

268

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



صبح جمعه  
۱۳۹۵/۱۲/۶  
دفترچه شماره (۱)



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)»

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

## آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمتر کز) داخل – سال ۱۳۹۶

رشته امتحانی آمار (کد ۲۲۳۲)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (مبانی آنالیز ریاضی - ریاضی عمومی ۱ و ۲ - مبانی احتمال - احتمال ۱ و ۲ - استنباط آماری (۱)	۴۵	۱

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه - سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تعامل اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برای مقررات رفتار می‌شود.

مبانی آنالیز ریاضی - ریاضی عمومی ۱ و ۲

-۱ اگر  $x_0 = 1$  و  $x_1 = 1$  و برای هر  $n > 1$ ، کدام گزینه درباره  $\lim x_n$  درست است؟

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$1 \quad (3)$$

(4) وجود ندارد.

-۲ کدام است؟

$$0 \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (3)$$

$$\pi \quad (4)$$

-۳ سری  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(1+\frac{1}{2}+\frac{1}{3}+\dots+\frac{1}{n})^{\alpha}}$  همگرا است اگر و تنها اگر، ...

$$\alpha > 1 \quad (1)$$

$$\alpha \geq 2 \quad (2)$$

$$\alpha \geq 1 \quad (3)$$

$$\alpha > 0 \quad (4)$$

-۴ فرض کنید  $x > 0$  و  $\{a_n\}$  دنباله‌ای از اعداد مثبت باشد که  $\lim a_n = a > 0$ . کدام گزینه درباره سری

درست است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!x^n}{(x+a_1)(2x+a_2)\dots(nx+a_n)}$$

(1) برای تمام مقادیر  $x > 0$ ، واگر است.

(2) برای  $x > 0$  همگر است.

(3) برای  $x > a$  همگر است و برای  $x < a$  واگر است.

(4) برای  $x < a$  همگر است و برای  $x > a$  واگر است.

-۵ شعاع همگرایی سری  $\sum_{n=0}^{\infty} n!x^n$  کدام است؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

-۶ فرض کنید  $f$  بر بازه  $(0, 1)$  مشتق‌پذیر باشد و  $1 < |f'(x)|$ . اگر برای هر  $n \in \mathbb{N}$ ,  $a_n = f\left(\frac{1}{n}\right)$  کدام گزینه درباره

دبالة  $\{a_n\}$  درست است؟

- (۱) کران دار است ولی می‌تواند واگرا باشد.
- (۲) یکنوا است.
- (۳) می‌تواند بی‌کران باشد.
- (۴) همگرا است.

-۷ کدام گزینه درباره تابع  $f(x) = [x] \sin^7(\pi x)$  بر  $\mathbb{R}$  درست است؟

- (۱) برای هر  $x \in \mathbb{R}$ ,  $f'(x) = \pi[x] \sin(2\pi x)$ .
- (۲) این تابع فقط در نقاط صحیح مشتق‌پذیر است.
- (۳) این تابع در هیچ نقطه‌ای مشتق‌پذیر نیست.
- (۴) این تابع فقط در نقاط صحیح مشتق‌پذیر نیست.

-۸ اگر تابع  $f$  بر  $[0, 1]$  پیوسته باشد، مقدار  $\int_0^\pi xf(\sin x) dx - \frac{\pi}{2} \int_0^\pi f(\sin x) dx$  کدام است؟

- $\frac{\pi}{2}$  (۱)
- $\pi$  (۲)
- $0$  (۳)
- $1$  (۴)

-۹ اگر تابع  $f$  بر بازه  $[0, \pi]$  دارای مشتق مرتبه دوم پیوسته باشد و  $f(\pi) = 2$  و  $f(0) = 5$

آنگاه مقدار  $f(0)$  کدام است؟

- ۳ (۱)
- ۰ (۲)
- ۳ (۳)
- ۲ (۴)

- ۱۰ مساحت درون بیضی  $4x^2 + 9y^2 = 36$  و بالای خط  $2x + 3y = 6$  کدام است؟

$$\frac{3\pi}{2} \quad (1)$$

$$\frac{3\pi}{4} - 2 \quad (2)$$

$$\frac{3\pi}{4} \quad (3)$$

$$\frac{3\pi}{2} - 3 \quad (4)$$

مبانی احتمال - احتمال ۱ و ۲:

- ۱۱ دو بازیکن A و B یک جفت تاس سالم را یکی پس از دیگری به ترتیب پرتاب می‌نمایند و هر کدام که زودتر مجموع هفت را مشاهده نماید، برنده اعلام می‌شود. فرض کنید بازیکن A پرتاب اول را انجام دهد، احتمال برد A کدام است؟

$$\frac{5}{11} \quad (1)$$

$$\frac{6}{11} \quad (2)$$

$$\frac{7}{11} \quad (3)$$

$$\frac{4}{11} \quad (4)$$

- ۱۲ ۹۰ بلیط بخت‌آزمایی توسط ۹ نفر، هر کدام ۱۰ بلیط خریداری می‌شود که شامل ۵ بلیط برنده است. احتمال اینکه هر ۵ بلیط برنده را یک نفر دریافت کند کدام است؟

$$\frac{6 \times 7 \times 8 \times 9 \times 10}{86 \times 87 \times 88 \times 89 \times 90} \quad (1)$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10}{87 \times 88 \times 89 \times 90} \quad (2)$$

$$\frac{6 \times 7 \times 8 \times 9}{86 \times 87 \times 88 \times 89} \quad (3)$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10}{86 \times 87 \times 88 \times 89} \quad (4)$$

- ۱۳- فرض کنید  $X$  دارای توزیع نرمال با میانگین  $\mu$  و واریانس  $\sigma^2$  باشد. مقدار  $h(\mu)$  چقدر باشد تا مقدار  $P(X \leq \mu)$  بستگی به  $\mu$  نداشته باشد؟

$$C\mu^2 \quad (1)$$

$$C\mu^2 + 1 \quad (2)$$

$$C|\mu| \quad (3)$$

$$C|\mu| + 1 \quad (4)$$

- ۱۴- اگر  $(X \sim N(\mu, \sigma^2))$  و متغیر تصادفی  $Y$  به صورت  $Y = \int_{-\infty}^X \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(t-\mu)^2}{2\sigma^2}} dt$  تعریف شده باشد، مقدار

$$P\left(\frac{1}{\Delta} < Y < \frac{1}{4}\right) \quad (1)$$

$$\circ/\checkmark \quad (1)$$

$$\circ/\checkmark \quad (2)$$

$$\circ/\checkmark \quad (3)$$

$$\circ/\checkmark \quad (4)$$

- ۱۵- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی با توزیع متقاضن حول صفر باشد. با فرض وجود میانگین، گزینه صحیح، کدام است؟

$$E(|X+a|) > E(|X-a|), a \in R \quad (1)$$

$$E(|X+a|) < E(|X-a|), a \in R \quad (2)$$

$$E(|X+a|) = E(|X-a|), a \in R \quad (3)$$

$$E|X+a| < E|X-a| \quad a < 0 \quad E|X+a| > E|X-a| \quad a > 0 \quad (4)$$

- ۱۶- متغیر تصادفی مثبت  $X$  دارایتابع مولد احتمال  $P(X \leq 100) = g(s) = \frac{s}{s-4s}$  است. مقدار  $\Delta$  کدام است؟

$$1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{100} \quad (1)$$

$$1 - \left(\frac{4}{5}\right)^{100} \quad (2)$$

$$1 - \left(\frac{4}{5}\right)^{100} \quad (3)$$

$$1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{100} \quad (4)$$

۱۷- فرض کنید متغیرهای تصادفی  $X$  و  $Y$  مستقل از هم و دارای توزیع یکسان  $N(1,1)$  باشند. مقدار  $P(2 - X < Y < X)$  کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{5} \quad (2)$$

$$\frac{1}{20} \quad (3)$$

$$\frac{19}{20} \quad (4)$$

۱۸- فرض کنید  $X_1$  و  $X_2$  دو متغیر تصادفی مستقل با تابع احتمال یکسان زیر باشند. مقدار  $E\left(\frac{X_1}{X_2 + 1}\right)$  کدام است؟

$$P[X_1 = k] = P[X_2 = k] = pq^k, \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

$$-\ln(q) \quad (1)$$

$$-\ln(1+p) \quad (2)$$

$$-\ln(1+q) \quad (3)$$

$$-\ln(p) \quad (4)$$

۱۹- فرض کنید عدد  $N$  به تصادف انتخاب شده از مجموعه اعداد  $\{1, 2, \dots, 10\}$  باشد و  $X = I(N \leq 5)$ ،  $Y = I(N \geq 5)$  فرد که در آن  $I$  تابع نشانگر است. ضریب همبستگی  $X$  و  $Y$  کدام است؟

$$\frac{1}{5} \quad (1)$$

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} \quad (3)$$

$$\frac{4}{5} \quad (4)$$

- ۲۰ ۱۲ نفر در طبقه همکف یک فروشگاه ده طبقه، سوار آسانسور می‌شوند. هر شخص مستقل از سایرین و با شанс یکسان یکی از ده طبقه را برای پیاده شدن انتخاب می‌کند و هیچ شخص جدیدی سوار آسانسور نمی‌شود. این آسانسور به طور متوسط چند توقف خواهد داشت؟

$$10 + \left(\frac{1}{10}\right)^{12} \quad (1)$$

$$10 \left(\frac{9}{10}\right)^{12} \quad (2)$$

$$10 - \left(\frac{1}{10}\right)^{12} \quad (3)$$

$$10 - \frac{9^{12}}{10^{11}} \quad (4)$$

- ۲۱ فرض کنید هر فردی که وارد اداره پست می‌شود با احتمال  $\frac{1}{3}$  یکی از سرویس‌های سفارشی، پیشتاز و یا عادی را برای ارسال نامه خود انتخاب می‌کند. به طور متوسط چند نفر وارد اداره پست شوند. تا هر سرویس حداقل یک بار مورد استفاده قرار گیرد؟

۴ (۱)

۴/۵ (۲)

۵ (۳)

۵/۵ (۴)

- ۲۲ فرض کنید  $Y_1, Y_2, \dots, Y_{n+1}$  یک نمونه تصادفی ازتابع توزیع پیوسته  $F$  و  $X \sim D U(\{1, \dots, n\})$  و مستقل از  $Y_i$  ها

$$\text{باشد، مقدار } E \left[ \sum_{i=1}^X I_{\{Y_i \leq Y_{n+1}\}} \right] \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{n+1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{n+1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{n(n+1)}{2} \quad (3)$$

$$\frac{n(n+1)}{4} \quad (4)$$

۲۳- فرض کنید  $X$  و  $Y$  دو متغیر تصادفی باشند به طوری که  $E(X^r | Y) = \frac{1}{\lambda^r} Y^r$  و  $f_X(x) = \lambda e^{-\lambda x}$ ,  $x > 0$  باشد و

$$\text{مقدار } \text{Var}(Y) \text{ کدام است؟ } E(X | y) = \frac{3}{\lambda} Y$$

$\frac{17}{45}$  (۱)

$\frac{27}{45}$  (۲)

$\frac{4}{45}$  (۳)

$\frac{13}{45}$  (۴)

۲۴- فرض کنید  $X_1, \dots, X_N$  یک نمونه تصادفی  $N$  تایی از جامعه‌ای با تابع توزیع  $F(x)$  باشد به طوری که  $N \sim Ge(p)$  و از  $X$ ها مستقل است. مقدار  $\lim_{p \rightarrow 1} F_{X(N)}(x)$  کدام است؟

(است)  $X_1, \dots, X_N$

۱ (۱)

۱ (۲)

$1 - F(x)$  (۳)

$F(x)$  (۴)

۲۵- فرض کنید  $X_1, \dots, X_{100}$  مستقل از یکدیگر و مقادیر ۲ و ۰/۵ را با احتمال  $\frac{1}{2}$  اختیار می‌کنند. قرار دهید

$$P(X > 1024), \text{ مقدار تقریبی } X = \prod_{i=1}^{100} X_i$$

۰/۱۵۸۷ (۱)

۰/۳۰۸۵ (۲)

۰/۶۹۱۵ (۳)

۰/۸۴۱۳ (۴)

استنباط آماری ۱:

۲۶- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(ap, bp(1-p))$  باشد که در آن  $a$  و  $b$  مقادیر ثابت و معلوم مثبت و  $p \in (0, 1)$  نامعلوم است. آماره بسنده می‌نیمال برای  $p$  کدام است؟

$\sum X_i$  (۱)

$\bar{X}(1 - \bar{X})$  (۲)

$\bar{X} + S^2$  (۳)

$(\sum X_i, \sum X_i^2)$  (۴)

- ۲۷ فرض کنید  $X$  تک نمونه‌ای ازتابع چگالی احتمال زیر باشد. برآورد ماکسیمم درستنمایی  $\theta$  کدام است؟  
 $f(x; \theta) = 2\theta x + (1-\theta)$  و  $0 < x < 1$ ,  $-1 \leq \theta \leq 1$

$$\hat{\theta}(x) = \begin{cases} -1 & 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ 1 & \frac{1}{2} < x < 1 \end{cases} \quad (1)$$

$$\hat{\theta}(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ -1 & \frac{1}{2} < x < 1 \end{cases} \quad (2)$$

$$\hat{\theta}(x) = \left| x - \frac{1}{2} \right| \quad (3)$$

$$\hat{\theta}(x) = 2x - 1 \quad (4)$$

- ۲۸ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع یکنواخت در بازه  $(\mu - \sqrt{3}\sigma, \mu + \sqrt{3}\sigma)$  باشد، که در آن  $\mu \in \mathbb{R}$  و  $\sigma > 0$  می‌باشد. با فرض  $X_{(n)} = \max(X_i)$ ,  $X_{(1)} = \min(X_i)$  برآورد ماکسیمم درستنمایی بردار پارامتر  $\theta = (\mu, \sigma)$  کدام است؟

$$\left( \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(1)} + X_{(n)}), \frac{1}{2\sqrt{3}}(X_{(n)} - X_{(1)}) \right) \quad (1)$$

$$\left( \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(1)} - X_{(n)}), \frac{1}{2\sqrt{3}}(X_{(n)} + X_{(1)}) \right) \quad (2)$$

$$\left( \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(1)} - X_{(n)}), \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(n)} + X_{(1)}) \right) \quad (3)$$

$$\left( \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(1)} + X_{(n)}), \frac{1}{\sqrt{3}}(X_{(n)} - X_{(1)}) \right) \quad (4)$$

- ۲۹ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(0, \sigma^2)$  باشد. با تعریف  $|X_i|$  و با در نظر گرفتن متغیر تصادفی  $W = cY$  به ازای چه مقدار از  $c$ ,  $W$  یک برآورد کننده نااریب برای  $\sigma$  است؟

$$\frac{1}{n} \sqrt{\frac{\pi}{2}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{n} \sqrt{\frac{2}{\pi}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sqrt{\pi} \quad (3)$$

$$\frac{1}{n\sqrt{\pi}} \quad (4)$$

- ۳۰ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع برنولی با پارامتر  $p$  باشد. مقدار  $E[S^r | \bar{X}]$  کدام است؟

واریانس نمونه‌ای نااریب است

$$\frac{(n-1)\bar{X}(1-\bar{X})}{n} \quad (1)$$

$$\frac{n\bar{X}(1-\bar{X})}{n+1} \quad (2)$$

$$\bar{X}(1-\bar{X}) \quad (3)$$

$$S^r \quad (4)$$

- ۳۱ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع نرمال با میانگین صفر و واریانس  $\sigma^2$  باشد. با تعریف

$$T = \frac{\sum_{i=1}^n iX_i}{\sum_{i=1}^n X_i}, \text{ برآورده‌گر نااریب صفر بر مبنای } T \text{ کدام است؟}$$

$$T \quad (1)$$

$$T - \frac{n-1}{2} \quad (2)$$

$$T - \frac{n+1}{2} \quad (3)$$

$$T - \frac{n+1}{2}\sigma \quad (4)$$

- ۳۲ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  و  $Y_1, \dots, Y_m$  دو نمونه تصادفی مستقل از توزیع‌های به ترتیب نمایی با میانگین  $\theta_1$  و  $\theta_2$  باشند. پارامتر  $\gamma(\theta_1, \theta_2) = (\theta_1 - \theta_2)^r$  کدام است؟

$$\left( \frac{n+1}{n} \bar{X} - \frac{m+1}{m} \bar{Y} \right)^r \quad (1)$$

$$\left( \frac{n}{n+1} \bar{X} - \frac{m}{m+1} \bar{Y} \right)^r \quad (2)$$

$$\frac{n+1}{n} \bar{X}^r + \frac{m+1}{m} \bar{Y}^r - 2 \bar{X} \bar{Y} \quad (3)$$

$$\frac{n}{n+1} \bar{X}^r + \frac{m}{m+1} \bar{Y}^r - 2 \bar{X} \bar{Y} \quad (4)$$

- ۳۳ - فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع برنولی با پارامتر  $p \in [0, 1]$  باشد. برآورد  $p^{n-1}$  کدام است؟

$$\delta(\underline{x}) = \begin{cases} 0 & \sum x_i = 0, 1, \dots, n-2 \\ \frac{1}{n} & \sum x_i = n-1 \\ 1 & \sum x_i = n \end{cases} \quad (1) \quad \bar{x}^{n-1}$$

$$\delta(\underline{x}) = \begin{cases} 0 & \sum x_i = 0, 1, \dots, n-3 \\ \frac{n-1}{n} & \sum x_i = n-2, n-1 \\ 1 & \sum x_i = n \end{cases} \quad (2) \quad \frac{(\sum x_i - 1)\sum x_i}{n(n-1)}$$

- ۳۴ - فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع پواسن با پارامتر  $\theta$  باشد. مقدار  $\text{cov}(\bar{X}, S^2)$  کدام است؟

$\bar{X}$  میانگین نمونه‌ای و  $S^2$  واریانس نمونه‌ای نااریب است.

۰ (۱)

$$-\frac{\theta}{n} \quad (2)$$

$$\frac{\theta}{n} \quad (3)$$

$$n\theta \quad (4)$$

- ۳۵ - فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(0, \sigma^2)$  باشد. میزان اطلاع فیشر نمونه برای پارامتر  $\sigma$  کدام است؟

$$\frac{2n}{\sigma^2} \quad (1)$$

$$\frac{n}{\sigma^2} \quad (2)$$

$$\frac{n}{\sigma^4} \quad (3)$$

$$\frac{5n}{2\sigma^4} \quad (4)$$

- ۳۶- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع نمایی با میانگین  $\theta$  باشد. اگر  $\frac{1}{\theta}$  دارای توزیع پیشین

$$\Gamma(\alpha, \beta) \text{ با میانگین } \frac{\alpha}{\beta} \text{ وتابع زیان مربع خطاباشد، برآورده بیز } e^{-\frac{1}{\theta}} \text{ کدام است؟}$$

$$\left( \frac{\alpha + \sum X_i}{\alpha + \sum X_i + 1} \right)^{n+\beta} \quad (1)$$

$$\left( \frac{\beta + \sum X_i}{\beta + \sum X_i + 1} \right)^{n+\alpha+1} \quad (2)$$

$$\left( \frac{\beta + \sum X_i}{\beta + \sum X_i + 1} \right)^{n+\alpha} \quad (3)$$

$$\left( \frac{\alpha + \sum X_i}{\alpha + \sum X_i + 1} \right)^{n+\beta+1} \quad (4)$$

- ۳۷- فرض کنید  $Z \sim \Gamma(4, 2\lambda), Y \sim \Gamma(3, 2\lambda), X \sim \Gamma(2, \lambda)$ . با انتخاب

تابع زیان مربع خطاب و توزیع پیشین  $\Gamma(2, 4)$  با میانگین  $\frac{1}{2}$ ، برآورده بیز  $\lambda$  کدام است؟

$$\frac{X + 2Y + 2Z + 4}{4} \quad (1)$$

$$\frac{X + 2Y + 2Z + 4}{10} \quad (2)$$

$$\frac{X + 2Y + 2Z}{10} \quad (3)$$

$$\frac{10}{X + 2Y + 2Z + 4} \quad (4)$$

- ۳۸- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $P(\lambda)$  باشد. با انتخاب توزیع پیشین  $E(\lambda) = \lambda$  و تابع زیان

$$L(\lambda, \delta) = \frac{(\delta - \lambda)^2}{\delta}$$

$$\frac{1}{n} \sqrt{\sum X_i (\sum X_i + 1)} \quad (1)$$

$$\frac{1}{n+1} \sqrt{(\sum X_i + 1)(\sum X_i + 2)} \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sum X_i (\sum X_i + 1) \quad (3)$$

$$\frac{1}{n+1} (\sum X_i + 1) \quad (4)$$

- ۳۹- فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $(\theta, \theta)$  دارای توزیع پیشین  $P(\theta) = \frac{1}{\theta}$  با تابع چگالی احتمال  $L(\theta, \delta) = (\sqrt{\frac{\delta}{\theta}} - \sqrt{\frac{\theta}{\delta}})^2$  باشد. تحت تابع زیان  $\pi(\theta) = \frac{2}{\theta^2}$  برآورده بیز  $\theta$  کدام است؟

$$\frac{\sqrt{n(n+2)}}{n+1} \max(1, X_{(n)}) \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{n(n+2)}{n+1}} \max(1, X_{(n)}) \quad (2)$$

$$\frac{n+1}{\sqrt{n(n+2)}} \max(1, X_{(n)}) \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{n+3}{n+1}} \max(1, X_{(n)}) \quad (4)$$

- ۴۰- فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع نرمال با میانگین  $\theta$  و واریانس ۱ باشد. با انتخاب توزیع پیشین ناسره با تابع چگالی  $\pi(\theta) = 1$  تحت تابع زیان قدر مطلق خطا، برآورده بیز تعمیم یافته  $\theta$  کدام است؟

(۱)

(۲)  $n$ (۳)  $\bar{X}$ (۴)  $n\bar{X}$ 

- ۴۱- فرض کنید  $X$  یک مشاهده از توزیع  $(\mu, \sigma^2)$  باشد. تحت تابع زیان مربع خطأ، کدام یک از گزاره‌های زیر در مورد برآورده  $X+a$  برای پارامتر  $\mu$  درست است؟ ( $a \neq 0$  ثابت است)

(۱) تحت توزیع پیشین ناسره  $\pi(\mu) = e^{-\frac{\mu}{a}}$ ، برآورده بیز تعمیم یافته  $\mu$  است.

(۲) برآورده مجاز (پذیرفتی) است.

(۳) برآورده UMVU است.

(۴) برآورده مینماکس است.

- ۴۲- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $N(\theta, \delta^2)$  باشد تحت تابع زیان  $L(\theta, \delta) = (\frac{\delta}{\theta} - 1)^2$  کدام‌یک از برآوردهای زیر برای  $\theta$  مینیماکس است؟

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^2 \quad (1)$$

$$\frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^n X_i^2 \quad (2)$$

$$\frac{2}{n+2} \sum_{i=1}^n X_i^2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{n+2} \sum_{i=1}^n X_i^2 \quad (4)$$

- ۴۳- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع برنولی با پارامتر  $p$  باشد. تحت تابع زیان

$$L(p, \delta) = \frac{(p-\delta)^2}{p(1-p)} \quad \text{برآوردهای مینیماکس پارامتر } p \text{ کدام است؟} \quad \bar{X} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \bar{X} + \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \bar{X} + \frac{2}{3} \quad (3)$$

$$\frac{n\bar{X}}{n+1} \quad (4)$$

- ۴۴- فرض کنید  $X$  دارای توزیع برنولی با پارامتر  $\theta \in [0, 1]$  باشد. تحت تابع زیان مربع خطأ، کدام‌یک از برآوردهای زیر غیرمجاز (ناپذیرفتی) است؟

$$X \quad (1)$$

$$2X \quad (2)$$

$$\delta(X) = 0 \quad (3)$$

$$\delta(X) = \frac{1}{2} \quad (4)$$

- ۴۵- فرض کنید  $(\theta, 1) \sim N(\theta, 1)$  و  $X | \theta \sim N(\theta, 1)$  باشند. با انتخاب تابع زیان مربع خطای وزنی با وزن  $w(\theta) = e^{\frac{1-\theta}{2}}$ . گزینه صحیح کدام است؟

(۱)  $\delta_B(X) = 2X$  برآورده بیز یکتا و غیرمجاز (ناپذیرفتی) است.

(۲)  $\delta_B(X) = 2X$  برآورده بیز یکتا و مجاز (پذیرفتی) است.

(۳)  $\delta_B(X) = \frac{1}{2}X$  برآورده بیز یکتا و مجاز (پذیرفتی) است.

(۴)  $\delta_B(X) = \frac{1}{2}X$  برآورده بیز یکتا و غیرمجاز (ناپذیرفتی) است.

df	.995	.990	.975	.950	.050	.025	.010	.005
1	4E-5	0.0001	0.0009	0.0039	1.8414	5.0238	6.6349	7.879
2	0.010	0.0201	0.0506	0.0725	5.9914	7.3777	9.2103	10.596
3	1.886	2.920	4.033	6.965	9.9235	11.344	12.338	13.276
4	3.188	2.353	1.182	4.541	5.841	6.2158	7.8147	9.3484
5	4.133	2.132	1.376	4.747	4.6944	5.0707	9.4877	11.143
6	4.746	2.015	1.571	3.865	4.0312	4.411	11.070	12.832
7	5.145	1.943	2.447	3.143	3.707	6	6.675	12.653
8	5.499	1.895	2.365	2.998	3.489	7	0.989	12.390
9	5.835	1.860	2.306	2.896	3.355	8	1.344	16.012
10	6.133	1.833	2.262	2.821	3.250	9	1.734	20.090
11	6.372	1.812	2.228	2.764	3.169	10	2.155	21.665
12	6.563	1.796	2.178	3.106	3.063	11	2.582	23.209
13	6.750	1.782	2.179	2.681	3.055	12	3.034	25.188
14	6.926	1.767	2.170	2.606	3.021	13	3.5705	27.737
15	7.080	1.752	2.160	2.650	3.012	14	4.0037	28.299
16	7.219	1.737	2.150	2.670	3.002	15	4.565	28.869
17	7.345	1.721	2.145	2.634	2.977	16	5.0887	29.319
18	7.462	1.706	2.134	2.612	2.947	17	5.6287	29.735
19	7.566	1.691	2.125	2.592	2.907	20	6.1664	30.090
20	7.660	1.676	2.116	2.570	2.867	21	6.600	30.445
21	7.747	1.661	2.106	2.548	2.827	22	7.2609	30.795
22	7.825	1.646	2.096	2.526	2.787	23	7.8485	31.149
23	7.893	1.631	2.086	2.504	2.747	24	8.4077	31.498
24	7.950	1.616	2.076	2.482	2.707	25	8.9677	31.847
25	7.997	1.601	2.066	2.460	2.667	26	9.5236	32.196
26	8.034	1.586	2.056	2.438	2.626	27	10.0812	32.545
27	8.061	1.571	2.046	2.416	2.585	28	10.6390	32.894
28	8.088	1.556	2.036	2.394	2.544	29	11.1968	33.243
29	8.114	1.541	2.026	2.372	2.503	30	11.7546	33.592
30	8.139	1.526	2.016	2.350	2.462	31	12.3124	33.941
31	8.164	1.511	2.006	2.328	2.421	32	12.8692	34.289
33	8.244	1.476	1.986	2.288	2.380	34	13.4270	34.638
35	8.324	1.441	1.966	2.248	2.339	36	13.9848	35.007
37	8.404	1.406	1.946	2.208	2.298	38	14.5426	35.356
39	8.484	1.371	1.926	2.168	2.257	40	15.1004	35.705
41	8.564	1.336	1.906	2.128	2.216	42	15.6582	36.054
43	8.644	1.301	1.886	2.088	2.175	44	16.2160	36.353
45	8.724	1.266	1.866	2.048	2.134	46	16.7738	36.652
47	8.799	1.231	1.846	2.008	2.093	48	17.3316	36.951
49	8.874	1.196	1.826	1.968	2.052	50	17.8894	37.250
51	8.944	1.161	1.806	1.928	2.011	52	18.4472	37.549
53	9.014	1.126	1.786	1.888	1.960	54	18.9850	37.848
55	9.084	1.091	1.766	1.848	1.919	56	19.5328	38.147
57	9.153	1.056	1.746	1.808	1.870	58	20.0806	38.446
59	9.223	1.021	1.726	1.768	1.821	60	20.6284	38.745
61	9.292	9.861	1.706	1.728	1.773	62	21.1762	39.044
63	9.361	9.509	1.686	1.668	1.718	64	21.7240	39.343
65	9.421	9.147	1.666	1.648	1.709	66	22.2718	39.642
67	9.479	8.785	1.646	1.628	1.660	68	22.8196	39.941
69	9.538	8.423	1.626	1.608	1.632	70	23.3674	40.240
71	9.597	8.061	1.606	1.588	1.614	72	23.9152	40.539
73	9.656	7.699	1.586	1.568	1.596	74	24.4630	40.838
75	9.713	7.337	1.566	1.548	1.574	76	24.9108	41.137
77	9.772	6.975	1.546	1.528	1.542	78	25.3586	41.436
79	9.830	6.613	1.526	1.508	1.520	80	25.8064	41.735
81	9.884	6.251	1.506	1.488	1.504	82	26.2542	42.034
83	9.934	5.889	1.486	1.468	1.492	84	26.7020	42.333
85	9.983	5.527	1.466	1.448	1.474	86	27.1498	42.632
87	1.032	5.165	1.446	1.428	1.452	88	27.5976	42.931
89	1.081	4.803	1.426	1.408	1.430	90	28.0454	43.230
91	1.130	4.441	1.406	1.388	1.412	92	28.4932	43.529
93	1.179	4.079	1.386	1.368	1.400	94	28.9410	43.828
95	1.228	3.717	1.366	1.348	1.382	96	29.3888	44.127
97	1.277	3.355	1.346	1.328	1.364	98	29.8366	44.426
99	1.326	2.993	1.326	1.308	1.346	100	30.2844	44.725
101	1.375	2.631	1.306	1.288	1.328	102	30.7322	45.024
103	1.424	2.269	1.286	1.268	1.298	104	31.1799	45.323
105	1.473	1.907	1.266	1.248	1.270	106	31.6277	45.622
107	1.522	1.545	1.246	1.228	1.252	108	32.0755	45.921
109	1.571	1.183	1.226	1.208	1.234	110	32.5233	46.220
111	1.620	1.821	1.206	1.188	1.216	112	32.9711	46.519
113	1.669	1.459	1.186	1.168	1.198	114	33.4189	46.818
115	1.718	1.097	1.166	1.148	1.170	116	33.8667	47.117
117	1.767	7.335	1.146	1.128	1.150	118	34.3145	47.416
119	1.816	3.773	1.126	1.108	1.130	120	34.7623	47.715
121	1.865	0.211	1.106	1.088	1.118	122	35.2101	48.014
123	1.914	-	-	-	-	124	35.6579	48.313
125	1.963	-	-	-	-	126	36.1057	48.612
127	2.012	-	-	-	-	128	36.5535	48.911
129	2.061	-	-	-	-	130	37.0013	49.210
131	2.110	-	-	-	-	132	37.4491	49.509
133	2.159	-	-	-	-	134	37.8969	49.808
135	2.208	-	-	-	-	136	38.3447	50.107
137	2.257	-	-	-	-	138	38.7925	50.406
139	2.306	-	-	-	-	140	39.2403	50.705
141	2.355	-	-	-	-	142	39.6881	51.004
143	2.404	-	-	-	-	144	40.1359	51.303
145	2.453	-	-	-	-	146	40.5837	51.602
147	2.502	-	-	-	-	148	41.0315	51.901
149	2.551	-	-	-	-	150	41.4793	52.200
151	2.599	-	-	-	-	152	41.9271	52.500
153	2.648	-	-	-	-	154	42.3749	52.800
155	2.697	-	-	-	-	156	42.8227	53.100
157	2.746	-	-	-	-	158	43.2705	53.400
159	2.795	-	-	-	-	160	43.7183	53.700
161	2.843	-	-	-	-	162	44.1661	54.000
163	2.892	-	-	-	-	164	44.6139	54.300
165	2.941	-	-	-	-	166	45.0617	54.600
167	2.989	-	-	-	-	168	45.5095	54.900
169	3.038	-	-	-	-	170	45.9573	55.200
171	3.087	-	-	-	-	172	46.4051	55.500
173	3.136	-	-	-	-	174	46.8529	55.800
175	3.185	-	-	-	-	176	47.3007	56.100
177	3.234	-	-	-	-	178	47.7485	56.400
179	3.283	-	-	-	-	180	48.1963	56.700
181	3.332	-	-	-	-	182	48.6441	57.000
183	3.381	-	-	-	-	184	49.0919	57.300
185	3.430	-	-	-	-	186	49.5397	57.600
187	3.479	-	-	-	-	188	49.9875	57.900
189	3.528	-	-	-	-	190	50.4353	58.200
191	3.577	-	-	-	-	192	50.8831	58.500
193	3.626	-	-	-	-	194	51.3309	58.800
195	3.675	-	-	-	-	196	51.7787	59.100
197	3.724	-	-	-	-	198	52.2265	59.400
199	3.773	-	-	-	-	200	52.6743	59.700
201	3.822	-	-	-	-	202	53.1221	60.000
203	3.871	-	-	-	-	204	53.5699	60.300
205	3.920	-	-	-	-	206	54.0177	60.600
207	3.969	-	-	-	-	208	54.4655	60.900
209	4.018	-	-	-	-	210	54.9133	61.200
211	4.067	-	-	-	-	212	55.3611	61.500
213	4.116	-	-	-	-	214	55.8089	61.800
215	4.165	-	-	-	-	216	56.2567	62.100
217	4.214	-	-	-	-	218	56.7045	62.400
219	4.263	-	-	-	-	220	57.1523	62.700
221	4.312	-	-	-	-	222	57.5901	63.000
223	4.361	-	-	-	-	224	58.0379	63.300
225	4.410	-	-	-	-	226	58.4857	63.600
227	4.459	-	-	-	-	228	58.9335	63.900
229	4.508	-	-	-	-	230	59.3813	64.200
231	4.557	-	-	-	-	232	59.8291	64.500
233	4.606	-	-	-	-	234	60.2769	64.800
235	4.655	-	-	-	-	236	60.7247	65.100
237	4.704	-	-	-	-	238	61.1725	65.400
239	4.753	-	-	-	-	240	61.6103	65.70

## کلید اولیه دکترای سال 1396

کلید اولیه دکترای سال 1396

به اطلاع داوطلبان شرکت کننده در آزمون دکترای سال 1396 می رساند، در صورت تمایل می توانید حداکثر تا تاریخ 16/12/95 با مراجعه به سیستم پاسخگویی اینترنتی، نسبت به تکمیل فرم «اعتراض به کلید سوالات آزمون» اقدام نمایید، لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط از طریق سامانه پاسخگویی اینترنتی و فرم مذکور دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طرق دیگر و پس از تاریخ اعلام شده، به هیچ عنوان رسیدگی نخواهد شد

عنوان دفترچه	نوع دفترچه	شماره پاسخname	گروه امتحانی
amar	F	1	علوم پایه

شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
1	2	31	3
2	1	32	4
3	1	33	2
4	4	34	3
5	2	35	1
6	4	36	3
7	1	37	2
8	3	38	2
9	3	39	4
10	4	40	3
11	2	41	1
12	3	42	4
13	1	43	1
14	2	44	2
15	3	45	1
16	3		
17	1		
18	4		
19	1		
20	4		
21	4		
22	2		
23	3		
24	4		
25	1		
26	4		
27	1		
28	1		
29	1		
30	4		

خروج