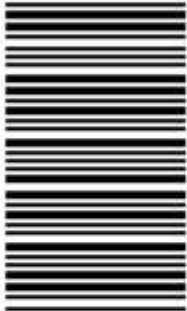


کد کنترل

262

F



262F



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

عصر پنج‌شنبه
۹۷/۲/۶

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۷

مجموعه علوم کامپیوتر - کد (۱۲۰۹)

مدت پاسخگویی: ۲۴۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۳۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۳۵	۳۱	۶۵
۳	ساختمان داده‌ها، طراحی الگوریتم‌ها و مبانی نظریه محاسبه	۳۰	۶۶	۹۵
۴	مبانی منطق و نظریه مجموعه‌ها	۲۰	۹۶	۱۱۵
۵	ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات	۲۰	۱۱۶	۱۳۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و یا متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

۱۳۹۷

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or the phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- Animal welfare science is an emerging field that seeks to answer questions ----- by the keeping and use of animals.
1) raised 2) resolved 3) settled 4) evolved
- 2- The low soil fertility problem can be ----- by applying the appropriate lime and organic fertilizers.
1) traced 2) preceded 3) mitigated 4) necessitated
- 3- The chef furnished his assistant with very explicit instructions regarding the ----- to be used for the new dish.
1) properties 2) aesthetics 3) ceremonies 4) ingredients
- 4- The problem of power cut was so important that we decided not to bother about the other ----- issues that were not much of a concern at that time.
1) gradual 2) peripheral 3) tranquil 4) lucrative
- 5- Everybody knows that Ted is a chronic procrastinator; he ----- puts off doing his assignments until the last minute.
1) spontaneously 2) marginally 3) habitually 4) superficially
- 6- The world's governments have made a joint ----- to significantly reduce greenhouse gas emissions by the year 2030.
1) malady 2) determination 3) involvement 4) pledge
- 7- Scientists do their best try to ----- themselves from their biases and be objective.
1) detach 2) delete 3) ignore 4) strengthen
- 8- The local businessman accused the newspaper of defaming him by publishing an article that said his company was ----- managed.
1) seriously 2) centrally 3) poorly 4) crucially
- 9- Landing a plane on an aircraft carrier requires a great deal of -----, as you can crash if you miss the landing zone by even a little bit.
1) determination 2) precision 3) rationality 4) consultation
- 10- New growth of the body's smallest vessels, for instance, enables cancers to enlarge and spread and contributes to the blindness that can ----- diabetes.
1) cause 2) halt 3) identify 4) accompany

PART B: Cloze Passage

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

Estimates of the number of humans that Earth can sustain have ranged in recent decades from fewer than a billion to more than a trillion. (11) -----, since “carrying capacity” is essentially a subjective term. It makes little sense to talk about carrying capacity in relationship to humans, (12) ----- and altering both their culture and their physical environment, (13) ----- can thus defy any formula (14) ----- the matter. The number of people that Earth can support depends on (15) -----, on what we want to consume, and on what we regard as a crowd.

- 11- 1) It is probably unavoidable that such elasticity
 2) Such elasticity is probably unavoidable
 3) It is such elasticity probably unavoidable
 4) That it is probably unavoidable for such elasticity
- 12- 1) that adapt their capability 2) whose capability is adapted
 3) who are capable of adaptation 4) who are capable of adapting
- 13- 1) therefore 2) because 3) and 4) next
- 14- 1) might settle 2) might be settling
 3) that might settle 4) which it might settle
- 15- 1) how we on Earth want to live 2) Earth where we want to live
 3) where we want to live in on Earth 4) where do we want to live on Earth

PART C: Reading Comprehension:

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

The term geometric modeling first came into use in the early 1970s with the rapidly developing computer graphics and computer-aided design and manufacturing technologies. It refers to a collection of methods used to define the shape and other geometric characteristics of an object. Geometric modeling embraces an area often called computational geometry and extends beyond this to the newer field of solid modeling, creating an elegant synthesis of geometry and the computer.

When we construct a model of something, we create a substitute of that thing – a representation. We cast it into a more convenient form, easier for us to use and analyze. If the model is a good one, it will respond to our proddings and questions in the same way that the original would. We try to abstract only the information essential for our objectives while ignoring other information. For many applications, the geometric model of a physical object may require the complete description of surface reflectance properties, texture, and color; or it may include only information on the elastic properties of the object's material. We can determine the detail required in a

model by the uses and operations to which we intend to subject it. If the model is rich enough in descriptive detail, we can perform operations on it that yield the same results as operations performed on the object itself.

We use geometric-modeling methods to construct a precise mathematical description of the shape of a real object or to simulate some process. The construction itself is usually a computer-aided operation, with the model stored in, and analyzed by, a computer. Using a computer is, in fact, central to the entire geometric-modeling process. Without computational power, we would be unable to construct and analyze sophisticated models of any practical importance.

- 16- **The term geometric modeling -----.**
- 1) refers to a practical discipline representing geometric shapes in computer
 - 2) refers to a theoretical discipline as computational geometry
 - 3) deals with the new field of solid modeling as a tool for manufacturing
 - 4) is concerned with shapes regardless of their geometric properties
- 17- **Computational geometry -----.**
- 1) deals with practical issues related to solid modeling
 - 2) is included in a wider discipline named geometric modeling
 - 3) is an extension of geometric modeling
 - 4) extends the early developments in computer graphics
- 18- **Which word best gives the meaning of the underlined word "substitute" in the second paragraph?**
- 1) Reflection
 - 2) Transition
 - 3) Rotation
 - 4) Replacement
- 19- **A practical representation of an object in a computer has been made possible by ----- .**
- 1) the sophisticated computer systems
 - 2) use of general properties of the object
 - 3) theoretical developments in computational geometry
 - 4) construction of good models through the use of tools developed by geometric modeling
- 20- **To simulate a process for practical purposes, -----.**
- 1) sophisticated models and technologies are not needed
 - 2) one needs a high performance parallel computer
 - 3) one makes use of methods developed in geometric modeling
 - 4) there is no need for mathematical description of the process

PASSAGE 2:

In three-dimensional computer graphics, fractal techniques have been used to generate terrain models and the easiest techniques involve subdividing the facets of the objects that consist of triangles or quadrilaterals. A recursive subdivision procedure is applied to each facet, to a required depth or level of detail, and a convincing terrain model results. Subdivision in this context means taking the midpoint along the edge between two vertices and perturbing it along a line normal to the edge. The result of this is to sub-divide the original facets into a large number of smaller facets, each having a random orientation in three-dimensional space about the original facet orientation. The initial global shape of the object is retained to an extent that depends on the

perturbation at the subdivision and a planar four-sided pyramid might turn into a 'Mont Blanc' shaped object.

Most subdivision algorithms are based on a formulation by Fournier, Fussell and Carpenter (1982) that recursively subdivides a single line segment. This algorithm was developed as an alternative to more mathematically correct, but expensive, procedures suggested by Mandelbrot. It uses self-similarity and conditional expectation properties of fractional Brownian motion to give an estimate of the increment of the stochastic process. The process is also Gaussian and the only parameters needed to describe a Gaussian distribution are the mean (conditional expectation) and the variance.

The procedure recursively subdivides a line (t_1, f_1) , (t_2, f_2) generating a scalar displacement of the midpoint of the line in a direction normal to the line.

To extend this procedure to, say, triangles or quadrilaterals in three dimensional space, we treat each edge in turn generating a displacement along a midpoint vector that is normal to the plane of the original facet I (Figure 12.2). Using this technique we can take a smooth pyramid, say, made of large triangular faces and turn it into a rugged mountain.

Fournier categorizes two problems in this method – internal and external consistency. Internal consistency requires that the shape generated should be the same whatever the orientation in which it is generated, and that coarser details should remain the same if the shape is replotted at greater resolution.

- 21- **With the use of subdivision, -----.**
- 1) computational complexity increases
 - 2) only simple shapes can be reasonably represented
 - 3) a satisfactory terrain model is obtained
 - 4) some details of an object are eliminated
- 22- **Compared to the procedures suggested by Mandelbrot, subdivision algorithms -----.**
- 1) need less computing effort
 - 2) may require sophisticated stochastic processing
 - 3) need more computing effort but are more accurate
 - 4) are more accurate and need less computing effort
- 23- **The mean for the description of the Gaussian distribution is -----.**
- 1) the mean under a certain condition
 - 2) only used when expectations are high
 - 3) needed when the variance is ignored
 - 4) used when a large value of variance is expected
- 24- **Choose the description that best fits the underlined word "quadrilaterals" in the first paragraph.**
- | | |
|--------------------|--------------------------|
| 1) Quadratic terms | 2) Quadrangles |
| 3) Right triangles | 4) Equilateral triangles |
- 25- **By the internal consistency due to Fournier, for a shape replotted at a greater resolution, -----.**
- 1) consistency may be lost
 - 2) more details are added
 - 3) the coarser details should be preserved
 - 4) the preserved coarser details may change depending on the orientation

PASSAGE 3:

The study of optimization as an independent topic must, of course, be regarded as a branch of applied mathematics. As such it must look to various areas of pure mathematics for its unification, clarification, and general foundation. One such area of particular relevance is functional analysis.

Functional analysis is the study of vector spaces resulting from a merging of geometry, linear algebra, and analysis. It serves as a basis for aspects of several important branches of applied mathematics including Fourier series, integral and differential equations, numerical analysis, and any field where linearity plays a key role. Its appeal as a unifying discipline stems primarily from its geometric character. Most of the principal results in functional analysis are expressed as abstractions of intuitive geometric properties of ordinary three-dimensional space.

Some readers may look with great expectation toward functional analysis, hoping to discover new powerful techniques that will enable them to solve important problems beyond the reach of simpler mathematical analysis. Such hopes are rarely realized in practice. The primary utility of functional analysis for the purposes of this book is its role as a unifying discipline, gathering a number of apparently diverse, specialized mathematical tricks into one or a few general geometric principles.

26- According to the passage, functional analysis -----.

- 1) has no relation to optimization
- 2) is an area of mathematics being useful in optimization
- 3) is an area of applied mathematics with no relevance to pure mathematics
- 4) is an area of pure mathematics with no relevance to applied mathematics

27- The word "diverse" in paragraph 3 means -----.

- 1) important
- 2) explicit
- 3) particular
- 4) various

28- Functional analysis serves as a basis in areas dealing with -----.

- 1) linear forms
- 2) geometric designs
- 3) complex structures
- 4) analytical aspects of linear algebra

29- Functional analysis -----.

- 1) is unable to solve important problems
- 2) can be expected to solve all important problems
- 3) is expected to do as well as the simpler mathematical analysis
- 4) offers techniques to solve problems that cannot be solved by mathematical analysis alone.

30- Geometry ----- functional analysis.

- 1) plays no important role in
- 2) is, in principle, the same as
- 3) is served as a tool to diversify
- 4) along with linear algebra and analysis are the main ingredients of

دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

۳۱- حاصل عبارت $\frac{\sin x + \sin 2x + \dots + \sin 6x}{\cos x + \cos 2x + \dots + \cos 6x}$ کدام است؟

(۱) $-\tan \frac{\Delta}{2} x$

(۲) $-\tan \frac{\gamma}{2} x$

(۳) $\tan \frac{\Delta}{2} x$

(۴) $\tan \frac{\gamma}{2} x$

۳۲- اگر $a_n = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{(1 - \cos x)^{\frac{n}{2}}}{x^n}$ ، آنگاه کدام گزینه در مورد سری $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ درست است؟

(۱) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$

(۲) سری همگرایی مطلق است.

(۳) سری همگرایی مشروط است.

(۴) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ اما سری واگرا است.

۳۳- اگر $f(x) = \int_1^{\ln x} te^{t^f} dt$ و $g(x) = \int_1^{e^x} (x-t)f(t)dt$ ، آنگاه $g''(0)$ کدام است؟

(۱) صفر

(۲) $-f(1)$

(۳) $f(1)$

(۴) $2f(1)$

۳۴- مقدار $\int_0^1 x \operatorname{Arc} \tan x dx$ کدام است؟

(۱) $\frac{\pi}{2} - 1$

(۲) $\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2}$

(۳) $\frac{\pi}{2} + 1$

(۴) $\frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$

۳۵- سری تیلور تابع $f(x) = \ln(2 + 2x + x^2)$ حول نقطه $x = -1$ کدام است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^n \quad (۱)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n} (x+1)^{2n} \quad (۲)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n} (x+1)^n \quad (۳)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^{2n} \quad (۴)$$

۳۶- طول منحنی پارامتری $\begin{cases} x = \cos t + t \sin t \\ y = \sin t - t \cos t \end{cases}$ از $t = 0$ تا $t = \pi$ ، کدام است؟

$$\pi^2 \quad (۱)$$

$$\pi^2 \quad (۲)$$

$$\frac{\pi^2}{2} \quad (۳)$$

$$\frac{\pi^2}{2} \quad (۴)$$

۳۷- اگر $\alpha x + \beta y + \gamma z = \lambda$ یک صفحه مماس بر رویه $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$ باشد، مقدار $\left(\frac{\lambda}{\alpha}\right)^2 + \left(\frac{\lambda}{\beta}\right)^2 + \left(\frac{\lambda}{\gamma}\right)^2$

کدام است؟

$$a^2 \quad (۱)$$

$$\frac{a^2}{2} \quad (۲)$$

$$2a^2 \quad (۳)$$

$$2a^2 \quad (۴)$$

۳۸- اگر $w = z + x^2$ و $v = y + z^2$ و $u = x + y^2$ ، آنگاه مقدار $\frac{\partial x}{\partial u}$ کدام است؟

$$\lambda xyz \quad (۱)$$

$$1 + \lambda xyz \quad (۲)$$

$$\frac{1}{1 + \lambda xyz} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{\lambda xyz} \quad (۴)$$

۳۹- حجم جسم صلبی که بین صفحات $y=0$ و $z=0$ و $z=a-x+y$ و استوانه سهموی $(a>0)y=a-\frac{x^2}{a}$

محصور می‌باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{28}{5}a^2$$

$$(2) \frac{28}{15}a^2$$

$$(3) \frac{28}{15}a^3$$

$$(4) \frac{28}{5}a^3$$

۴۰- اگر C منحنی حاصل از تقاطع صفحه $3x+2y+z=6$ و استوانه $x^2+y^2=4$ در جهت راستگرد باشد و

$$F(x,y,z) = x^2y\vec{i} - xy^2\vec{j} + z^2\vec{k}$$

آنگاه $\int_C F \cdot d\vec{r}$ کدام است؟

$$(1) -8\pi$$

$$(2) -6\pi$$

$$(3) 6\pi$$

$$(4) 8\pi$$

۴۱- فرض کنید \mathcal{P} گردایه همه افرازهای مجموعه اعداد طبیعی \mathbb{N} باشد. رابطه R را روی \mathcal{P} به این صورت تعریف

می‌کنیم: برای هر دو عضو P_1 و P_2 از \mathcal{P} گوئیم P_1 با P_2 در رابطه است (P_1RP_2) اگر و تنها اگر هر عضو از

افراز P_1 زیرمجموعه عضوی از افراز P_2 باشد. کدام گزینه درست است؟

$$(1) R = \phi$$

(۲) R رابطه همانی روی \mathcal{P} است.

(۳) R یک رابطه ترتیب جزئی است.

(۴) R یک رابطه هم‌ارزی روی \mathcal{P} است.

۴۲- کدام گزینه درست است؟ (متغیرها مقید به اعداد حقیقی‌اند.)

$$(1) \exists x \forall z \forall y (x+z < y)$$

$$(2) \exists x \exists y \forall z (x+z < y)$$

$$(3) \exists x \forall z \exists y (x+z < y)$$

$$(4) \exists x \exists z \forall y (x+z < y)$$

۴۳- فرض کنید A مجموعه همه چهارضلعی‌هایی در صفحه \mathbb{R}^2 باشد، که مختصات رئوس آنها اعداد گویا هستند و B

مجموعه همه مربع‌هایی در صفحه \mathbb{R}^2 باشد که طول ضلع هر یک عددی گویا است. کدام گزینه درست است؟

(در گزینه‌های زیر \mathbb{N}_0 عدد اصلی مجموعه اعداد طبیعی و c عدد اصلی \mathbb{R} است.)

(۱) اعداد اصلی A و B هر دو \mathbb{N}_0 است.

(۲) عدد اصلی A مساوی c و عدد اصلی B مساوی \mathbb{N}_0 است.

(۳) اعداد اصلی A و B هر دو c است.

(۴) عدد اصلی A مساوی \mathbb{N}_0 و عدد اصلی B مساوی c است.

۴۴- کدام گزینه درست است؟

- (۱) هر مجموعه که با یک زیرمجموعه واقعی (سره) خود هم عدد باشد، نامتناهی است.
 (۲) هر مجموعه که زیرمجموعه‌ای نامتناهی داشته باشد، نامتناهی است.
 (۳) هر زیرمجموعه نامتناهی از یک مجموعه نامتناهی، شمارا، شمارا است.
 (۴) هر مجموعه که با یک زیرمجموعه خود هم عدد باشد، نامتناهی است.

۴۵- فرض کنید A, B, C و D مجموعه‌هایی دلخواه باشند. کدام گزینه درست نیست؟

$$(1) (A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D)$$

$$(2) (A \times B) \cup (C \times D) = (A \cup C) \times (B \cup D)$$

$$(3) (A \times B) \cap (A \times C) = A \times (B \cap C)$$

$$(4) (A \times B) \cup (A \times C) = A \times (B \cup C)$$

۴۶- بُعد فضای جواب دستگاه $\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 3x_3 = 0 \\ 2x_1 + 5x_2 - 4x_3 = 0 \\ 3x_1 + 9x_2 - 7x_3 = 0 \end{cases}$ کدام است؟

○ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۴۷- اگر $W = \left\{ \begin{bmatrix} 2x + 3y & \frac{2}{3}x + y \\ x + \frac{3}{2}y & 4x + 6y \end{bmatrix} \mid x, y \in \mathbb{R} \right\}$ ، آنگاه $\dim W$ کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۴۸- اگر A ماتریس وارون پذیر و $A^{-1}B$ پوچ توان باشد، در مورد ماتریس $A + B$ کدام مورد صحیح است؟

(۱) پوچ توان است.

(۲) پوچ توان نیست.

(۳) وارون پذیر است.

(۴) وارون پذیر نیست.

۴۹- فرض کنید $A \in M_{10}(\mathbb{R})$ و $\text{rank}(A) = 9$. در این صورت $\text{rank}(\text{adj}(A))$ کدام است؟

○ (۱)

۱ (۲)

۹ (۳)

۱۰ (۴)

۵۰- فرض کنید $A \in M_{10}(\mathbb{R})$ و عناصر روی قطر A همگی صفر و عناصر بالای قطر اصلی همگی ۱ و عناصر پایین قطر اصلی همگی -۱ باشند. A چند مقدار ویژه حقیقی دارد؟

(۱) ۱۰

(۲) ۲

(۳) ۱

(۴) ۰

۵۱- دنباله $x_n = \sin n + \sin \frac{(n+1)\pi}{2n}$ را در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟

(۱) حد بالای دنباله $(\limsup x_n)$ برابر ۲ است.(۲) حد پایین دنباله $(\liminf x_n)$ برابر -۱ است.(۳) حد پایین دنباله $(\liminf x_n)$ برابر -۲ است.(۴) حد بالای دنباله $(\limsup x_n)$ برابر ۱ است.

۵۲- اگر $\{x_n\} \subseteq \mathbb{R}^+$ و $\ell = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_{n+1}}{x_n}$ موجود باشد، در مورد $k = \lim_{n \rightarrow \infty} x_n$ چه می توان گفت؟

(۱) $k < \ell$ (۲) $k = \ell$ (۳) $k > \ell$ (۴) $k = \begin{cases} 0 & \ell < 1 \\ +\infty & \ell > 1 \end{cases}$

۵۳- فرض کنید $f(0) = 0$ و f در نقطه ۰ مشتق پذیر است و k یک عدد طبیعی بزرگ تر از یک است. مقدار

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x} (f(x) + f\left(\frac{x}{2}\right) + f\left(\frac{x}{3}\right) + \dots + f\left(\frac{x}{k}\right))$$

کدام است؟

$$(1) \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{k}\right) f'(0)$$

$$(2) \frac{k(k+1)}{2} f'(0)$$

$$(3) kf'(0)$$

(۴) حد وجود ندارد.

۵۴- توابع $f(x) = e^{-\frac{1}{x}}$ و $g(x) = e^{\sin(x^2)}$ را بر بازه $(0, +\infty)$ در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟

(۱) f و g پیوسته یکنواخت هستند.(۲) f و g پیوسته یکنواخت نیستند.(۳) f پیوسته یکنواخت است ولی g پیوسته یکنواخت نیست.(۴) g پیوسته یکنواخت است ولی f پیوسته یکنواخت نیست.

۵۵- فرض کنید A زیر مجموعه سره و ناتهی \mathbb{R} باشد و $\mathbb{R} - A$ همبند باشد. کدام گزینه در مورد مجموعه A درست است؟

(۱) A همبند است.(۲) A بی کران است.(۳) A می تواند فشرده باشد.(۴) A می تواند شمارا باشد.

۵۶- فرض کنید $A, m \times n, m \geq n$. ستون‌های مستقل خطی دارد. در این صورت، جواب مسأله $\min_x \|Ax - b\|_2$

کدام است؟

(۱) می‌تواند وجود نداشته باشد.

(۲) وجود دارد و یکتاست اگر و تنها اگر $m = n$.

(۳) همواره وجود دارد ولی لزوماً یکتا نیست.

(۴) همواره وجود دارد و یکتاست.

۵۷- تابع $f(x) = x^{n+1}$ را روی نقاط متمایز x_0, \dots, x_n درونیابی می‌کنیم. چه شرطی روی نقاط گره‌ای x_0, \dots, x_n برقرار باشد تا درجه چند جمله‌ای درونیاب حداکثر $n-1$ باشد؟

$$\prod_{i=0}^n (x_i) = 0 \quad (۱)$$

$$x_0 + x_1 + \dots + x_n = 0 \quad (۲)$$

$$f[x_0, x_1, \dots, x_n] = 1 \quad (۳)$$

$$f[x_0, x_1, \dots, x_n] = x_0 + \dots + x_n \quad (۴)$$

۵۸- فرض کنیم $f(x) = 2^x$ و $x_i = i, i = 0, \dots, n$. اگر $f[x_0, \dots, x_k] = \frac{1}{k!}$ ، $k \geq 0$. در این صورت مقدار k کدام

است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

۵۹- در یک دستگاه ممیزشناور نرمال شده در مبنای ۲، هر عدد حقیقی به صورت $\pm (d_1 d_2 d_3 d_4) \times 2^{\pm d_5 d_6}$ ذخیره می‌شود که d_i ها ارقام در مبنای ۲ هستند و $d_1 \neq 0$ ، وقتی عدد ناصفر است و ماشین در محاسبه گرد می‌کند. فاصله بین کوچک‌ترین عدد مثبت قابل نمایش و کوچک‌ترین عدد مثبت قابل نمایش بزرگ‌تر از ۱، چقدر

است؟

$$\frac{3}{16} \quad (۱)$$

$$\frac{29}{32} \quad (۲)$$

$$\frac{17}{16} \quad (۳)$$

$$\frac{9}{8} \quad (۴)$$

۶۰- تابع $f(x) = \sin \frac{\pi x}{3}$ را در نقاط $1, 2, \dots, 20$ درونیابی کرده‌ایم. حداکثر خطای درونیابی حاصل، در نقطه $x = -1$ با توجه به فرمول خطای درونیابی کدام است؟

$$(1) \frac{\pi^3}{162}$$

$$(2) \frac{\pi^3}{81}$$

$$(3) \frac{\pi^2}{18}$$

$$(4) \frac{\pi^2}{9}$$

۶۱- میانگین و واریانس داده‌های x_1, \dots, x_n به ترتیب برابر ۱۵ و $12/5$ است. ضریب تغییرات (cv) داده‌های $x_1 + 1, \dots, x_n + 1$ کدام است؟

$$(1) \frac{5}{17\sqrt{2}}$$

$$(2) \frac{2\sqrt{17}}{5}$$

$$(3) \frac{5}{2\sqrt{19}}$$

$$(4) \frac{2\sqrt{19}}{5}$$

۶۲- به چند طریق می‌توان ۵ مهره یکسان را در ۶ جعبه مرتب شده کنار هم قرار داد به طوری که دو جعبه وسطی خالی نباشد؟

$$(1) \binom{10}{5}$$

$$(2) \binom{10}{6}$$

$$(3) \binom{8}{3}$$

$$(4) \binom{8}{6}$$

۶۳- ضرایب a و b و c در معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ به ترتیب با پرتاب ۳ مرتبه یک تاس به طور مستقل، تعیین می‌شود. احتمال اینکه معادله تشکیل شده با این ضرایب ریشه حقیقی داشته باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{108}{216}$$

$$(2) \frac{43}{216}$$

$$(3) \frac{120}{216}$$

$$(4) \frac{54}{216}$$

۶۴- فرض کنید یک بازی را که شانس برد آن $\frac{1}{N}$ است، بارها به طور مستقل بازی کنید. بدون استفاده از تقریب بزرگ نمونه‌ای توزیع‌ها حداقل تعداد دفعات به تقریب چقدر باشد تا شانس حداقل یک بار برنده شدن شما بیشتر از ۵۰٪ باشد؟

$$(1) \frac{N-1}{\ln 2}$$

$$(2) (N-1)\ln 2$$

$$(3) \frac{N}{\ln 2}$$

$$(4) N\ln 2$$

۶۵- در پرتاب یک سکه اگر شیر ظاهر شود، مجاز به پرتاب سکه دوم هستیم و در غیر این صورت دو تاس را پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال حداقل یک بار ۶ مشاهده می‌شود؟

$$(1) \frac{11}{72}$$

$$(2) \frac{12}{72}$$

$$(3) \frac{11}{36}$$

$$(4) \frac{12}{36}$$

ساختمان داده‌ها، طراحی الگوریتم‌ها و مبانی نظریه محاسبه:

۶۶- اگر f_k نشان‌دهنده k امین عدد در دنباله فیبوناچی باشد، بهترین زمان برای محاسبه f_n چیست؟

$$(1) O(n)$$

$$(2) O(n^2)$$

$$(3) O(\log n)$$

$$(4) O(n \log n)$$

۶۷- می‌خواهیم در یک آرایه از اعداد صحیح به طول n اندیس‌های i و j و k را پیدا کنیم که $x[i]^2 + x[j]^2 = x[k]^2$ باشد. بهترین زمان ممکن برای این کار کدام است؟

(۱) $O(n^2)$

(۲) $O(n^3)$

(۳) $O(n^2 \log n)$

(۴) $O(n \log n)$

۶۸- اگر در ذخیره‌سازی یک ماتریس آدرس خانه $A[0,1]$ برابر $7A_{00}$ و آدرس خانه $A[1,1]$ برابر $7A_{10}$ باشد (در مبنای ۱۶)، آنگاه ذخیره‌سازی ماتریس به چه صورتی است؟

(۱) hash

(۲) random

(۳) column major

(۴) row major

۶۹- در یک گراف غیرجهت‌دار با n رأس و e یال جمع درجه تمام رئوس کدام است؟

(۱) $2e$

(۲) $2n$

(۳) $\frac{2e-1}{2}$

(۴) $\frac{2n-1}{2}$

۷۰- اگر به یک آرایه عددی مرتب شده یک عنصر تصادفی اضافه کنیم، کدام الگوریتم برای مرتب‌سازی آن دارای بهترین زمان است؟

Insertion sort (۲)

Bubble sort (۱)

Selection sort (۴)

Quick sort (۳)

۷۱- تابع زمانی قطعه برنامه زیر کدام است؟

$r = 0$

for $i=1$ to n

for $j=1$ to i

for $k=j$ to $i+j$

$r = r+1$

(۱) $\frac{n(n+1)}{2}$

(۲) $\frac{n^2}{6} + \frac{n^2}{2}$

(۳) $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

(۴) $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + \frac{n(n+1)}{2}$

۷۲- در یک آرایه عددی A به طول m برخی از عناصر 1 تا n که $m < n$ است، ظاهر شده‌اند. بهترین الگوریتم برای یافتن بزرگ‌ترین عنصری که در آرایه ظاهر نشده است، دارای چه مرتبه زمانی است؟

- (۱) $O(n)$
 (۲) $O(m)$
 (۳) $O(n \log n)$
 (۴) $O(m \log m)$

۷۳- اگر $T(n) = \sum_{i=1}^n (i + \frac{1}{i})$ باشد، حاصل نهایی $T(n)$ کدام است؟

- (۱) $\theta(n^2)$
 (۲) $\theta(n^2 + i^2)$
 (۳) $\theta(n^2 \ln n)$
 (۴) $\theta(n \ln n)$

۷۴- الگوریتم زیر چه عملی روی لیست پیوندی با آدرس شروع P انجام می‌دهد؟

```
list * listtravel(list * P)
```

```
{
    list * h
    if(P == null) or (P → link == null)
        return(P)
    h = listtravel(p → link)
    P → link → link = P
    P → link = null
    return h
}
```

(۱) لیست پیوندی را تغییر نمی‌دهد.
 (۲) لیست پیوندی را برعکس می‌کند.
 (۳) اشاره‌گر انتهای لیست را به ابتدا می‌برد.
 (۴) اشاره‌گر ابتدای لیست را به انتها می‌برد.

۷۵- فرض کنید یک درخت دودویی T را یک بار پیمایش $inorder$ و یک بار پیمایش $postorder$ کرده‌ایم. آخرین عنصر در این دو پیمایش یکسان می‌باشد. درباره این درخت، کدام مورد صحیح است؟

(۱) زیر درخت راست T خالی است.
 (۲) زیر درخت چپ T خالی است.
 (۳) درخت T یک درخت دودویی پر است.
 (۴) درخت T یک درخت دودویی کامل است.

۷۶- اگر $A_{6 \times 15}$ و $B_{15 \times 25}$ و $C_{25 \times 15}$ و $D_{15 \times 17}$ باشد، برای محاسبه $ABCD$ کدام پراوتزگذاری سریع‌تر است؟

- (۱) $A((BC)D)$
 (۲) $(AB)(CD)$
 (۳) $(A(BC))D$
 (۴) $((AB)C)D$

۷۷- در کدام یک از درختان زیر ارتفاع دو زیر درخت هر گره‌ای حداکثر دارای فاصله ۱ است؟

(۱) AVL

(۲) Binary

(۳) Splay

(۴) Red - Black

۷۸- الگوریتم زیر برای آرایه x با n عنصر چه عملی انجام می‌دهد؟

```
f()
{
  s = new AVL - Tree
  for i = ۱ to n do
    if s.member(x[i])
      s.delete(x[i])
    else
      s.insert(x[i])
  for i = ۱ to n do
    if not s.member(x[i])
      return (false)
  return (True)
}
```

(۱) اگر آرایه عنصر تکراری داشته باشد True بر می‌گرداند.

(۲) اگر آرایه عنصر تکراری نداشته باشد True بر می‌گرداند.

(۳) اگر تعداد رخداد تمام عناصر فرد باشد True بر می‌گرداند.

(۴) از آرایه x تمام عناصر تکراری را حذف و آن را در یک درخت AVL قرار می‌دهد.

۷۹- در رابطه با استفاده از الگوریتم **heapsort** به‌عنوان الگوریتم مرتب‌سازی کمکی در مرتب‌سازی **radix** کدام

جمله درست است؟

(۱) می‌تواند استفاده بشود چون **inplace** است.

(۲) نمی‌تواند استفاده بشود چون **inplace** نیست.

(۳) می‌تواند استفاده بشود چون **stable** است.

(۴) نمی‌تواند استفاده بشود چون **stable** نیست.

۸۰- در نوشته‌ای تعداد تکرار حروف **A, B, C, D, E** و **F** به ترتیب **۲۰۰, ۱۸۰, ۱۵۰, ۴۰, ۳۰** و **۲۰** بار می‌باشد.

چنانچه آن نوشته را با استفاده از روش هافمن کد کنیم، طول کد تولید شده چند بیت خواهد بود؟

(۱) ۱۳۷۰

(۲) ۱۳۸۰

(۳) ۱۳۹۰

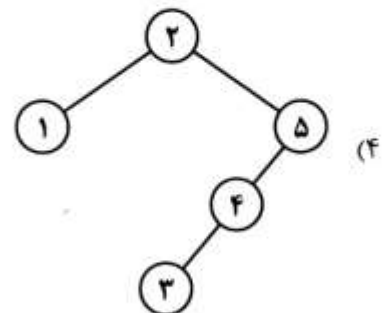
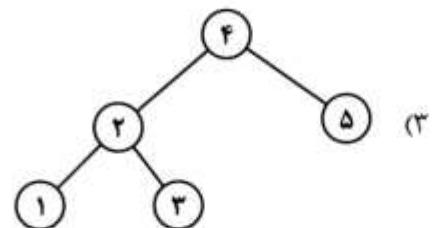
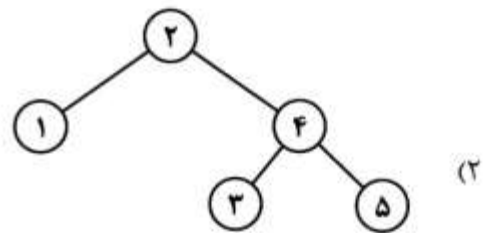
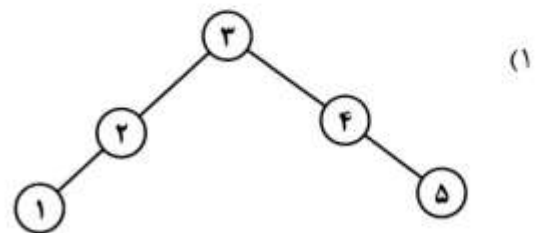
(۴) ۱۴۰۰

۸۱- فرض کنید A و B دو مسئله تصمیم‌گیری بوده و $A \leq_p B$ باشد (در زمان چندجمله‌ای به B کاهش یابد). کدام گزینه درست است؟

- (۱) اگر B یک مسئله NP باشد آن‌گاه A یک مسئله NP - کامل است.
- (۲) اگر A یک مسئله NP - کامل باشد آن‌گاه B نیز NP - کامل است.
- (۳) اگر A یک مسئله NP باشد آن‌گاه B یک مسئله NP - کامل است.
- (۴) اگر B یک مسئله NP - کامل باشد آن‌گاه A نیز NP - کامل است.

۸۲- درخت جستجوی دودویی بهینه برای نمونه زیر کدام است؟

اعداد	۱	۲	۳	۴	۵
احتمال جستجو	۰٫۲	۰٫۴	۰٫۰۵	۰٫۱	۰٫۲۵



۸۳- کدام یک از الگوریتم‌های زیر حریصانه می‌باشد؟

a = Fractional knapsack

b = Dijkstra

c = Bellman – ford

d = kruskal

b,c,d (۴)

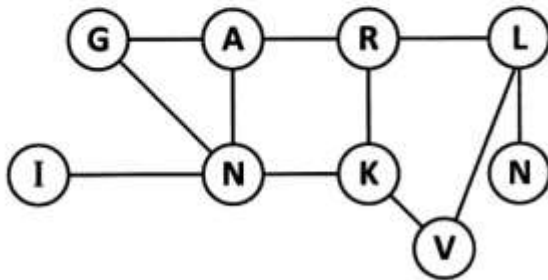
a,b,d (۳)

b,d (۲)

a,b (۱)

۸۴- در جستجوی عمق اول (Depth First Search) گراف زیر با فرض آن که گره A گره مبدأ باشد و گره‌های مجاور

به یک گره به ترتیب حروف الفبای انگلیسی ملاقات شوند، کدام مورد ترتیب ملاقات گره‌ها را نمایش می‌دهد؟



A – G – N – I – K – R – L – N – V (۱)

A – G – N – I – R – K – L – V – N (۲)

A – G – N – I – K – R – L – V – N (۳)

A – G – N – I – K – R – V – L – N (۴)

۸۵- تابع زیر از چه مرتبه‌ای است؟

$$T(n) = 2T(\lfloor \sqrt{n} \rfloor) + \log n$$

$O(n \log(n))$ (۱)

$O(\log(\log(n)))$ (۲)

$O(n \log(\log(n)))$ (۳)

$O(\log(n) \log(\log(n)))$ (۴)

۸۶- کدام یک از جملات زیر صحیح است؟

(۱) اگر L_1^* ، CFL باشد، پس L_1 ، CFL است.

(۲) اگر L_1 ، CFL باشد و L_2 ، CFL نباشد پس $L_1.L_2$ می‌تواند CFL باشد.

(۳) اگر L_1 ، CFL باشد و L_2 ، CFL نباشد پس $L_1.L_2$ ، CFL نیست.

(۴) اجتماع بی‌نهایت زبان CFL، CFL است.

۸۷- فرض کنید یک مجموعه متناهی مانند $B \neq \emptyset$ که شامل اعداد صحیح است داده شده. حال هدف طراحی یک

DFA روی الفبای $\{0,1\}$ است به طوری که هر رشته مانند $x = x_1, \dots, x_n$ که به این DFA داده می‌شود در صورتی

پذیرش می‌گیرد که:

$$\forall i \in B \ x = x_1, \dots, x_n \quad x_i = 0$$

تعداد state‌های این ماشین در حالت مینیمال کدام است؟ ($\text{Max}(B)$ به مفهوم ماکزیمم‌ترین عضو مجموعه B

است.)

$|B| + 1$ (۱)

$|B| + 2$ (۲)

$\text{Max}(B) + 1$ (۳)

$\text{Max}(B) + 2$ (۴)

۸۸- فرض کنید L_1 و L_2 منظم است. حال زبان‌های زیر را در نظر بگیرید:

$$L'_1 = \left\{ w \mid w = u_1 v_1 u_2 v_2 \dots u_n v_n, \begin{array}{l} u_1 \dots u_n \in L_1 \\ v_1 \dots v_n \in L_2 \end{array}, u_i, v_i \in \Sigma \right\}$$

$$L'_2 = \left\{ w \mid w = u_1 v_1 u_2 v_2 \dots u_n v_n, \begin{array}{l} u_1 \dots u_n \in L_1 \\ v_1 \dots v_n \in L_2 \end{array}, u_i, v_i \in \Sigma^* \right\}$$

کدام مورد صحیح است؟

(۱) L'_1 و L'_2 منظم است.

(۲) L'_1 و L'_2 نامنظم است.

(۳) L'_1 منظم ولی L'_2 نامنظم است.

(۴) L'_2 منظم ولی L'_1 نامنظم است.

۸۹- فرض کنید یک زبان روی الفبای $\Sigma = \{a, b\}$ تعریف شده باشد به طوری که بین هر جفت a در رشته بتوان تعدادی

فرد b یافت. DFA مینیمم روی این زبان شامل چند state است؟

(۱) ۴

(۲) ۵

(۳) ۶

(۴) ۷

۹۰- به ازای هر $k > 0$ ، state k و حروف الفبای $\{0, 1\}$ ، چه تعداد DFA با State K می‌توان ارائه کرد؟

(۱) K^{2k}

(۲) $K^{k+1} 2^k$

(۳) $K^{2k+1} 2^k$

(۴) $k^{2k} 2^{k+1}$

۹۱- زبان معادل با گرامر زیر کدام است؟

$S \rightarrow Ax \mid By$

$A \rightarrow By \mid Cw$

$B \rightarrow x \mid Bw$

$C \rightarrow y$

(۱) $xw^+y + xwx + yw$

(۲) $xw^+y + xwxy + ywx$

(۳) $xw^*y + xw^*yx + ywx$

(۴) $xw^*y + xwxy + ywx$

۹۲- رابطه بازگشتی زیر چه زبانی را توضیح می‌دهد؟

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$\lambda \in L$$

$$\forall x \in L \Rightarrow axab \in L, bx \in L$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid \Sigma^n (ab)^n\} \quad (۱)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = (ba)^n (ab)^n\} \quad (۲)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = a^n b^* (ab)^n\} \quad (۳)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = w(ab)^n a(w), w \in \Sigma^*\} \quad (۴)$$

۹۳- بر اساس چه مقداری از w ، L منظم می‌شود؟

$$L = \{a^n w b^n \mid n \geq 0\}$$

$$w \in \{a, b\} \quad (۱)$$

$$w \in \{a, b\}^* \quad (۲)$$

$$w \in \{c, d\}^* \quad (۳)$$

(۴) هیچ کدام

۹۴- کدام یک از زبان‌های زیر بازگشتی است؟

$$L = \{ \langle D \rangle \mid \text{TM با مینیم state است} \} \quad (۱)$$

$$L = \{ \langle D \rangle \mid \text{DFA با مینیم state است} \} \quad (۲)$$

$$L = \{ \langle D \rangle \mid \text{NPDA با مینیم state است} \} \quad (۳)$$

$$L = \{ \langle D \rangle \mid \text{PDA با مینیم state است} \} \quad (۴)$$

۹۵- همه جملات زیر صحیح‌اند، به جز:

(۱) به ازای هر زیر مجموعه از یک زبان بازگشتی نمی‌توان یک TM decidable ارائه نمود.

(۲) به ازای هر رشته در یک زبان غیربازگشتی می‌توان یک TM decidable ارائه نمود.

(۳) به ازای هر زیر مجموعه از یک زبان غیربازگشتی نمی‌توان یک TM decidable ارائه نمود.

(۴) می‌توان یک زیرمجموعه نامتناهی از یک زبان غیربازگشتی یافت که TM decidable باشد.

مبانی منطق و نظریه مجموعه‌ها:

۹۶- تعداد T در ستون آخر جدول ارزش گزاره $(p \leftrightarrow q) \leftrightarrow r$ برابر است با:

$$۶ \quad (۱)$$

$$۵ \quad (۲)$$

$$۴ \quad (۳)$$

$$۳ \quad (۴)$$

۹۷- چه تعداد از استنتاج‌های زیر معتبر است؟

$$\{\neg p, p \vee q\} \models q$$

$$\{p \vee q, \neg q \vee r\} \models p \vee r$$

$$\{p \rightarrow q, s \rightarrow t\} \models (p \vee s) \rightarrow (q \wedge t)$$

۳ (۱)

۲ (۲)

۱ (۳)

۰ (۴)

۹۸- فرمول گزاره‌ای زیر، چه تعداد زیرفرمول گزاره‌ای دارد؟

$$((p \rightarrow \neg q) \vee ((p \wedge r) \rightarrow s)) \rightarrow \neg r$$

۹ (۱)

۱۰ (۲)

۱۱ (۳)

۱۲ (۴)

۹۹- فرض کنید * یک رابط گزاره‌ای ۲- موضعی باشد به طوری که $p * q$ غلط است اگر و تنها اگر p و q ارزش متفاوتی داشته باشند. در ستون آخر جدول ارزش گزاره $(p * p) * (q * q)$ چند T وجود دارد؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۰۰- چه تعداد از استنتاج‌های زیر در دستگاه استنتاج طبیعی برقرارند؟

$$(\neg p) \vee (q \rightarrow p) \vdash \neg p \wedge q$$

$$(\neg r) \rightarrow (p \vee q), (r \wedge \neg q) \vdash r \rightarrow q$$

$$p \rightarrow (q \rightarrow r) \vdash p \rightarrow (r \rightarrow q)$$

۰ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۱۰۱- تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه توانی مجموعه $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ برابر است با:

۲ (۱)

۴ (۲)

۱۶ (۳)

۳۲ (۴)

۱۰۲- چه تعداد از ادعاهای زیر در مورد اصل استقرا در نظریه مجموعه‌ها درست است؟

- حقیقتی بدیهی در مورد اعداد است.
- قضیه‌ای در نظریه مجموعه‌ها است.
- یک تعریف است.

○ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۱۰۳- فرض کنید A مجموعه همه دایره‌های در صفحه با مرکز با مختصات گویا و شعاع اصم و B مجموعه همه رابطه‌های

هم‌ارزی روی مجموعه اعداد حقیقی باشد. کدام یک از ادعاهای زیر در مورد این دو مجموعه درست است؟

(۱) A با \mathbb{R} و B با $P(\mathbb{R})$ هم‌توان است.

(۲) A با \mathbb{N} و B با $P(\mathbb{N})$ هم‌توان است.

(۳) A با \mathbb{N} و B با $P(\mathbb{R})$ هم‌توان است.

(۴) A با \mathbb{R} و B با \mathbb{R} هم‌توان است.

۱۰۴- دو جمله $A: (\exists x_1)(\forall x_2)R(x_1, x_2)$ و $B: (\exists x_1)(\forall x_2)\neg R(x_1, x_2)$ را در نظر بگیرید. فرض کنید M_1

ساختار $(\mathbb{Q}, <, \{0, 1\} \cap \mathbb{Q})$ و M_2 ساختار $(\mathbb{Z}, <)$ باشد. در این صورت:

(۱) A در M_1 غلط و B در M_2 غلط است.

(۲) A در M_1 درست و B در M_2 درست است.

(۳) A در M_1 غلط و B در M_2 درست است.

(۴) A در M_1 درست و B در M_2 غلط است.

۱۰۵- فرمول مرتبه اول زیر به ترتیب چه تعداد متغیر آزاد و زیرفرمول دارد؟

$$(\forall x)(\exists y A(x, y) \rightarrow \exists y (B(x, y, z) \wedge D(z)))$$

۶, ۱ (۱)

۸, ۲ (۲)

۶, ۲ (۳)

۸, ۱ (۴)

۱۰۶- چه تعداد از خواص زیر در ساختار حسابی، بیان‌پذیر (تعریف‌پذیر) است؟

• اول بودن

• فرد بودن

• مربع کامل بودن

○ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۱۰۷- مجموعه $\{p \wedge q, p \vee q, p \rightarrow q\}$ چه تعداد زیرمجموعه ناتهی مستقل دارد؟

- ۱ (۱)
۳ (۲)
۴ (۳)
۵ (۴)

۱۰۸- با دو اتم p و q و دو رابط \rightarrow و \neg ، چند گزاره غیر هم‌ارز که تناقض یا راستگو نباشند می‌توان ساخت؟

- ۲ (۱)
۱۴ (۲)
۱۶ (۳)
۱۸ (۴)

۱۰۹- در ستون آخر جدول ارزش گزاره $((p \rightarrow p) \rightarrow p) \rightarrow (q \rightarrow p)$ چند مورد T وجود دارد؟

- ۲ (۱)
۴ (۲)
۸ (۳)
۱۶ (۴)

۱۱۰- چه تعداد از فرمول‌های زیر منطقاً معتبر است؟

$$\forall x (\varphi(x) \leftrightarrow \psi(x)) \leftrightarrow (\forall x \varphi(x) \leftrightarrow \forall x \psi(x))$$

$$\forall x \exists y (\varphi(x) \vee \psi(y)) \rightarrow (\forall x \varphi(x) \vee \exists y \psi(y))$$

$$(\neg \forall x \exists y \theta(x, y)) \rightarrow \exists w \exists z \theta(w, z)$$

- ۰ (۱)
۱ (۲)
۲ (۳)
۳ (۴)

۱۱۱- به چند طریق می‌توان یک مجموعه n عضوی را به ساختاری برای یک زبان مرتبه اول با یک نماد محمولی

۲- موضعی و یک نماد تابعی ۱- موضعی تبدیل کرد؟ ($n > 0$)

- $2^{n^2} \times n^n$ (۱)
 $n^{n^n} \times 2^n$ (۲)
 $n^{n^2} \times 2^n$ (۳)
 $2^{n^n} \times n^n$ (۴)

۱۱۲- چه تعداد از فرمول‌های زیر در یک ساختار مرتبه اول دارای تساوی ارضاء‌پذیر هستند؟

$$\forall x \forall y (x=y)$$

$$\forall x \forall y (x \neq y)$$

$$\forall x \exists y (x \neq y)$$

- ۰ (۱)
۱ (۲)
۲ (۳)
۳ (۴)

۱۱۳- جایگزینی ترم t به جای متغیر y در چه تعداد از فرمول‌های A و B و C زیر، مجاز (آزاد) است؟

$$t = f(x, g(y))$$

$$A: \forall x R(x, y)$$

$$B: \exists z (\forall x R(x, z) \rightarrow s(y))$$

$$C: \exists x \exists z (R(x, y) \rightarrow s(z))$$

$$\circ (1) \quad 1 (2)$$

$$2 (3) \quad 3 (4)$$

۱۱۴- فرمول $(\forall x \forall y \exists z (x \leq z \leq y \vee y \leq z \leq x) \wedge (\neg \exists z \forall y z \leq y))$ در چه تعداد از ساختارهای ترتیبی اعداد طبیعی، اعداد صحیح، اعداد گویا و اعداد حقیقی درست است؟

$$\circ (1)$$

$$2 (2)$$

$$3 (3)$$

$$4 (4)$$

۱۱۵- \sum یک مجموعه نامتناهی از جملات در یک زبان مرتبه اول است. فرض کنیم به هر زیرمجموعه متناهی \sum می‌توان یک جمله دیگر اضافه کرد به طوری که مجموعه حاصل سازگار باشد. چه تعداد از ادعاهای زیر لزوماً درست است؟

• \sum سازگار است.

• \sum تمام است.

• \sum مستقل است.

$$\circ (1)$$

$$1 (2)$$

$$2 (3)$$

$$3 (4)$$

ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات:

۱۱۶- فرض کنید $A = \{1, 2, \dots, 15\}$ ، چندتا از زیرمجموعه‌های A شامل دقیقاً سه عدد فرد هستند؟

$$\binom{8}{3} (2)$$

$$2^7 (4)$$

$$\binom{8}{3} 2^7 (1)$$

$$2^{15} - 2^6 (3)$$

۱۱۷- گراف K_{100} شامل چند زیرگراف یکرخخت با ستاره $K_{1,4}$ است؟

$$96 \binom{100}{5} (2)$$

$$100 \binom{100}{4} (4)$$

$$\binom{100}{5} (1)$$

$$96 \binom{100}{4} (3)$$

۱۱۸- مجموع اعداد ۶ رقمی که با رقم‌های ۴ و ۴ و ۱ و ۱ و ۱ ساخته می‌شوند، کدام است؟

(۱) ۵۵۵۵۵۵۰

(۲) ۶۶۶۶۶۶۰

(۳) ۱۱۱۱۱۱۰۰

(۴) ۳۶۰ × ۵۵۵۵۵۵

۱۱۹- همه عبارات زیر درباره گراف G صحیح است، به جز:

(۱) اگر G گراف دو بخشی باشد، آنگاه مکمل آن دو بخشی نیست.

(۲) هر گراف دو بخشی با n رأس حداکثر $\frac{n^2}{4}$ یال دارد.

(۳) گراف دو بخشی منتظم با تعداد فرد رأس وجود ندارد.

(۴) اگر G یک گراف دو بخشی باشد، با حذف هر یال، دو بخشی باقی می‌ماند.

۱۲۰- بستار متعددی رابطه $R = \{(a,b), (b,c), (c,d), (d,b)\}$ دارای چند عضو است؟

(۱) ۹

(۲) ۱۰

(۳) ۱۲

(۴) ۱۴

۱۲۱- درخت T که دارای ۳ رأس درجه ۵ است، حداقل دارای چند برگ است؟

(۱) ۲

(۲) ۱۰

(۳) ۱۱

(۴) ۱۵

۱۲۲- طبق تعریف زیر، گراف G چند یال دارد؟

هر زیر مجموعه ۳ عضوی از مجموعه $x = \{1, 2, \dots, 10\}$ را یک رأس G در نظر بگیرید. دو رأس A و B مجاورند

اگر و تنها اگر اشتراک A و B تک عضوی باشد ($|A \cap B| = 1$).

(۱) ۱۲۰

(۲) ۶۲۰

(۳) ۱۲۶۰

(۴) ۳۷۸۰

۱۲۳- گراف G از مرتبه ۱۵ با می‌نیم درجه $\delta = 3$ ، دارای ۳ مؤلفه همبندی است. تعداد حداقل و حداکثر یال‌ها را با

q_{\min} و q_{\max} نمایش می‌دهیم. در این صورت (q_{\min} و q_{\max}) کدام است؟

(۱) (۱۲, ۳۰)

(۲) (۱۲, ۳۳)

(۳) (۱۴, ۲۵)

(۴) (۱۴, ۳۶)

۱۲۴- گراف G با مجموعه رأس‌های $V = \{2, 3, 4, \dots, 20\}$ به صورت زیر تعریف می‌شود که دو رأس i و j مجاور هستند

اگر و تنها اگر i و j نسبت به هم اول باشند. کدام مورد درباره G درست است؟

(۱) مسیر هامیلتونی دارد اما اویلری نیست.

(۲) گراف اویلری است اما مسیر هامیلتونی ندارد.

(۳) نه مسیر هامیلتونی دارد و نه گراف اویلری است.

(۴) هم مسیر هامیلتونی دارد و هم گراف اویلری است.

۱۲۵- با استفاده از حروف کلمه *falafel* چند کلمه به طول ۵ می توان ساخت؟

(۱) ۲۷۰

(۲) ۳۶۰

(۳) ۴۸۰

(۴) ۷۲۰

۱۲۶- چهار عدد متمایز از دنباله ۴، ۳، ۲، ۱، -۱، -۲، -۳، -۴ را انتخاب می کنیم. احتمال اینکه حاصل ضرب اعداد انتخاب شده مثبت باشد، چقدر است؟

(۱) $\frac{4}{35}$ (۲) $\frac{8}{35}$ (۳) $\frac{18}{35}$ (۴) $\frac{19}{35}$

۱۲۷- مجموعه S با $1 \in S$ و ضابطه استقرایی $(x+2 \in S, (x-2)^2 + 2 \in S)$ تعریف شده است. مقدار

 $|S \cap \{1, 2, \dots, 20\}|$ کدام است؟

(۱) ۱۰

(۲) ۱۱

(۳) ۱۳

(۴) ۱۴

۱۲۸- می خواهیم پنج زیرمجموعه E, D, C, B, A از مجموعه $X = \{1, 2, 3\}$ انتخاب کنیم به طوری که $A \cup B \cup C = D \cap E$ به چند طریق می توان اعضای این زیرمجموعه ها را انتخاب کرد؟ (پنج زیرمجموعه لزوماً متمایز نیستند.)

(۱) ۱۰۲۴

(۲) ۱۰۰۰

(۳) ۷۲۹

(۴) ۵۱۲

۱۲۹- چند گراف کامل دو بخشی وجود دارد که قابل تجزیه به ۳ درخت فراگیر باشد؟ (در تجزیه یک گراف به چند زیرگراف، هر یال گراف دقیقاً در یک زیرگراف ظاهر می شود.)

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

۱۳۰- اعداد مجموعه $\{1, 2, \dots, n\}$ را با دو رنگ سیاه و سفید رنگ کرده‌ایم به طوری که تفاضل هر دو عدد سیاه، سفید است و تفاضل هر دو عدد سفید، سیاه است. حداکثر n چقدر است؟

(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) n هر عددی می‌تواند باشد.

۱۳۱- ضریب جمله x^f در عبارت زیر کدام است؟

$$(x + \sqrt{2} + 1)^n + (x + \sqrt{2} - 1)^n + (x - \sqrt{2} + 1)^n + (x - \sqrt{2} - 1)^n$$

(۱) ۱۹۲۰

(۲) ۲۰۱۸

(۳) ۳۲۴۰

(۴) ۴۷۶۰

۱۳۲- a و b دو رقم متمایز هستند به طوری که برای هر $n \in \mathbb{N}$ ، مضربی طبیعی از n با ارقام a و b وجود دارد. b و a به ترتیب کدام است؟

(۱) ۲, ۱

(۲) ۵, ۱

(۳) ۵, ۳

(۴) ۷, ۰

۱۳۳- تعداد سه‌تایی‌های مرتب (x, y, z) از اعداد صحیح که در نامساوی $|x| + |y| + |z| \leq 6$ صدق می‌کنند، کدام است؟

(۱) ۶۷۲

(۲) ۴۸۲

(۳) ۳۷۷

(۴) ۲۸۰

۱۳۴- تعداد ۷ نهال چنار، ۴ نهال سپیدار و ۳ نهال سرو باید در یک ردیف با رعایت شرایط زیر کاشته شوند:

نهال‌های ابتدا و انتهای ردیف چنار باشند.

هیچ دو نهال سرو مجاور هم نباشند.

هیچ دو نهال سپیدار مجاور هم نباشند.

هر نهال سرو بین یک چنار و یک سپیدار واقع شود.

انجام این کار به چند طریق ممکن است؟ (نهال‌های هم‌نوع، یکسان محسوب می‌شوند.)

(۱) ۸۴۰

(۲) ۶۲۰

(۳) ۱۰۲۰

(۴) ۱۱۴۰

۱۳۵- به چند طریق می‌توان مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 1397\}$ را به ۴ زیرمجموعهٔ ناتهی افزایش داد که در هیچ یک، دو عدد متوالی وجود نداشته باشد؟

(۱) $2^{1395} - 1$

(۲) $2^{1395} - 2^{1394}$

(۳) $2^{1395} + 2^{1396} - 1$

(۴) $\frac{1}{2}(2^{1395} - 2^{1396} + 1)$

کلید اولیه از مزمون کارشناسی ارشد ناپیوسته سال 1397

کلید اولیه از مزمون کارشناسی ارشد ناپیوسته سال 1397

به اطلاع داوطلبان شرکت کننده در آزمون کارشناسی ارشد سال 1397 می رساند، این کلید اولیه غیر قابل استناد است و پس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران، کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد. در صورت تمایل می توانید حداکثر تا تاریخ 1397/02/18 با مراجعه به سیستم پاسخگویی اینترنتی به نشانی request.sanjesh.org و تکمیل فرم اعتراض به کلید سوالات آزمون کارشناسی ارشد سال 1397 اقدام نمایید. لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط از طریق اینترنت دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر رسیدگی نخواهد شد.

نوع دفترچه	نام رشته امتحانی	کد رشته امتحانی
F	مجموعه علوم کامپیوتر	1209

شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
1	1	31	4	61	1	91	3	121	3	151	سفید
2	3	32	2	62	3	92	4	122	4	152	سفید
3	4	33	1	63	2	93	2	123	2	153	سفید
4	2	34	2	64	4	94	2	124	1	154	سفید
5	3	35	4	65	1	95	3	125	2	155	سفید
6	4	36	4	66	3	96	3	126	4	156	سفید
7	1	37	1	67	1	97	2	127	3	157	سفید
8	3	38	3	68	4	98	3	128	2	158	سفید
9	2	39	3	69	1	99	4	129	2	159	سفید
10	4	40	1	70	2	100	1	130	2	160	سفید
11	2	41	3	71	4	101	3	131	4	161	سفید
12	4	42	3	72	2	102	2	132	4	162	سفید
13	3	43	4	73	1	103	1	133	3	163	سفید
14	3	44	1	74	2	104	1	134	1	164	سفید
15	1	45	2	75	1	105	4	135	4	165	سفید
16	1	46	2	76	3	106	4	136	سفید	166	سفید
17	2	47	1	77	1	107	3	137	سفید	167	سفید
18	4	48	3	78	3	108	2	138	سفید	168	سفید
19	4	49	2	79	4	109	4	139	سفید	169	سفید
20	3	50	4	80	2	110	2	140	سفید	170	سفید
21	3	51	1	81	2	111	1	141	سفید	171	سفید
22	1	52	4	82	4	112	3	142	سفید	172	سفید
23	1	53	1	83	3	113	2	143	سفید	173	سفید
24	2	54	3	84	1	114	3	144	سفید	174	سفید
25	3	55	2	85	4	115	2	145	سفید	175	سفید
26	2	56	4	86	2	116	1	146	سفید	176	سفید
27	4	57	2	87	4	117	3	147	سفید	177	سفید
28	1	58	3	88	1	118	1	148	سفید	178	سفید
29	4	59	3	89	2	119	1	149	سفید	179	سفید
30	4	60	2	90	3	120	3	150	سفید	180	سفید

شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
181	سفید	211	سفید	241	سفید	271	سفید
182	سفید	212	سفید	242	سفید	272	سفید
183	سفید	213	سفید	243	سفید	273	سفید
184	سفید	214	سفید	244	سفید	274	سفید
185	سفید	215	سفید	245	سفید	275	سفید
186	سفید	216	سفید	246	سفید	276	سفید
187	سفید	217	سفید	247	سفید	277	سفید
188	سفید	218	سفید	248	سفید	278	سفید
189	سفید	219	سفید	249	سفید	279	سفید
190	سفید	220	سفید	250	سفید	280	سفید
191	سفید	221	سفید	251	سفید	281	سفید
192	سفید	222	سفید	252	سفید	282	سفید

193	سفید	223	سفید	253	سفید	283	سفید	313	سفید
194	سفید	224	سفید	254	سفید	284	سفید	314	سفید
195	سفید	225	سفید	255	سفید	285	سفید	315	سفید
196	سفید	226	سفید	256	سفید	286	سفید	316	سفید
197	سفید	227	سفید	257	سفید	287	سفید	317	سفید
198	سفید	228	سفید	258	سفید	288	سفید	318	سفید
199	سفید	229	سفید	259	سفید	289	سفید	319	سفید
200	سفید	230	سفید	260	سفید	290	سفید	320	سفید
201	سفید	231	سفید	261	سفید	291	سفید		
202	سفید	232	سفید	262	سفید	292	سفید		
203	سفید	233	سفید	263	سفید	293	سفید		
204	سفید	234	سفید	264	سفید	294	سفید		
205	سفید	235	سفید	265	سفید	295	سفید		
206	سفید	236	سفید	266	سفید	296	سفید		
207	سفید	237	سفید	267	سفید	297	سفید		
208	سفید	238	سفید	268	سفید	298	سفید		
209	سفید	239	سفید	269	سفید	299	سفید		
210	سفید	240	سفید	270	سفید	300	سفید		

خروج