

کد کنترل

307

E

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



307E

صبح جمعه
۱۳۹۶/۱۲/۴

دفترچه شماره (۱)



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمترکز) - سال ۱۳۹۷

رشته مهندسی مکانیک - دینامیک، کنترل و ارتعاشات (کد ۲۳۲۳)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضیات مهندسی - دینامیک پیشرفته - ارتعاشات پیشرفته - کنترل پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جاب، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی انتخاب حلقی و حرفی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای معرفت رفتار می‌شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

- ۱ تابع متناوب f در یک دوره تناوب به صورت $f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x \leq a \\ 2a - x, & a < x < 2a \end{cases}$ تعریف شده است. سری فوریه مثلثاتی این تابع کدام است؟

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \quad (1)$$

$$\frac{a}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left[\frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \right] \quad (2)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4a}{\pi(n-1)} \cos \frac{(2n-1)\pi x}{a} \quad (3)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} \quad (4)$$

- ۲ ضرایب سری فوریه a_n تابع متناوب زیر با دوره تناوب 2π برای n های بسیار بزرگ ($n \rightarrow \infty$) با چه توانی از n متناسب‌اند؟

$$f(x) = \begin{cases} \cos^n x, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$n^{-\frac{1}{2}} \quad (1)$$

$$n^{-\frac{1}{4}} \quad (2)$$

$$n^{-\frac{1}{2}} \quad (3)$$

$$n^{-1} \quad (4)$$

-۳ اگر انتگرال فوریه تابع $f(x)$ به صورت $\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{\omega}{1+\omega^2} \sin \omega x d\omega$ باشد، آنگاه حاصل انتگرال

$$\int_0^\infty (1+x^2) f(x) \sin x dx$$

$\frac{1}{8}$ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۳)

$\frac{3}{8}$ (۴)

-۴ به ازای کدام مجموعه مقادیر از α جواب معادله زیر، شکل نوسانی خواهد داشت؟

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} + \alpha u_t + u = 0 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = 0 & \forall t > 0 \\ u(x, 0) = f(x) & u_t(x, 0) = g(x); 0 < x < 1 \end{cases}$$

$[-\sqrt{1+\pi^2}, \sqrt{1+\pi^2}]$ (۱)

$[-2\sqrt{1+\pi^2}, 2\sqrt{1+\pi^2}]$ (۲)

$(-\infty, 4+4\pi^2)$ (۳)

$(-\infty, 2+2\pi^2)$ (۴)

-۵ با جایگزینی $u(x, y) = w(x, y)e^{-(bx+ay)}$ ، معادله دیفرانسیل با مشتقهای جزئی مرتبه دوم

$$u_{xy} + au_x + bu_y + cu = 0, \text{ به کدام صورت در می‌آید؟}$$

$$e^{-(bx+ay)} w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۱)$$

$$w_{xy} + (c-ab)e^{-(bx+ay)} w = 0 \quad (۲)$$

$$w_{xy} + (c+ab)w = 0 \quad (۳)$$

$$w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۴)$$

برای پاسخ مسئله

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 & 0 < x < \frac{\pi}{\sqrt{2}}, t > 0 \\ u(x, 0) = \sin x, u_t(x, 0) = \cos x & \\ u_x(0, t) = 0, u(\frac{\pi}{\sqrt{2}}, t) = 0 & \end{cases}$$

-۶

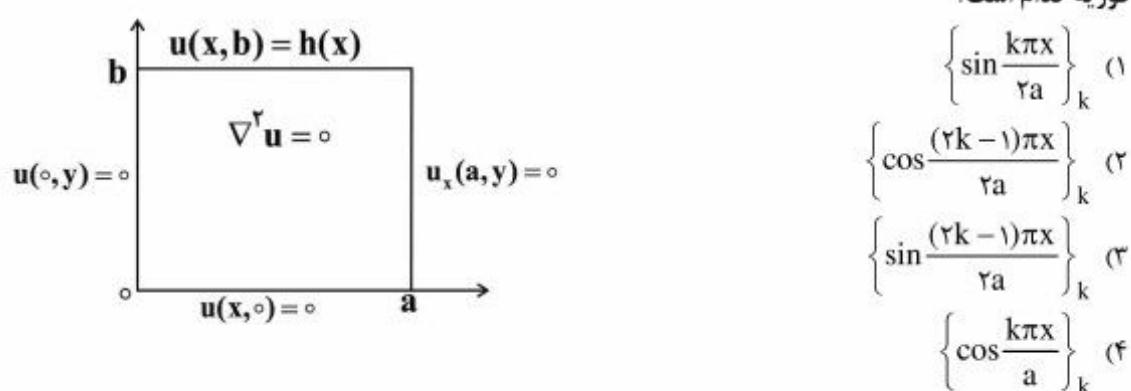
$\sqrt{2}$ (۱)
 $\sqrt{2} + 1$ (۲)
 $2\sqrt{2}$ (۳)
 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

-۷ در میله‌ای به طول $L = \pi$, معادله حرارت با شرایط زیر داده شده است. دمای u در زمان $t = 1$ و مکان $x = \frac{L}{4}$ کدام است؟

$$\begin{cases} u_t = u_{xx} \\ u(0, t) = u(L, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin\left(\frac{\pi}{L}x\right) \end{cases}$$

e^{-t} (۱)
 $\frac{\sqrt{2}}{2}e^{-1}$ (۲)
 $\frac{\sqrt{2}}{2}e^{-\frac{t}{4}}$ (۳)
 e^{-1} (۴)

-۸ در مسئله مقدار مرزی زیر با شرایط داده شده بر مستطیل، پایه متعامد بسط شرط مرزی $h(x)$ به صورت سری فوریه کدام است؟



-۹ می‌دانیم $f(z) = u(x, y) = \alpha_1 x^3 + \alpha_2 x^2 y + \alpha_3 x y^2 + \alpha_4 y^3 + \beta_1 x + \beta_2 y$ یک تابع تام و $\operatorname{Re}[f(z)] = u(x, y)$ است.

در این صورت روابط بین ضرایب α_k و β_k در حالت کلی کدام است؟

$$\beta_2, \beta_1, \alpha_3 = -3\alpha_4, \alpha_2 = -3\alpha_1 \quad (1)$$

$$\alpha_4, \alpha_1 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (2)$$

$$\alpha_2, \alpha_3 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (3)$$

$$\alpha_k \text{ ها صفر، } \beta_2, \beta_1 \text{ دلخواه} \quad (4)$$

-۱۰ مکان هندسی نقاطی از صفحه مختلط که در رابطه $\left| \frac{z-1+i}{2z-2i} \right| = \frac{1}{2}$ صدق می‌کنند، کدام است؟

$$(1) \text{ بیضی} \quad (2) \text{ خط مستقیم} \quad (3) \text{ دایره} \quad (4) \text{ هذلولی}$$

-۱۱ حاصل انتگرال زیر روی مسیر بسته C (دایره به مرکز مبدأ و شعاع واحد)، کدام است؟

$$I = \oint_C \operatorname{Re}\{z\} + i \operatorname{Im}\{z^3\} dz \quad \begin{array}{l} \pi \\ i\pi \\ i\frac{\pi}{2} \\ \frac{\pi}{2} \end{array} \quad (1) \quad (2) \quad (3) \quad (4)$$

-۱۲ فرض کنید تابع مختلط $f(z) = f(x+iy) = u(x, y) + iv(x, y)$ در صفحه مختلط مشتق‌پذیر است و داریم:

$$I = \oint_{|z|=1} \frac{\sin(f(z))}{\sin(z)} dz. \quad u(0, 0) = 0 \quad u(x, y) + v(x, y) = \pi$$

$$2\pi i \sinh(\pi) \quad (1)$$

$$\pi(e^{-\pi} + e^\pi) \quad (2)$$

$$\pi(e^{-\pi} - e^\pi) \quad (3)$$

$$0 \quad (4)$$

-۱۳ اگر C مرز $|z| = 3$ در جهت مثلثاتی باشد، آنگاه مقدار انتگرال $\oint_C \frac{dz}{z^2 \sin z}$ کدام است؟

$$\pi i \quad (1)$$

$$2\pi i \quad (2)$$

$$\frac{\pi i}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\pi i}{3} \quad (4)$$

- ۱۴ - مقدار مانده تابع مختلط $f(z) = \frac{1}{\sin^2(z)} + \frac{1}{1-\cos(z)}$ در نقطه $z=0$, کدام است?

(۱) صفر

(۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{6}$

(۴)

- ۱۵ - سری لوران تابع $f(z) = \frac{\cosh z}{(z+i\pi)^2}$ حول نقطه $-i\pi$, کدام است?

$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+i\pi)^{2n-2}}{(2n)!} \quad (1)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+i\pi)^{2n-2}}{n!} \quad (2)$$

$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+i\pi)^{2n-2}}{n!} \quad (3)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+i\pi)^{2n-2}}{(2n)!} \quad (4)$$

- ۱۶ - جسم صلب دلخواهی در فضا حول مرکز جرمش دوران می‌کند. اگر برایند گشتاورهای وارد بر جسم حول مرکز جرم برابر صفر باشد $\sum M_G = 0$, گزینه نادرست کدام است?

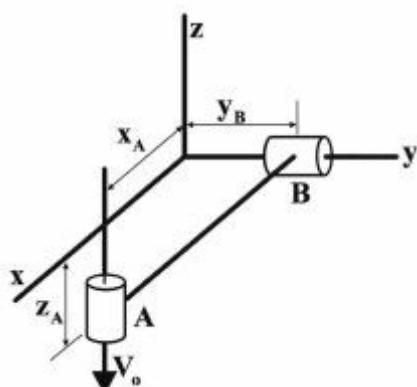
(۱) حاصل ضرب داخلی بردار اندازه حرکت زاویه‌ای جسم در بردار سرعت زاویه‌ای جسم ثابت است.

(۲) اندازه بردار سرعت زاویه‌ای جسم ثابت است ولی جهت آن ممکن است تغییر کند.

(۳) اندازه حرکت زاویه‌ای جسم حول مرکز جرم ثابت است.

(۴) انرژی جنبشی دورانی جسم ثابت است.

- ۱۷ - لغزندۀ A با سرعت ثابت v مطابق شکل زیر، حرکت می‌کند. مقدار سرعت لغزندۀ B، کدام است؟ (میله AB صلب است)



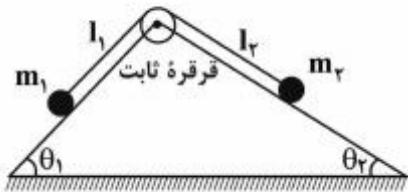
$$2v_0 \frac{y_B}{z_A} \quad (1)$$

$$v_0 \frac{z_A}{y_B} \quad (2)$$

$$2v_0 \quad (3)$$

$$v_0 \quad (4)$$

- ۱۸ هرگاه ۱ مختصات تعیین یافته باشد، نیروی تعیین یافته Q_1 کدام است؟ (جرم‌های کوچک m_1 و m_2 توسط کابلی به طول ثابت ۱ به هم متصل شده‌اند).

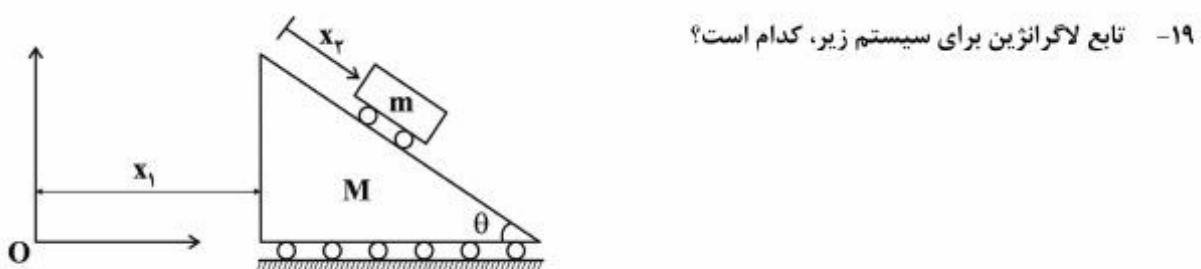


$$m_2 g \sin \theta_1 - m_1 g \sin \theta_2 \quad (1)$$

$$m_1 g \cos \theta_1 + m_2 g \cos \theta_2 \quad (2)$$

$$m_1 g \sin \theta_1 - m_2 g \sin \theta_2 \quad (3)$$

$$m_1 g \cos \theta_1 - m_2 g \cos \theta_2 \quad (4)$$



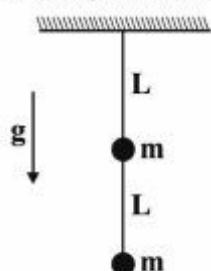
$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 - 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) - mg x_2 \sin \theta \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 - \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 - 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) - mg x_2 \sin \theta \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 \cos^2 \theta) + mg x_2 \sin \theta \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 + 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) + mg x_2 \sin \theta \quad (4)$$

- ۲۰ پاندول زیر، از دو گوی کوچک با جرم‌های مساوی m و یک میلهٔ صلب بدون جرم، به طول $2L$ ساخته شده است. میله می‌تواند آزادانه حول انتهای فوقانی خود بچرخد. پریود نوسان این پاندول کدام است؟ (دامنه نوسان کوچک فرض شود)



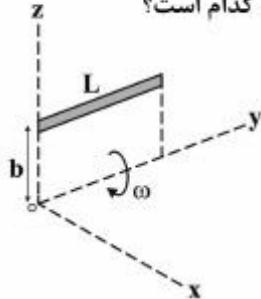
$$2\pi \sqrt{\frac{3g}{5L}} \quad (1)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{3L}{2g}} \quad (2)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{2L}{3g}} \quad (3)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{5L}{3g}} \quad (4)$$

- ۲۱- میله باریک و یکنواخت زیر به جرم m و طول L حول محور y با سرعت زاویه‌ای ω دوران می‌کند. بردار اندازه حرکت زاویه‌ای میله حول مبدأ دستگاه مختصات xyz در موقعیت نشان داده شده، کدام است؟



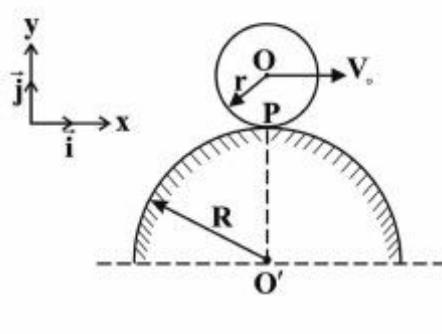
$$mb^2\omega(\hat{j} - \frac{L}{b}\hat{k}) \quad (1)$$

$$mb^2\omega(\hat{j} - \frac{L}{b}\hat{k}) \quad (2)$$

$$mLb\omega\hat{j} \quad (3)$$

$$mb^2\omega\hat{j} \quad (4)$$

- ۲۲- استوانه‌ای به شعاع r روی سطح ثابتی به شعاع R غلت بدون لغزش می‌کند. اگر سرعت مرکز استوانه ثابت و برابر باشد، شتاب نقطه P کدام است؟



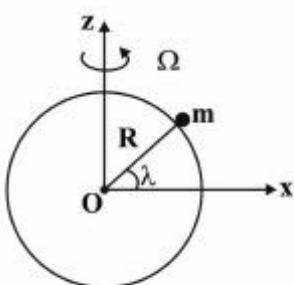
$$-\frac{V_0^2}{R+r}\hat{j} \quad (1)$$

$$\frac{V_0^2}{r}\hat{j} \quad (2)$$

$$\frac{V_0^2 R}{r(R+r)}\hat{j} \quad (3)$$

$$\frac{V_0^2}{R}\hat{j} \quad (4)$$

- ۲۳- جسمی به جرم m بر روی سطح کره زمین در عرض جغرافیایی λ به طور ثابت قرار گرفته است. با فرض وجود ضریب اصطکاک ایستایی μ و سرعت دورانی Ω برای زمین، نیروی اصطکاک وارد بر جسم کدام است؟ g شتاب گرانش بر روی سطح زمین می‌باشد.



$$mR\Omega^2 \sin\lambda \cos\lambda [-\sin\lambda\hat{i} + \cos\lambda\hat{k}] \quad (1)$$

$$\mu m(g - R\Omega^2 \sin\lambda \cos\lambda)\hat{j} \quad (2)$$

$$\mu mg[-\sin\lambda\hat{i} + \cos\lambda\hat{k}] \quad (3)$$

$$\mu mg\hat{j} \quad (4)$$

- ۲۴- مجموعه‌ای شامل N جرم یکسان را در یک محیط بسته و یک بعدی، تحت نیروهای خارجی و میدان‌های القایی قرار داده‌ایم. توزیع اندازه سرعت آنها از تابع $f(v) = ke^{-kv}$ تعیین می‌کند. یعنی، کسری از اجرام که دارای سرعت در بازه v و $v+dv$ می‌باشند، برابر با $f(v)dv$ است. سرعت سریع‌ترین جرم درون محیط کدام است؟

$$\left(\int_0^\infty f(v)dv = 1 \right)$$

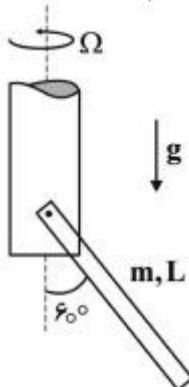
$$\frac{1}{k}e^{kN} \quad (1)$$

$$kN \quad (2)$$

$$\frac{1}{k} \ln(N) \quad (3)$$

$$2kN \quad (4)$$

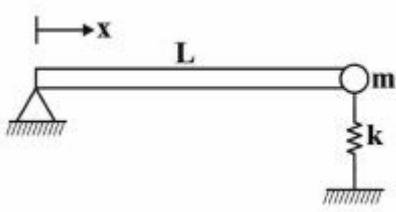
- ۲۵- میله باریک و یکنواخت زیر به طول L به قطعه دواری مفصل شده است. سرعت قطعه دوار، Ω . توسط موتوری ثابت نگه داشته شده است. اگر میله زاویه ثابت 60° درجه را با خط قائم حفظ کند، اندازه Ω کدام است؟



- $$\sqrt{\frac{g}{L}} \quad (1)$$
- $$\sqrt{\frac{2g}{L}} \quad (2)$$
- $$\sqrt{\frac{3g}{L}} \quad (3)$$
- $$\sqrt{\frac{6g}{L}} \quad (4)$$

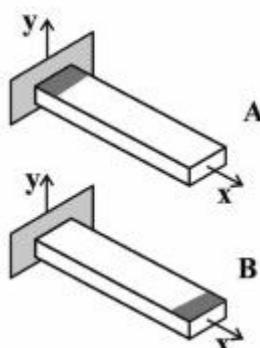
- ۲۶- برای به دست آوردن پاسخ تقریبی تیر زیر، ازتابع آزمایش مرتبه چهار $\phi(x)$ به عنوانتابع مقایسه‌ای برای مجزاسازی با روش گالرکین استفاده می‌شود. مقدار b باید برابر کدام یک باشد؟

$$\phi(x) = bx + dx^4 + x^4$$



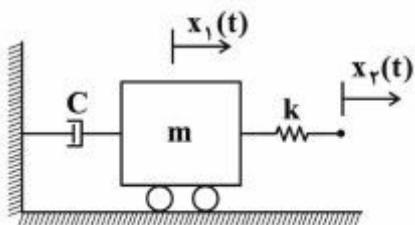
- $$\frac{-12EI}{k - m\omega^2} + L^4 \quad (1)$$
- $$\frac{6EI}{k - m\omega^2} + L^4 \quad (2)$$
- $$\frac{12EI}{k - m\omega^2} + L^4 \quad (3)$$
- $$\frac{-6EI}{k - m\omega^2} + L^4 \quad (4)$$

- ۲۷- دو تیر یکسر گیردار زیر کاملاً یکسان هستند، بنابراین فرکانس طبیعی آنها نیز یکسان است. در تیر A لبه نزدیک تکیه‌گاه کمی سائیده می‌شود. در تیر B همان میزان سایش در لبه آزاد تیر انجام می‌شود. در این مورد، ترتیب صحیح کدام است؟



- (۱) فرکانس طبیعی از ویژگی‌های یک تیر است و با سایش جرم آن تغییر نمی‌کند.
- (۲) فرکانس طبیعی تیرها برابر و بیش از فرکانس طبیعی اولیه می‌شود.
- (۳) فرکانس طبیعی تیر B از تیر A بیشتر می‌شود.
- (۴) فرکانس طبیعی تیر A از تیر B بیشتر می‌شود.

- ۲۸ - نسبت دامنه خروجی به دامنه ورودی سیستم یک درجه آزادی نشان داده شده $\frac{X_1}{X_2}$ در شکل زیر کدام است؟



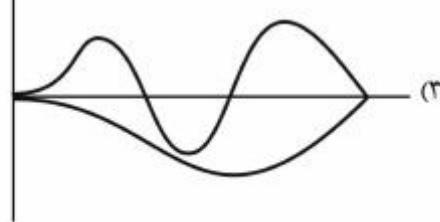
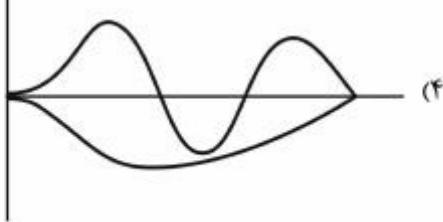
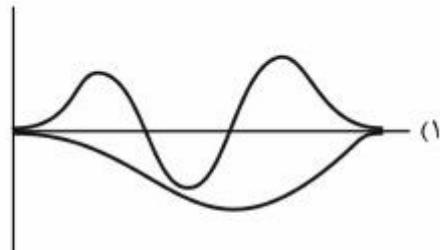
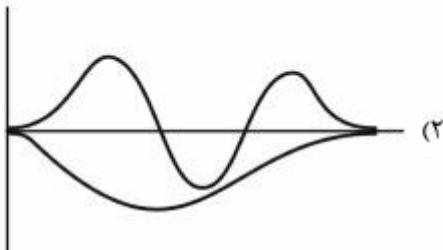
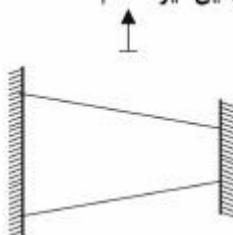
$$r^{\gamma} \sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2} \quad (1)$$

$$\frac{r^{\gamma}}{\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2}} \quad (2)$$

$$\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2}} \quad (4)$$

- ۲۹ - تیر زیر با مقطع دایره‌ای در دو انتهای ثابت بوده و دارای ارتعاش جانبی است. فرم صحیح مودهای این تیر، کدام است؟



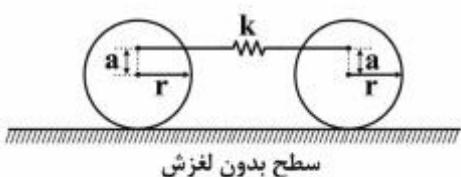
- ۳۰ - در سیستم ارتعاشی زیر، دیسک‌ها یکسان هستند. با افزایش پارامتر a از صفر تا r ، چه تغییری در فرکانس‌های طبیعی سیستم به وجود می‌آید؟ تماس دیسک‌ها با سطح، بدون لغزش فرض شود.

(۱) یک فرکانس تغییر نمی‌کند و فرکانس دیگر دو برابر می‌شود.

(۲) یک فرکانس تغییر نمی‌کند و فرکانس دیگر نصف می‌شود.

(۳) هر دو فرکانس طبیعی ثابت می‌مانند.

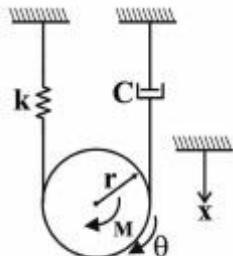
(۴) هر دو فرکانس طبیعی چهار برابر می‌شوند.



- ۳۱ - برای به دست آوردن معادلات حرکت سیستم ارتعاشی زیر، از روش لاغرانژ یعنی:

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial T}{\partial \dot{q}_i} - \frac{\partial T}{\partial q_i} + \frac{\partial V}{\partial q_i} = Q_i$$

در صورتی که $Q_2, Q_1 = 0$ باشد، Q_2, Q_1 چه مقادیری هستند؟



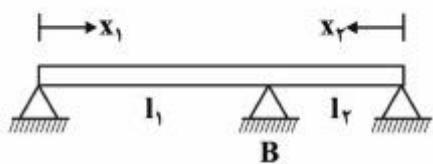
$$Q_2 = -Cr\dot{\theta} + M \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) + \frac{M}{r} \quad (1)$$

$$Q_2 = M - Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad (2)$$

$$Q_2 = M + Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) + M \quad (3)$$

$$Q_2 = -Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) + M \quad , \quad Q_1 = 0 \quad (4)$$

- ۳۲ - در تیر زیر، شرایط مرزی در تکیه‌گاه B، کدام است؟



$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial^r w_1(l_1, t)}{\partial x_1^r} = \frac{\partial^r w_2(l_2, t)}{\partial x_2^r} \quad (1)$$

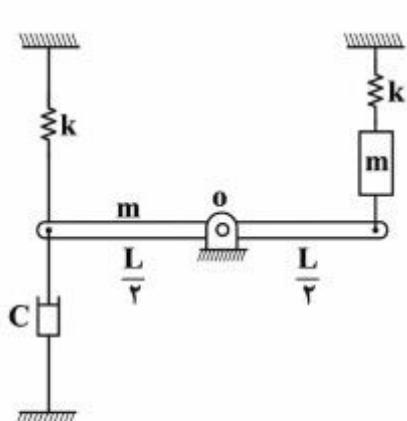
$$\frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = \frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2}, \quad \frac{\partial^r w_1(l_1, t)}{\partial x_1^r} = \frac{\partial^r w_2(l_2, t)}{\partial x_2^r} \quad (2)$$

$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = \frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2} \quad (3)$$

$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = -\frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2} \quad (4)$$

- ۳۳ - میله سیستم مکانیکی زیر، صلب، به جرم m و در نقطه O لولا شده است. ضریب میرایی C که سیستم را در

$$I_o = \frac{1}{12} m L^2 \quad , \quad \text{شرط میرایی بحرانی قرار می‌دهد، کدام است؟} \quad (1)$$



$$\sqrt{km} \quad (1)$$

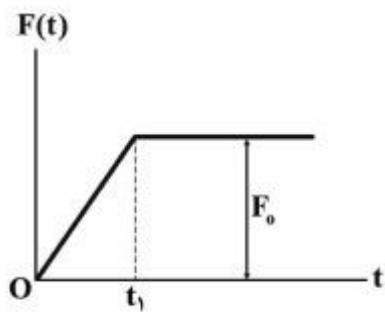
$$\sqrt{\frac{32}{3}} km \quad (2)$$

$$\sqrt{32} km \quad (3)$$

$$\sqrt{2} km \quad (4)$$

۳۴- یک سیستم جرم - فنر تحت اثر نیروی $F(t)$ قرار گرفته است. اگر شرایط اولیه صفر فرض شود، مقدار بیشینه

$$\text{کدام خواهد بود؟} \left(\frac{X_K}{F_0} \right)$$



$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{\frac{1}{2}(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (1)$$

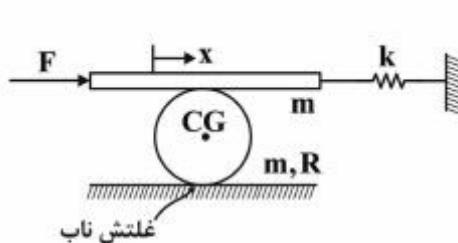
$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (2)$$

$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{2(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (3)$$

$$1 + \frac{1}{2\omega_n t_1} \sqrt{(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (4)$$

۳۵- اگر جرم افقی m روی غلتک زیر به جرم m و شعاع R . غلتش ناب داشته باشد، دامنه ارتعاش پایدار $x(t)$ جرم

$$\text{افقی در اثر نیروی تحریک هارمونیک } F = F_0 \sin \omega t, \text{ کدام است؟} \quad I_{CG} = \frac{1}{2} m R^2 \quad (I_{CG} \text{ غلتک})$$



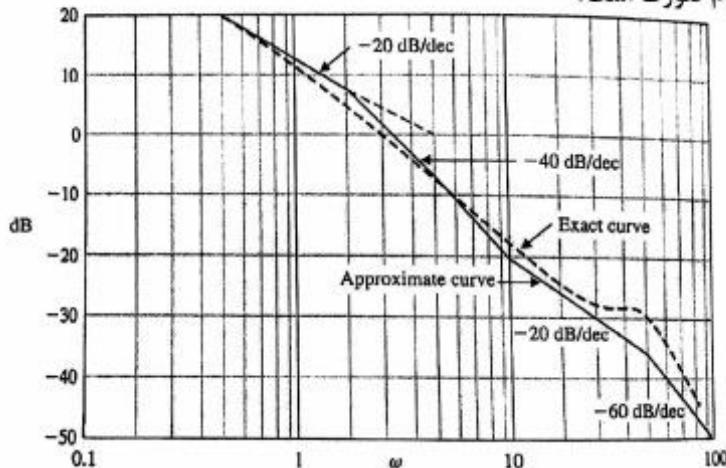
$$\frac{F_0}{k - m\omega^2} \quad (1)$$

$$\frac{F_0}{k - 2m\omega^2} \quad (2)$$

$$\frac{\lambda F_0}{\lambda k - 4m\omega^2} \quad (3)$$

$$\frac{\lambda F_0}{\lambda k - 11m\omega^2} \quad (4)$$

- ۳۶- بخش اندازه از دیاگرام بود (Bode) یک سیستم پایدار و غیرحداقل فاز (Non-Minimum Phase) به شکل زیر است.تابع تبدیل این سیستم به کدام صورت است؟



$$G(s) = \frac{\Delta(\zeta/s + 1)}{s(\zeta/\Delta s + 1)(\zeta \times 10^{-\zeta} s^\zeta + \zeta \times \Delta \times \zeta s + 1)} \quad (1)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1/s - 1)}{s(\zeta s + 1)(2\Delta \times 10^{-\zeta} s^\zeta + \zeta \times \Delta \times s + 1)} \quad (2)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1/s - 1)}{s(\zeta/\Delta s + 1)(\zeta \times 10^{-\zeta} s^\zeta + \zeta \times \Delta \times \zeta s + 1)} \quad (3)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1/s - 1)}{s(2s - 1)(2\Delta \times 10^{-\zeta} s^\zeta + \zeta \times \Delta \times s + 1)} \quad (4)$$

- ۳۷- معادلات حالت یک سیستم پیوسته خطی به شکل زیر است.تابع تبدیل سیستم کدام است؟

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)$$

$$y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

$$A = \begin{bmatrix} -\zeta & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\zeta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\zeta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} \Delta \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = [1 \ 1 \ 1 \ 0], \quad D = 0$$

$$G(s) = \frac{\Delta s + 1}{s^\zeta + \zeta s + 1} \quad (5)$$

$$G(s) = \frac{s + \zeta}{s^\zeta + 1 \Delta s^\zeta + \zeta s + 1} \quad (6)$$

$$G(s) = \frac{\Delta s + 1}{s^\zeta + 1 \Delta s^\zeta + \zeta s + 1} \quad (7)$$

$$G(s) = \frac{s + \zeta}{s^\zeta + \zeta s + 1} \quad (8)$$

- ۳۸ در سیستم زیر x_1 و x_2 هر کدام متغیرهای حالت n بعدی هستند که شرایط اولیه آنها x_{10} و x_{20} است. A_1 و A_2 ماتریس‌های مربع $n \times n$ هستند و حل x_1 و x_2 عبارت است از:

$$x_1(t) = e^{A_1 t} x_{10} \quad \text{و} \quad x_2(t) = e^{A_2 t} x_{20}$$

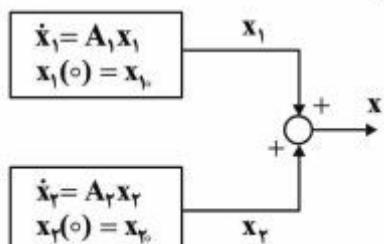
با توجه به موارد فوق در مورد امکان جایگزینی این سیستم با سیستمی که در آن $\dot{x} = Ax$ که در آن $x(0) = x_{10} + x_{20}$ گزینه صحیح کدام است؟

(۱) با توجه به ساختار سیستم خطی جایگزینی پیشنهادی همواره صحیح است.

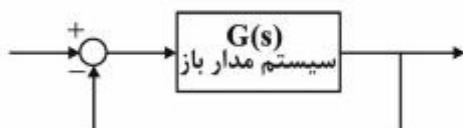
(۲) فقط وقتی صحیح است که مقادیر ویژه A_1 و A_2 برابر باشند.

(۳) در فضای برداری n بعدی این جایگزینی صحیح نیست.

(۴) تنها اگر $A_1 A_2 = A_2 A_1$ باشد، صحیح است.



- ۳۹ در سیستم زیر،تابع تبدیل مدار باز ($G(s)$) است که در مدار بسته قرار گرفته است. در مورد قطب‌ها (poles) و صفرهای (zeros) سیستم‌های مدار باز و مدار بسته، کدام گزینه درست است؟



(۱) صفرهای مدار بسته همان صفرهای مدار باز هستند.

(۲) قطب‌های مدار بسته همان قطب‌های مدار باز هستند.

(۳) صفرها و قطب‌های مدار بسته با صفرها و قطب‌های مدار باز متفاوتند.

(۴) بعضی از قطب‌های مدار باز ممکن است با قطب‌های مدار بسته برابر باشند.

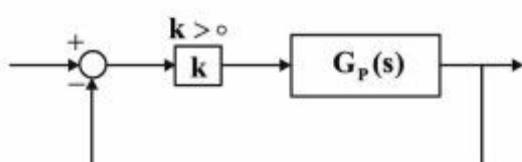
- ۴۰ در سیستم مدار بسته زیر که در آن $G_p(s) = \frac{s^3(1+b)s+b}{s^4+9/5s^3+28/5s^2+27s}$ است؛ به ازای کدام مقادیر پارامتر b ، سیستم مدار بسته به ازای همه مقادیر $k > 0$ ، پایدار مجانبی (کاملاً پایدار) است؟

$$4 < b < 11/5 \quad (1)$$

$$0 < b < 8/5 \quad (2)$$

$$1 < b < 21/5 \quad (3)$$

$$2 < b < 17/5 \quad (4)$$



- ۴۱ برای سیستم خطی با معادلات حالت زیر در حالتی که در آن $u = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ است، رفتار سیستم محاسبه شده و به صورت $y(t) = 2e^{-\Delta t}$ درآمده است. در مورد مشاهده‌پذیری و کنترل‌پذیری سیستم، گزینه‌های صحیح کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

- (۱) کنترل‌پذیر و مشاهده‌پذیر است.
 (۲) نه کنترل‌پذیر و نه مشاهده‌پذیر است.
 (۳) کنترل‌پذیر است ولی مشاهده‌پذیر نیست.
 (۴) کنترل‌پذیر است ولی در مورد مشاهده‌پذیری نمی‌توان نظر داد.

- ۴۲ برای سیستم زیر با شرایط اولیه $x_2(0) = 2$ ، $x_1(0) = 2$ و ورودی پله واحد، مقادیر نهایی متغیرهای حالت، کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; D = 0$$

$$x_1 = x_2 = \frac{1}{2} \quad (1)$$

$$x_1 = x_2 = -\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$x_1 = x_2 \rightarrow \infty \quad (3)$$

$$x_1 = x_2 = 0 \quad (4)$$

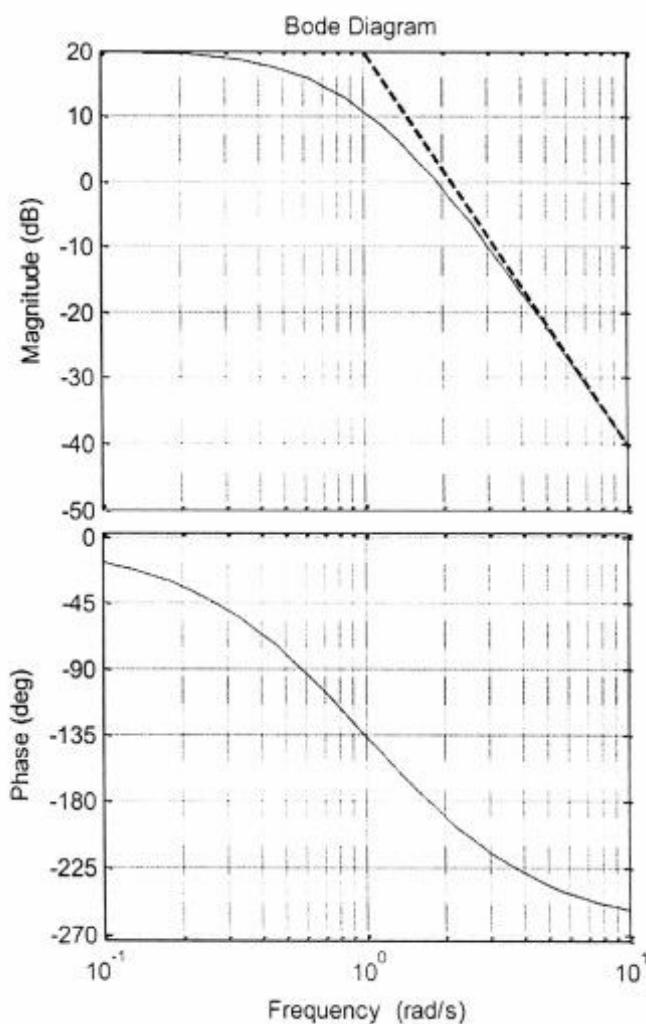
۴۳- دیاگرام بود سیستم مدار بازی، بدون در نظر گرفتن بهره، به صورت زیر است. بهره سیستم مدار باز چقدر باشد تا حد بهره سیستم مدار بسته حدود ۸ دسیبل شود؟

$$kp = ۰/۳۲ \quad (۱)$$

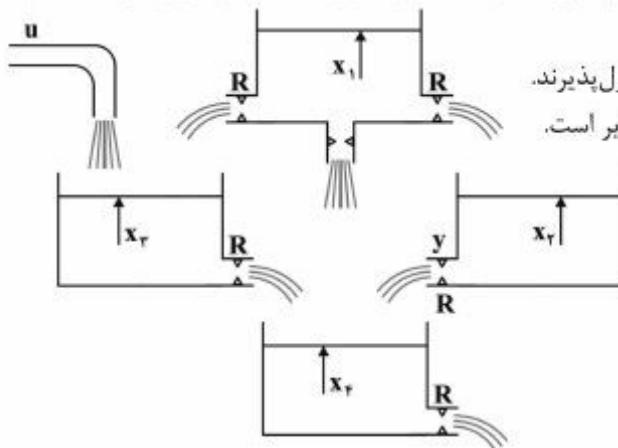
$$kp = ۳ \quad (۲)$$

$$kp = ۱۰ \quad (۳)$$

(۴) با هیچ بهره‌ای پاسخ درست حاصل نمی‌شود.



۴۴- سیستم زیر، شامل ۴ مخزن مایع به ارتفاع x_1 تا x_4 با سطح مقطع‌های یکسان بوده و مقاومت شیرهای خروجی همه مساوی R ، نمایش یک سیستم خطی است. ورودی به این سیستم دبی u است که به ظرف سوم وارد می‌شود و خروجی y دبی خارج شده از ظرف دوم است. کدام پاسخ در مورد کنترل پذیری و مشاهده‌پذیری این سیستم صحیح است؟



(۱) x_1, x_2, x_3 و x_4 مشاهده‌پذیرند و x_1, x_3, x_4 کنترل‌پذیرند.

(۲) x_1, x_2, x_3 و x_4 مشاهده‌پذیرند و x_2 کنترل‌پذیر است.

(۳) فقط x_2 مشاهده‌پذیر و x_3 کنترل‌پذیر است.

(۴) x_1 و x_2 مشاهده‌پذیرند و x_3 و x_4 کنترل‌پذیرند.

۴۵- معادلات حالت سیستم خطی رسته ۴ و ماتریس‌های A , B و C مربوط به آن داده شده است. پاسخ صحیح در مورد تابع تبدیل بین ورودی و خروجی در میدان لاپلاس، کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 & 0 \\ 1/\Delta & -3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -4 & 0 \\ 0 & 2/\Delta & 2 & -1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{(s+2)(s+3)(s+4)(s+1)} \quad (1)$$

$$\frac{s+2/\Delta}{(s+1)(s+2)(s+3)(s+4)} \quad (2)$$

$$\frac{(s+1/\Delta)(s+2/\Delta)}{(s+2)(s+3)(s+1)} \quad (3)$$

$$\frac{4}{s+3} \quad (4)$$

کلید اولیه آزمون دکترای سال 1397

کلید اولیه آزمون دکترای سال 1397

به اطلاع داوطلبان شرکت کننده در آزمون دکتری سال 1397 می‌رساند، این کلید اولیه غیر قابل استناد است و بس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران، کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد. در صورت تمایل می‌توانید حداکثر تا تاریخ 15/12/1396 با مراجعه به سیستم پاسخگویی اینترنتی به نشانی request.sanjesh.org و تکمیل فرم اعتراض به کلید سوالات آزمون دکتری سال 1397 اقدام نمایید.
لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط از طریق اینترنت دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر رسیدگی نخواهد شد.

عنوان دفترچه	نوع دفترچه	شماره باختمامه	گروه امتحانی
مهندسی مکانیک - دینامیک کنترل و ارتعاشات	E	1	فنی و مهندسی

کزینه صحیح	شماره سوال	کزینه صحیح	شماره سوال
3	1	2	31
2	2	4	32
3	3	2	33
2	4	3	34
4	5	4	35
4	6	3	36
1	7	2	37
3	8	4	38
1	9	1	39
2	10	2	40
2	11	3	41
3	12	1	42
4	13	1	43
1	14	4	44
1	15	4	45
2	16		
2	17		
3	18		
4	19		
4	20		
1	21		
3	22		
1	23		
3	24		
3	25		
3	26		
3	27		
4	28		
1	29		
1	30		

خروج