

310

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



310F

صبح جمعه  
۱۳۹۵/۱۲/۶  
دفترچه شماره (۱)



جمهوری اسلام ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام خمینی (ره)»

**آزمون ورودی  
دوره دکتری (نیمه‌تمترکز) داخل – سال ۱۳۹۶**

**رشته امتحانی مهندسی هوا و فضا – سازه‌های هوایی (کد ۲۳۳۳)**

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس شخصی (ریاضیات مهندسی – طراحی پیشرفته سازه‌های هوافضایی – تحلیل پیشرفته سازه‌های هوافضایی)	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفي دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه – سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تعامل اشخاص حليبي و حقوقی تنها با مجوز اين سازمان مجاز مي باشد و با متخلفين برابر عقوبات رفتار مي شود.

ریاضیات مهندسی:

$$-\pi < x < \pi \quad |x| = \frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos((2n-1)x)}{(2n-1)^2} \quad \text{و} \quad -\pi < x < \pi \quad x = -2 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} \sin(nx) \quad \text{با فرض اینکه} \quad -1$$

$$f(x) = \begin{cases} x, & 0 < x < \pi \\ 0, & -\pi < x \leq 0 \end{cases} \quad \text{آنگاه سری فوریه مثلثاتی تابع} \quad \text{کدام است؟}$$

$$f(x) = \frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos((2k-1)x) - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx) \quad (1)$$

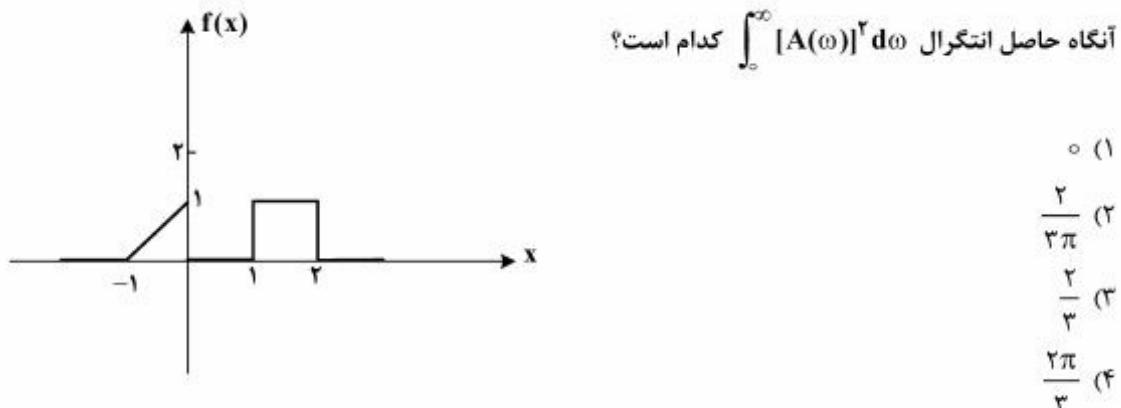
$$f(x) = \frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos((2k-1)x) + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx) \quad (2)$$

$$f(x) = \frac{\pi}{2} + \frac{1}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos((2k-1)x) - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx) \quad (3)$$

$$f(x) = \frac{\pi}{2} + \frac{1}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(2k-1)^2} \cos((2k-1)x) + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} (-1)^k \sin(kx) \quad (4)$$

برای تابع نشان داده شده در شکل، چنانچه نمایش انتگرال فوریه آن را به صورت زیر در نظر بگیرید:

$$f(x) = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty [A(\omega) \cos \omega x + B(\omega) \sin \omega x] d\omega$$



$$I = \int_0^\infty f(x) \sin^2 x dx \quad \text{آنگاه} \quad f(x) = \int_0^\infty \frac{\pi \omega}{1+\omega^2} \sin \omega x d\omega \quad \text{اگر} \quad -3$$

$$\frac{3\pi}{10} \quad (1)$$

$$\frac{3\pi}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5\pi}{12} \quad (3)$$

$$\frac{8\pi}{25} \quad (4)$$

-۴ معادله دیفرانسیل با مشتقهای جزئی  $u_{xx} + u_{yy} + u_y - u = 0$  در داخل مستطیل  $a < x < b$  و  $0 < y < 1$  به همراه شرایط مرزی  $u(x, 0) = 0$  و  $u(a, y) = u(b, y) = 0$  داده شده است. اگر برای این مستعلمه

$$u_k(x, y) = \sum_{k=1}^{\infty} c_k u_k(x, y) \quad \text{کدام است؟}$$

$$(e^{ry} - e^{-ry}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b+a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1+4(1+\alpha_k^2)}}{2} \quad (1)$$

$$(e^{ry} - e^{-ry}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{2+\alpha_k^2}}{2} \quad (2)$$

$$(e^{ry} - e^{-ry}) \sin \alpha_k (b+x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1+4(1+\alpha_k^2)}}{2} \quad (3)$$

$$(e^{ry} - e^{-ry}) \sin \alpha_k (b-x), \alpha_k = \frac{k\pi}{b-a}, r = \frac{-1 \pm \sqrt{1+4(1+\alpha_k^2)}}{2} \quad (4)$$

-۵ برای حل مستعلمه مقدار مرزی غیرهمگن داده شده با شرایط اولیه و مرزی همگن به صورت زیر:

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + (1-x)\sin t = \frac{\partial u}{\partial t}, & 0 < x < 1, \quad t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = u(x, 0) = 0, & 0 < x < 1, \quad t > 0 \end{cases}$$

می‌توان از بسط فوریه به صورت زیر استفاده نمود.

$$u(x, t) = \sum_{n=1}^{\infty} U_n(t) \sin(n\pi x), \quad F(x, t) = (1-x)\sin t = \sum_{n=1}^{\infty} F_n(t) \sin(n\pi x)$$

کدام‌یک از عبارت‌های زیر صحیح است؟

$$U'_n(t) - n^2\pi^2 U_n(t) = \frac{\sin t}{n\pi}, \quad F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (1)$$

$$U'_n(t) - n^2\pi^2 U_n(t) = \frac{\pi \sin t}{n\pi}, \quad F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (2)$$

$$U'_n(t) + n^2\pi^2 U_n(t) = \frac{\pi \sin t}{n\pi}, \quad F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (3)$$

$$U'_n(t) + n^2\pi^2 U_n(t) = \frac{\sin t}{n\pi}, \quad F_n(t) = \frac{1}{n\pi} \sin t \quad (4)$$

-۶ مسئله مقدار اولیه  $y(x,0) = e^{-|x|}$ ,  $\frac{\partial y}{\partial t}(x,0) = 0$  با شرایط اولیه  $t > 0$ ,  $-\infty < x < \infty$ ,  $\frac{\partial^r y}{\partial t^r} = e^t \frac{\partial^r y}{\partial x^r}$  با

فرض آن که پاسخ مسئله به شکل  $y(x,t) = \int_0^\infty [a(\omega) \cos(\omega x) + b(\omega) \sin(\omega x)] \cdot \cos(\omega c t) d\omega$  باشد. آنگاه  $a(\omega)$  و  $b(\omega)$  کدام است؟

$$b(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, \quad a(\omega) = 0 \quad (1)$$

$$a(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, \quad b(\omega) = 0 \quad (2)$$

$$a(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, \quad b(\omega) = 0 \quad (3)$$

$$b(\omega) = \frac{1}{\pi(1+\omega^2)}, \quad a(\omega) = 0 \quad (4)$$

-۷ به ازای کدام ثابت‌های  $\gamma$ , معادله دیفرانسیل با مشتق‌ات جزئی  $\gamma w + \gamma w = 0$  دارای جواب کراندار غیر صفر

به صورت  $w(x,y) = F(x)G(y)$ , در تمام ربع اول صفحه  $xy$  می‌باشد؟

$$\gamma > 0 \quad (1) \quad \gamma < 0 \quad (2)$$

$$(3) \text{ مسئله جواب ندارد} \quad \forall \gamma \in \mathbb{R} \quad (4)$$

-۸ اگر  $z = x + iy$  عدد مختلط باشد, آنگاه  $\operatorname{Im}(\frac{z}{\pi} \cdot \cosh z)$  (قسمت موهومی) کدام است?

$$\frac{x}{\pi} \cosh x \cos y - \frac{y}{\pi} \sinh x \sin y \quad (1)$$

$$\frac{x}{\pi} \sinh x \sin y + \frac{y}{\pi} \cosh x \cos y \quad (2)$$

$$\frac{x}{\pi} \sinh x \cos y + \frac{y}{\pi} \cosh x \sin y \quad (3)$$

$$-\frac{x}{\pi} \sinh x \sin y + \frac{y}{\pi} \cosh x \cos y \quad (4)$$

-۹ اگر  $\operatorname{Im}(\operatorname{Log} \frac{z-1}{z+1}) = c$  (قسمت موهومی) و  $c$  ثابت و مخالف صفر باشد, آنگاه بیان این معادله بر حسب  $x$  و  $y$  کدام است؟

$$x^r + (y - \cot c)^r = 1 \quad (1)$$

$$x^r + (y - \tan c)^r = \frac{1}{\cos^r c} \quad (2)$$

$$x^r + (y - \cot c)^r = \frac{1}{\sin^r c} \quad (3)$$

$$x^r + (y - \tan c)^r = \tan^r c \quad (4)$$

- ۱۰- حداقل مقدار  $|e^{3z-i}|$  در ناحیه  $|z| \leq \frac{1}{\epsilon}$  کدام است؟

- (۱) ۱  
(۲)  $e^r$   
(۳)  $e^{\frac{3}{r}}$   
(۴)  $\frac{3}{e^r}$

طراحی پیشرفته سازه‌های هوافضایی:

- ۱۱- تقویت کننده‌ای به وسیله پرج به ورقی متصل می‌شود. در صورت استفاده از یک خط عمود پرج، عرض موثر پوسته  $W$  خواهد بود. چنانچه از دو خط پرج با فاصله  $e$  استفاده شود و  $\frac{W}{2} < e < W$  باشد، عرض موثر در اتصال

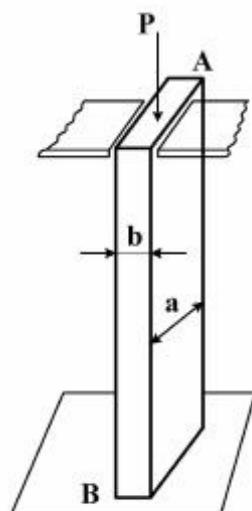
- با دو خط پرج چقدر است؟  
(۱)  $2W$   
(۲)  $w + e$   
(۳)  $2w + e$   
(۴)  $2w - e$

- ۱۲- در کمانش کلی تیرها، کدام جمله در مورد استفاده از رابطه جانسون - اویلر (Johnson-Euler) نادرست است؟

- (۱) تنش کمانشی بیشتر از رابطه اویلر را نتیجه می‌دهد.  
(۲) برای تیرهای با نسبت لاغری خیلی کم مناسب است.  
(۳) اگر تنش کمانش از نصف تنش تسلیم بالاتر باشد به کار می‌رود.

(۴) در تیرهای خیلی کوتاه، این رابطه تنش کمانشی همانند تنش کمانش کربپلینگ نتیجه می‌دهد.

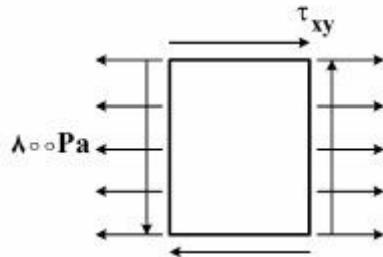
- ۱۳- ستون AB با مقطع یکنواخت مستطیلی به ابعاد  $a \times b$  به صورت زیر، در انتهای A توسط تیرهای افقی نازک مقید شده و در انتهای B، ثابت می‌باشد. نسبت  $\frac{b}{a}$  برای طراحی بهینه این تیر چقدر است؟



- (۱)  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$   
(۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$   
(۳)  $2\sqrt{2}$   
(۴)  $\sqrt{2}$

- ۱۴- شکل زیر، تنش‌های وارد بر یک المان را نشان می‌دهد. اگر تنش اصلی کششی برابر با  $1200 \text{ Pa}$  باشد، تنش

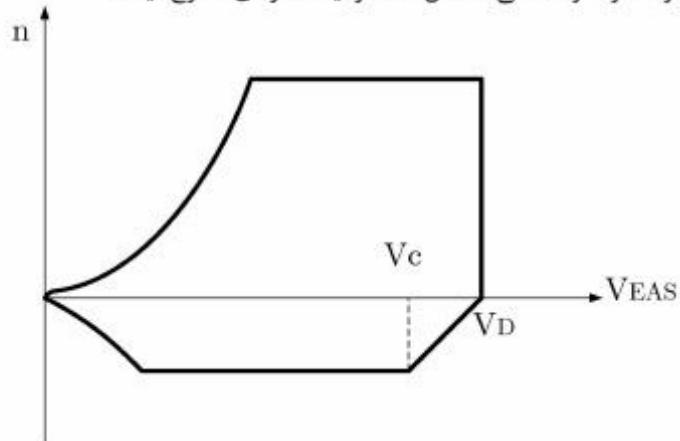
برشی ماکزیمم چند Pa است؟



- ۱) ۴۰۰
- ۲) ۶۰۰
- ۳) ۸۰۰
- ۴) ۱۲۰۰

- ۱۵- مطابق دیاگرام v-n مانور متقارن یک هواپیما که در شکل زیر نشان داده شده است، کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) خلبان در پرواز افقی (level flight) می‌تواند سرعت را تا نزدیکی صفر کاهش دهد.
- ۲) پرواز با ماکزیمم شتاب مانور مثبت در سرعت کروز، حالت پحرانی برای سازه نیست.
- ۳) پرواز با شتاب مانور منفی در سرعت کروز باعث تخریب سازه نمی‌شود.
- ۴) در هیچ نقطه از خطوط واماندگی (استال) محدودیت سازه‌ای مطرح نیست.

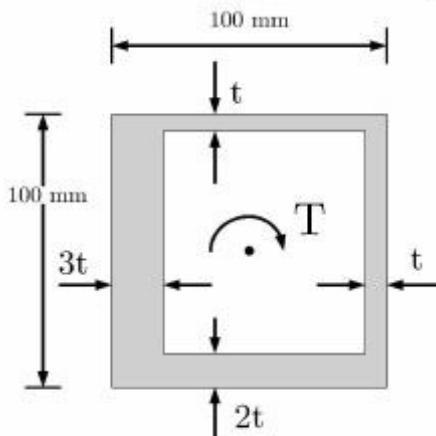


- ۱۶- تنش کریپلینگ تقویت کننده‌ای به شکل زیر چند ksi است؟

عضو	طول عضو b(in)	ضخامت t(in)	تش کریپلینگ $F_{cen}(\text{ksi})$
۱	۱	$0.01$	۵
۲	۱	$0.02$	۱۱
۳	۱	$0.01$	۵

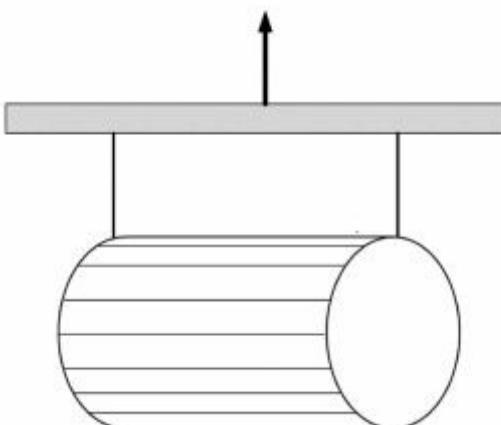


- ۱۷- کدام یک از موارد زیر جزء وظایف ریب‌های موجود در سازه بال نمی‌باشد؟
- (۱) انتقال بار آیرودینامیکی از پوسته به اسپارها
  - (۲) تعویق کمانش فلنج‌ها
  - (۳) تقویت کمانش پوسته
  - (۴) افزایش مقاومت خمشی بال در تسليمه
- ۱۸- کدام یک از موارد زیر مزایای آلیاژ تیتانیوم Ti-6Al-4V نسبت به Al7075 نمی‌باشد؟
- (۱) برای لبه حمله هوایی‌های جنگنده مناسب‌تر است.
  - (۲) مقاومت به حرارت بالاتر دارد.
  - (۳) استحکام بالاتر دارد.
  - (۴) چگالی کمتری دارد.
- ۱۹- مقطع مربعی جدار نازک زیر را در نظر بگیرید. اگر بیشترین تنش برشی مجاز ناشی از پیچش  $T$  در این مقطع، برابر با  $\tau_{\max} = 100 \text{ MPa}$  باشد، حداقل مقدار  $t$  برای تحمل لنگر پیچشی  $T = 40 \text{ kN.m}$  چند mm است؟



۱۰ (۱)  
۲۰ (۲)  
۲۵ (۳)  
۴۰ (۴)

- ۲۰- قسمتی از بدنه هواپیما که استوانه تقویت شده‌ای به طول  $l$  و قطر  $D$  و جرم بر واحد طول  $\rho$  است با جرثقیلی مطابق شکل بلند می‌شود، اگر ضریب بار حدی در راستای عمود، ۲ باشد بیشترین گشتاوری که بدنه باید تحمل کند چقدر است؟ توزیع جرم را یکنواخت فرض کنید.



$\rho g D l$  (۱)  
 $\frac{\rho l D g}{2}$  (۲)  
 $\frac{\rho g D^2}{2}$  (۳)  
 $\frac{\rho l^2 g}{4}$  (۴)

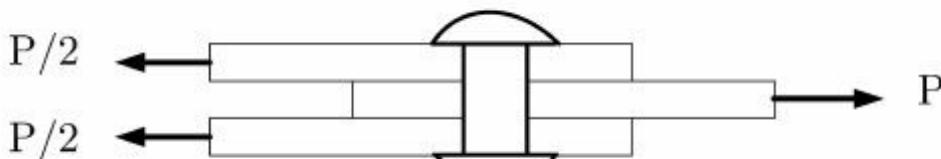
- ۲۱- حامل ماهواره‌ای در لحظه‌ای از پرواز در حالت عمودی به خاطر نیروهای ایروودینامیکی شتاب جانبی  $\frac{m}{s^2} 10$  بیدا می‌کند. پرنده دارای پایداری استاتیکی با حاشیه پایداری ده درصد طول می‌باشد. توزیع جرم یکنواخت و محل اعمال نیروهای کنترلی انتقالی پرنده است. برای رسیدن به شتاب دورانی صفر، کمیت نیروی کنترلی چقدر است؟ (m) کدام کل پرنده است?

- (۱)  $\frac{5}{3} m$   
 (۲)  $2m$   
 (۳)  $2.5m$   
 (۴)  $10m$

- ۲۲- کدام عبارت نادرست است؟

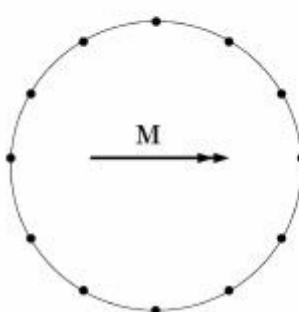
- (۱) مرکز برش مقاطع بسته لزوماً در داخل مقطع قرار نمی‌گیرد.  
 (۲) محل تار خنثی در یک تیر ممکن است با تغییر بارگذاری تغییر کند.  
 (۳) مدل ساده‌سازی شده یک مقطع بال با عوض شدن بارگذاری احتیاج به اصلاح دارد.  
 (۴) پوسته بال هواپیما (semi-monocoque) در تحمل گشتاور خمشی روی بال تأثیری ندارد.  
 کدام گزینه در مورد تقویت‌های طولی پوسته بال هواپیما تراویری صحیح است؟

- ۲۳- (۱) معیار طراحی تقویت کننده‌ها، تنش تسلیم است.  
 (۲) برای رسیدن به استحکام تسلیم بالاتر در پوسته پایینی اولویت با تقویت Z شکل است.  
 (۳) اگر سطح مقطع تقویت Z شکل با تقویت L برابر باشد فرقی نمی‌کند از کدام استفاده شود.  
 (۴) در پوسته بالایی از تقویت‌های Z شکل استفاده می‌شود تا مقاومت در برابر کمانش بالاتر رود.
- ۲۴- در اتصال پرچی زیر، نسبت ضرب اطمینان در لهیدگی ورق به ضرب اطمینان برش پرج چقدر است؟ حد تحمل تنش لهیدگی ورق را چهار برابر حد تحمل تنش برشی پرج در نظر بگیرید. قطر پرج D و ضخامت همه ورق‌ها t است.



- (۱)  $\frac{16t}{\pi D}$   
 (۲)  $\frac{8t}{\pi D}$   
 (۳)  $\frac{4t}{\pi D}$   
 (۴)  $\frac{2t}{\pi D}$

- ۲۵- در یک پوسته استوانه‌ای با مقطع دایروی با تقویت طولی با فواصل یکسان که تحت گشتاور خمشی حول محور افقی قرار دارد، کدام گزینه در طراحی فرض نادرست است؟



- (۱) پوسته تنش‌های کششی را تحمل نمی‌کند.  
 (۲) بعد از کمانش پوسته تار خنثی بالاتر از مرکز هندسی است.  
 (۳) تقویت‌ها نیروی برشی تحمل نمی‌کنند.

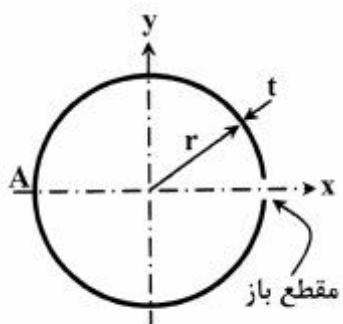
- (۴) کمترین عرض موثر پوسته، مربوط به دورترین تقویت از تار خنثی است.

-۲۶- در مورد اتصال تقویت کننده به پوسته به وسیله پرج کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) افزایش تعداد خط پرج تأثیری در عرض مؤثر پوسته ندارد.
- (۲) با افزایش ضخامت پوسته، عرض مؤثر پوسته بیشتر می‌شود.
- (۳) با افزایش مدول یانگ پوسته، عرض مؤثر پوسته بیشتر می‌شود.
- (۴) با افزایش عرض مؤثر پوسته، مقاومت در برابر کمانش بیشتر می‌شود.

#### تحلیل پیشرفتنه سازه‌های هوافضایی:

-۲۷- یک تیر جدار نازک با مقطع دایره‌ای (مقطع در یک نقطه باز است) تحت نیروی برشی  $S_y$  روی مرکز برش قرار دارد. مقدار جربان برشی در نقطه A چقدر است؟



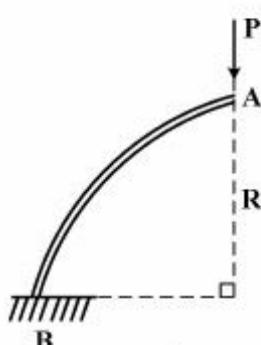
$$\frac{S_y}{\pi r} \quad (1)$$

$$\frac{S_y}{2\pi r} \quad (2)$$

$$\frac{S_y}{4\pi r} \quad (3)$$

$$\frac{2S_y}{\pi r} \quad (4)$$

-۲۸- تیر زیر، کمانی از یک دایره به شعاع R است. جابجایی افقی انتهای آزاد A بر اثر اعمال بار P کدام است؟



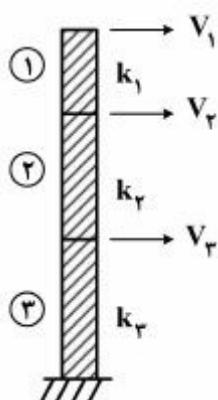
$$\frac{PR^{\frac{3}{2}}}{\gamma EI} \quad (1)$$

$$\frac{PR^{\frac{3}{2}}}{\gamma EI} \quad (2)$$

$$\frac{\pi PR^{\frac{3}{2}}}{\gamma EI} \quad (3)$$

$$\frac{\pi PR^{\frac{3}{2}}}{4EI} \quad (4)$$

-۲۹- سازه زیر از فنرهای برشی که به صورت افقی کار می‌کند تشکیل شده و دارای سه درجه آزادی می‌باشد. ترم  $K_{23}$  از ماتریس سختی سازه کدام گزینه است؟



$$k_2 \quad (1)$$

$$-k_2 \quad (2)$$

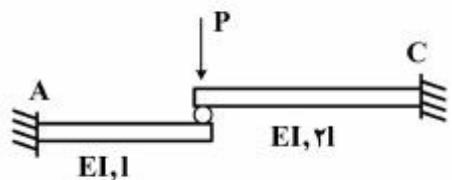
$$k_2 \quad (3)$$

$$k_2 + k_2 \quad (4)$$

- ۳۰ - کدام عبارت نادرست است؟

- (۱) در بعضی از حالت‌ها ممکن است  $\tau_{xy}$  با  $\tau_{yx}$  مساوی نباشد.
- (۲) روش انرژی کاستیگلیانو توانایی حل مسائل نامعین از نظر استاتیکی را دارد.
- (۳) اصل کار مجازی برای تمام مواد اعم از الاستیک و غیرالاستیک قابل استفاده است.
- (۴) به طور معمول، در پیچش مقاطع باز جدار نازک، primary warping در مقایسه با secondary warping سریع‌تر است.

- ۳۱ - در سازه زیر میزان عکس‌العمل قائم تکیه‌گاه A کدام است؟ (دو تیر یک سرگیردار با اتصال غلطکی به هم متصل شده‌اند).



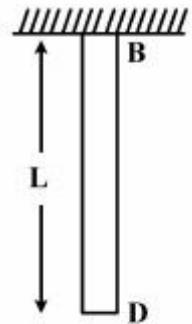
$$\frac{P}{9} \quad (1)$$

$$\frac{3P}{9} \quad (2)$$

$$\frac{4P}{9} \quad (3)$$

$$\frac{8P}{9} \quad (4)$$

- ۳۲ - در شکل زیر میله BD دارای طول L و مساحت مقطع یکنواخت A می‌باشد. جابجایی نقطه D بر اثر وزن این میله چقدر است؟ وزن واحد طول میله را W فرض کنید.



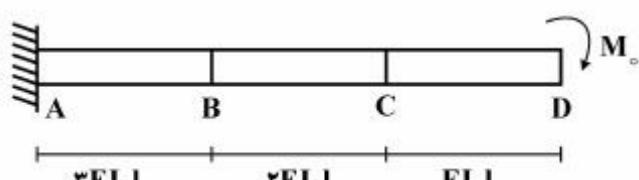
$$\frac{WL^2}{AE} \quad (1)$$

$$\frac{WL}{AE} \quad (2)$$

$$\frac{WL^2}{2AE} \quad (3)$$

$$\frac{WL^2}{4AE} \quad (4)$$

- ۳۳ - میزان دوران در تیر یک سرگیردار در نقطه D کدام است؟



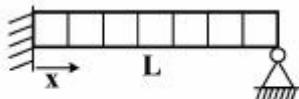
$$\frac{5M_0l}{6EI} \quad (1)$$

$$\frac{5M_0l}{12EI} \quad (2)$$

$$\frac{11M_0l}{6EI} \quad (3)$$

$$\frac{11M_0l}{12EI} \quad (4)$$

- ۳۴- کدام عبارت در مورد تیر زیر صحیح است؟



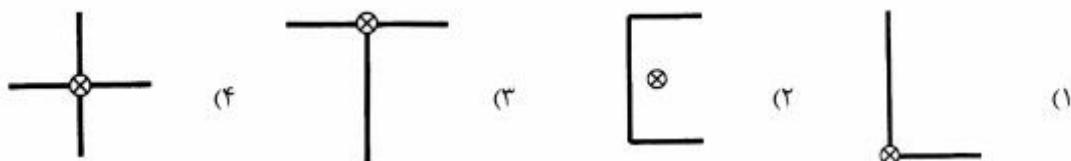
(۱) شیب در  $x = \frac{L}{2}$  صفر است.

(۲) خیز در  $x = \frac{L}{2}$  بیشینه است.

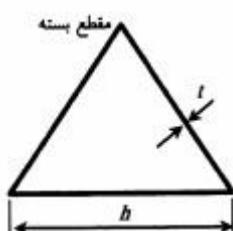
(۳) خیز بیشینه در  $x < \frac{L}{2}$  واقع است.

(۴) خیز بیشینه در  $x > \frac{L}{2}$  واقع است.

- ۳۵- محل مرکز برش (shear center) در کدام یک از مقاطع باز زیر به درستی نشان داده نشده است؟



- ۳۶- دو تیر توخالی جدار نازک با مقطع مثلث متساوی‌الاضلاع تحت گشتاور پیچشی در نظر بگیرید. نسبت تنش برشی بیشینه در حالتی که مقطع باز باشد به حالتی که مقطع بسته باشد چقدر است؟

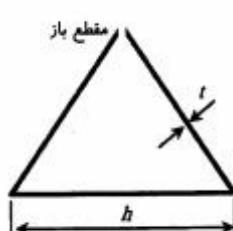


$$\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{h}{t} \quad (1)$$

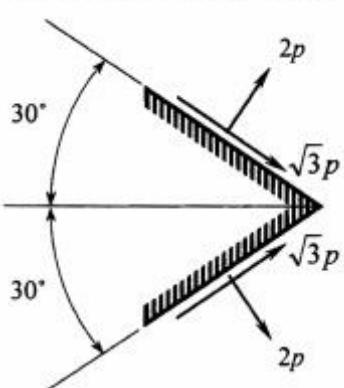
$$\frac{2}{\sqrt{3}} \frac{h}{t} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{h^2}{t^2} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{3}{2}} \frac{h^2}{t^2} \quad (4)$$



- ۳۷- بر روی دو صفحه متقاطع در یک نقطه، مؤلفه‌های تنش با مقادیر مشخص شده در شکل اعمال می‌شود. مقادیر تنش‌های اصلی در این نقطه چقدر است؟



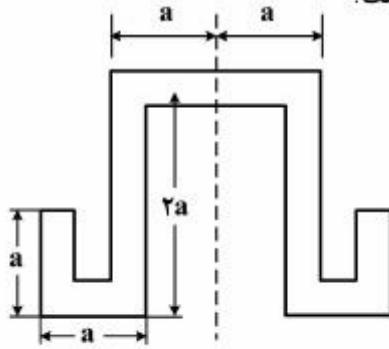
$$\sigma_1 = 5p, \quad \sigma_2 = p \quad (1)$$

$$\sigma_1 = -5p, \quad \sigma_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} p \quad (2)$$

$$\sigma_1 = 5\sqrt{3}p, \quad \sigma_2 = \sqrt{3}p \quad (3)$$

$$\sigma_1 = 5\frac{\sqrt{3}}{2} p, \quad \sigma_2 = -p \quad (4)$$

- ۳۸- استرینگری با مقطع متقارن به شکل زیر، تحت اثر پیچش  $T$  قرار گرفته است. اگر ضخامت مقطع در تمام قسمت‌ها ثابت و برابر  $t$  باشد، نرخ پیچش آن با استفاده از تقریب نوار باریک کدام است؟



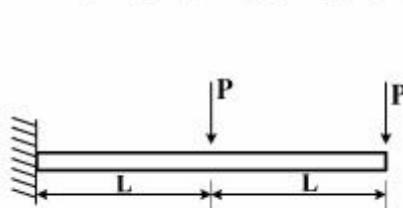
$$\frac{T}{5Gat^3} \quad (1)$$

$$\frac{T}{10Gat^3} \quad (2)$$

$$\frac{3T}{5Gat^3} \quad (3)$$

$$\frac{3T}{10Gat^3} \quad (4)$$

- ۳۹- تیر زیر با مقطع یکنواخت، تحت دو نیروی متقارن قرار گرفته است. انرژی کرنشی ناشی از خمش تیر کدام است؟



$$\frac{\gamma L^3}{3EI} \quad (1)$$

$$\frac{14L^3}{3EI} \quad (2)$$

$$\frac{22L^3}{3EI} \quad (3)$$

$$\frac{29L^3}{3EI} \quad (4)$$

- ۴۰- میله توپری با مقطع یکنواخت، تحت گشتاور پیچشی  $T$  قرار گرفته است. مقاطع مفروض برای این میله عبارتند از دایره، بیضی، مربع و مستطیل با انجام حل دقیق، کدام‌یک از موارد زیر در مورد اعوجاج (warping) در مقطع میله صحیح است؟

(۱) فقط مقاطع مستطیلی اعوجاج خواهند داشت.

(۲) فقط مقطع دایره‌ای دچار اعوجاج نمی‌شوند.

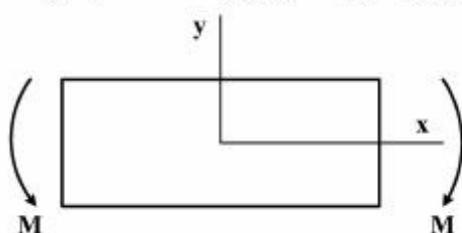
(۳) مقاطع دایره‌ای و بیضی شکل دجار اعوجاج نمی‌شوند.

(۴) نتایج حل دقیق، اعوجاج را در تمام مقاطع نشان می‌دهد.

- ۴۱- تابع تنش ایری برای حل یک صفحه مستطیلی همگن به شکل زیر در نظر گرفته شده است:

$$\phi = \frac{Ax^3}{6} + \frac{Bx^2y}{2} + \frac{Cxy^3}{2} + \frac{Dy^3}{6}$$

شرطیت ثابت‌های  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  به چه صورت باشد تا این حل برای بارگذاری خمشی این صفحه مناسب گردد؟



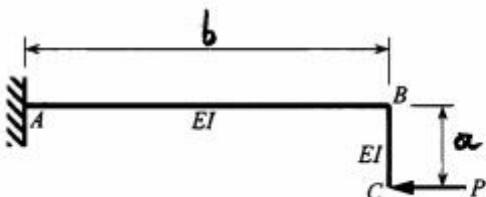
$$A = B = D = 0, C \neq 0 \quad (1)$$

$$A = B = C = 0, D \neq 0 \quad (2)$$

$$A = C = D = 0, B \neq 0 \quad (3)$$

$$B = C = D = 0, A \neq 0 \quad (4)$$

- ۴۲- تغییر مکان نقطه C در راستای قائم چقدر است؟ (از اثر نیروهای برشی و محوری صرف‌نظر شود)



$$\frac{Pa^r}{\gamma EI} \quad (1)$$

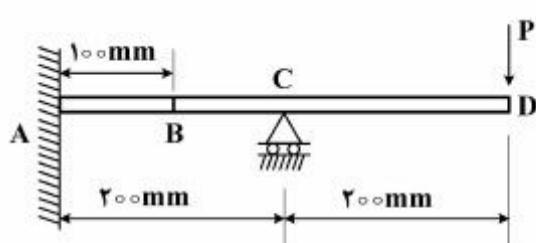
$$\frac{Pb^r}{\gamma EI} \quad (2)$$

$$\frac{Pb^r a}{\gamma EI} \quad (3)$$

$$\frac{Pa^r b}{\gamma EI} \quad (4)$$

- ۴۳- سیستم خطی نامعین زیر را در نظر بگیرید. زمانی که بار  $P = 100\text{ N}$  در نقطه D اعمال شده است. خیز نقطه B معادل با  $2\text{ mm}$  اندازه‌گیری می‌شود. حال اگر بار نقطه‌ای P به نقطه B منتقل شده و مقدار آن هم نصف شود، خیز

در نقطه D چند mm است؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۰/۵ (۴)

- ۴۴- در نقطه A از یک قطعه، محورهای m و n عمود بر هم انتخاب شده‌اند. گرنش سنج‌هایی در راستای x و y و m و n به صورت زیر باشد، مقدار گرنش نرمال در راستای y گدام است؟

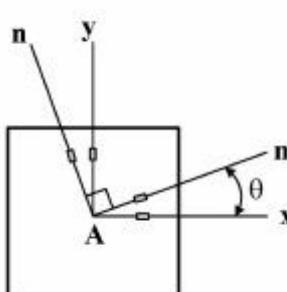
$$\varepsilon_x = 3 \times 10^{-4} \quad \varepsilon_m = 5 \times 10^{-4} \quad \varepsilon_n = -2 \times 10^{-4}$$

$$-1 \times 10^{-4} \quad (1)$$

۲) صفر

$$4 \times 10^{-4} \quad (3)$$

۴) به زاویه  $\theta$  بستگی دارد.



- ۴۵- مقطع نشان داده ایدئال‌سازی شده است. به طوری که سهم تحميل تنש محوري پوسته به بوم‌ها اضافه شده است.  
اگر اين مقطع تحت نيروي برشی در راستای عمودی  $600\text{N}$  روی مرکز برش قرار گيرد، مقدار تنش برشی در نقطه

بر حسب MPa چقدر است؟ (مساحت هر بوم  $100\text{mm}^2$  و ابعاد به mm داده شده است)



۰/۱ (۱)

۱ (۲)

۳ (۳)

۱۰ (۴)





## کلید اولیه دکترای سال 1396

کلید اولیه دکترای سال 1396

به اطلاع داوطلبان شرکت کننده در آزمون دکتری سال 1396 می رساند، در صورت تمایل می توانید حداکثر تا تاریخ 95/12/16 با مراجعه به سیستم پاسخگویی اینترنتی، نسبت به تکمیل فرم «اعتراض به کلید سوالات آزمون» اقدام نمایید. لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط از طریق سامانه پاسخگویی اینترنتی و فرم مذکور دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طرق دیگر و پس از تاریخ اعلام شده، به هیچ عنوان رسیدگی نخواهد شد.

گروه امتحانی	شماره باسختامه	نوع دفترچه	عنوان دفترچه
فنی و مهندسی	1	F	مهندسی هواپیما-سازه های هواپیما

شماره سوال	کزینه صحیح	شماره سوال	کزینه صحیح
1	1	31	4
2	2	32	3
3	1	33	3
4	4	34	4
5	3	35	2
6	2	36	1
7	1	37	1
8	2	38	4
9	3	39	1
10	4	40	2
11	2	41	2
12	1	42	3
13	1	43	3
14	3	44	2
15	2	45	2
16	3		
17	4		
18	4		
19	2		
20	4		
21	3		
22	4		
23	4		
24	2		
25	1		
26	1		
27	4		
28	1		
29	2		
30	4		

خروج