25	3	55	3	85	1	115	3	145	1
26	4	56	2	86	2	116	2		
27	4	57	1	87	4	117	3		
28	4	58	3	88	3	118	2		
29	1	59	2	89	1	119	4		
30	3	60	4	90	1	120	1		

خروج

© 2024 Sanjesh Organization